



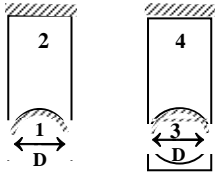
انتقال حرارت ۱ و ۲

۳۱- صفحه مربعی شکل نازکی به ضلع 10cm در هوای 20°C در اطای آویزان است. صفحه در معرض گرمای تابشی 50W قرار دارد. اگر دمای تعادلی

صفحه 30°C و ضریب بازتاب صفحه $0/4$ باشد، ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی از هر طرف صفحه به محیط بر حسب $\frac{W}{\text{m}^2\cdot\text{C}}$ چقدر است؟

(۱) ۲۰ (۲) ۱۵۰ (۳) ۲۰۰ (۴) ۲۵۰

۳۲- نیمکره‌ای در قاعده یک استوانه قرار گرفته است و با سقف آن تبادل حرارت دارد. نیمکره ۱ کف ندارد و از درون عایق است. نیمکره ۳ کف دارد و فقط به بیرون تابش ارسال می‌کند. اگر براساس مشخصات شکل زیر $F_{12} = m$ باشد، مقدار F_{34} چقدر است؟

(۱) $0/5m$ (۲) $0/67m$ (۳) m (۴) $1/5m$

۳۳- با افزایش دمای یک صفحه سیاه، نحوه تغییرات مقدار انرژی تابشی منتشره (W_B) و طول موج حداکثر (λ_{max}) امواج منتشره چگونه است؟

(۱) W_B و λ_{max} افزایش می‌یابد.(۲) W_B و λ_{max} کاهش می‌یابد.(۳) W_B افزایش ولی λ_{max} کاهش می‌یابد.(۴) W_B کاهش ولی λ_{max} افزایش می‌یابد.

۳۴- در چه نوع از مسائل مبدل‌های حرارتی روش $\varepsilon - NTU$ بر $F - LMTD$ برتری دارد؟

(۱) در مبدل‌های قاب - صفحه‌ای

(۲) در مبدل‌های پوسته - لوله‌ای

(۳) در همه مسایلی که فقط ۳ دما معلوم باشد.

(۴) در طراحی مبدل‌هایی که حداقل ۴ پارامتر از دو دبی و ۴ دما معلوم باشد.

۳۵- در یک مبدل حرارتی ۲ لوله‌ای از بخار اشباع 30°C برای گرمایش آب از 25 تا 83 درجه سانتی‌گراد استفاده می‌شود. کدام یک از گزینه‌های زیر را برای افزایش دمای متوسط لگاریتمی مبدل پیشنهاد می‌کنید؟

(۱) بخار و مایع به صورت ناهمسو وارد مبدل شوند.

(۲) بخار و مایع هر دو به صورت جریان همسو مورد استفاده قرار گیرند.

(۳) همسو بودن یا نبودن جریان‌ها در این حالت تأثیری در مقدار متوسط لگاریتمی دما ندارد.

(۴) بخار و مایع به صورت ناهمسو وارد مبدل شوند و بخار حتماً در لوله داخلی جاری گردد.

۳۶- کدام عبارت در خصوص NTU در مبدل‌های حرارتی صحیح است؟

(۱) هر چه مقدار NTU بیشتر باشد کارایی مبدل بیشتر است.

(۲) معیاری از اندازه مبدل و شدت انتقال حرارت در مبدل است.

(۳) مقدار NTU بیشتر از ۳ برای مبدل‌های همسو پیشنهاد نمی‌شود.

(۴) همه موارد ۱، ۲ و ۳ می‌توانند صحیح باشند.

۳۷- براساس کدام معیار می‌توان پیش‌بینی کرد میعان فیلمی رخ خواهد داد یا قطره‌ای؟

(۱) هر وقت سطح دارای سیقل آینه‌ای باشد.

(۲) هر وقت سیال حاوی مواد فعال کننده سطحی باشد.

(۳) وقتی کشش سطحی سیال کمتر از کشش سطحی بحرانی سطح باشد.

(۴) هر وقت نیروی فشاری بخار اشباع بیش از نیروی کشش سطحی سیال باشد.

۳۸- کدام یک از عوامل زیر در افزایش مقدار انتقال حرارت در میعان فیلمی بر روی یک صفحه قائم نقش مهمتری دارند؟

(۱) زیر کردن سطح

(۲) کج کردن صفحه

(۳) افزایش فشار کلی بخار

(۴) کوتاه کردن ارتفاع صفحه

۳۹- کدام عبارت در خصوص شار حرارتی بحرانی ($\text{Critical heat flux}$) در جوشش ظرفی صحیح است؟

(۱) در این شار بیشترین ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی آزاد به دست می‌آید.

(۲) در این شار مکانیسم تشعشعی نقش بسزایی در جوشش دارد.

(۳) انتخاب این شار همواره به عنوان شار عملیاتی مناسب است.

(۴) در این شار تعداد حباب‌های تولیدی در سطح جسم گرم برابر با تعداد حباب‌هایی است که سطح را ترک می‌کنند.

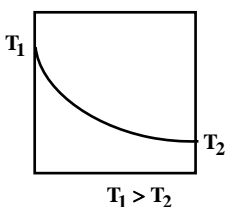
۴۰- در مورد دیواره نشان داده شده در شکل روبه‌رو و توزیع دما در آن کدام گزینه زیر صحیح‌تر است؟

(۱) دیواره‌ای با ضریب انتقال حرارت هدایتی غیر ثابت که با افزایش دما کاهش می‌یابد.

(۲) دیواره‌ای با ضریب انتقال حرارت هدایتی غیر ثابت که با افزایش دما افزایش می‌یابد.

(۳) دیواره‌ای با ضریب انتقال حرارت هدایتی ثابت و منبع مصرف انرژی در درون آن که یک طرف آن عایق شده است.

(۴) گزینه‌های ۱ و ۳ حسب مورد صحیح است.

 $T_1 > T_2$



۲۵- گزینه «۳» کدامیک از عبارت زیر، می‌تواند برداشت درستی از متن باشد؟

- (۱) در فیلتراسیون کیک صافی یک کیک فیلتراسیون است.
- (۲) فیلتراسیون در جداسازی گازها از جامدات کاربرد دارد.
- (۳) در فیلتراسیون عمقی، ماسه برای نگه داشتن جامدات استفاده می‌شود.
- (۴) فیلتراسیون بسته یکی از روش‌هایی است که در فیلتراسیون عمقی استفاده می‌شود.

بهترین گزینه را انتخاب و در پاسخنامه علامت بزنید.

۲۶- گزینه «۴» انتقال حرارت و با تأمین داده‌های تجربی اضافی قوانین اول و دوم ترمودینامیک

- (۱) توضیح دادن
- (۲) جدول‌بندی کردن
- (۳) پیش‌بینی کردن
- (۴) تکمیل کردن

۲۷- گزینه «۳» در سیال همیشه انتقال مولکولی در میان سطوح فرضی بدون آن وجود دارد. لغت مشخص شده در این جمله به معنی است.

- (۱) مشخص
- (۲) بزرگ
- (۳) خیالی
- (۴) محدود

۲۸- گزینه «۴» استفاده از فوم‌های فرمالدهید در عایق‌کاری اخیراً توسط کمیته مصرف‌کنندگان این محصولات ممنوع شده است. لغت مشخص شده در این جمله به معنی است.

- (۱) پشت کردن
- (۲) مطالعه کردن
- (۳) حمایت کردن
- (۴) منع کردن

۲۹- گزینه «۲» فرآیندهای جدید شیمیایی هم اکنون جداسازی چهار یا پنج ماده معدنی مختلف از سنگ معدن مس را امکان‌پذیر ساخته است. لغت مشخص شده از لحاظ معنایی به کدامیک از لغات زیر نزدیک‌تر است.

- (۱) مجوز
- (۲) عملی
- (۳) پذیرفتن
- (۴) قابل دسترسی

۳۰- گزینه «۴» در فرآیند نیمه پیوسته، مواد در طی عملیات وارد می‌شوند، ولی خارج نمی‌شوند. کدامیک از فرآیندهای زیر فرآیند نیمه پیوسته است؟

- (۱) یک واکنش در حال انجام از ظرف بسته
- (۲) قسمتی از رودخانه میان دو پل
- (۳) یک مخزن در حال تخلیه با نیروی جاذبه
- (۴) یک بالن پر شده، هوا در سرعت ثابت

انتقال حرارت ۱ و ۲

۳۱- گزینه «۲» در حالت پایدار، مقدار حرارت تشعشعی جذب شده توسط صفحه برابر است با حرارت خروجی از صفحه به هوای اتاق از طریق جابجایی. چون ضریب بازتاب صفحه ۰/۴ می‌باشد، بنابراین ضریب جذب آن برابر با ۰/۶ = ۱ - ۰/۴ است. در نتیجه:

$$\text{همچنین مقدار حرارت جابجایی خارج شده از صفحه برابر است با: } 30 \text{ W} = 0.6 \times 50$$

همچنین مقدار حرارت جابجایی خارج شده از صفحه برابر است با:

$$A = 1 \times 0.1 = 10^{-2} \text{ m}^2 \text{ و } T_s = 30^\circ \text{ C}, T_\infty = 20^\circ \text{ C} \text{ و } 2hA(T_s - T_\infty) = \text{حرارت خارج شده}$$

در رابطه بالا ضریب ۲ به دلیل آن است که حرارت از دو طرف صفحه خارج می‌شود، بنابراین:

$$\text{حرارت خارج شده} = 2h(10^{-2})(30 - 20) = \frac{h}{5}$$

در نهایت اگر مقدار حرارت جذب شده و حرارت خارج شده از صفحه را برابر قرار دهیم، خواهیم داشت:

$$30 = \frac{h}{5} \Rightarrow h = 150 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot ^\circ \text{C}}$$

$$A_1 = 2\pi R^2$$

۳۲- گزینه «۲» مساحت سطح ۱ برابر است با مساحت نیمکره، بنابراین:

همچنین مساحت سطح ۳ برابر است با مساحت نیمکره به اضافه مساحت مقطع دایره‌ای آن:

$$A_3 = 2\pi R^2 + \pi R^2 = 3\pi R^2$$

اگر رابطه تقابل را در داخل دو استوانه بنویسیم داریم:

$$A_1 F_{12} = A_2 F_{21} \Rightarrow F_{21} = \frac{A_1}{A_2} F_{12} = \frac{A_1}{A_2} m \quad (1)$$

$$A_2 F_{23} = A_3 F_{32} \Rightarrow F_{32} = \frac{A_2}{A_3} F_{23} \quad (2)$$

از طرفی $A_2 = A_3$ و $F_{32} = F_{21}$ می‌باشد بنابراین از روابط ۱ و ۲ داریم:

$$F_{32} = \frac{A_2}{A_3} F_{21} = \frac{A_2}{A_3} \left(\frac{A_1}{A_2} m \right) = \frac{A_1}{A_3} m = \frac{2\pi R^2}{3\pi R^2} m \Rightarrow F_{32} = \frac{2}{3} m = 0.67 m$$

۳۳- گزینه «۳» میزان تابش صادر شده از جسم سیاه از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$E_b(T) = \sigma T^4$$

طبق رابطه بالا با افزایش دمای جسم سیاه میزان تابش صادر شده از آن افزایش می‌یابد. همچنین طبق قانون جابجایی وین با افزایش دمای جسم، طول موج حداکثر تابش (λ_{max}) کاهش می‌یابد.

۳۴- گزینه «۴» در حالتی که از شش پارامتر (دو دبی و چهار دما) فقط چهار پارامتر مشخص باشد از روش $\epsilon - NTU$ استفاده می‌کنیم. از روش LMTD نمی‌توان دو پارامتر مجهول را تعیین کرد.

۳۵- گزینه «۳» بر اثر انتقال حرارت از بخار اشباع به سیال سرد مقداری از بخار اشباع تبدیل به مایع می‌شود و به عبارت دیگر تغییر فاز می‌دهد. اگر در یک مبدل حرارتی یکی از دو سیال در حال تغییر فاز باشد، میزان انتقال حرارت و مقدار اختلاف دمای متوسط لگاریتمی مستقل از آرایش جریان (همسو یا ناهمسو بودن جریان) می‌باشد.

۳۶- گزینه «۴» همه موارد ذکر شده صحیح است.

۳۷- گزینه «۳» وقتی کشش سطحی سیال کمتر از کشش سطحی بحرانی سطح باشد، میعان فیلمی رخ می‌دهد.

۳۸- گزینه «۱» زبری سطح باعث افزایش میزان انتقال حرارت در میعان فیلمی می‌شود.

۳۹- گزینه «۴» در شار حرارتی بحرانی، تعداد حباب‌های تولید شده در سطح با تعداد حباب‌هایی که سطح را ترک می‌کنند برابر است.

۴۰- گزینه «۴» در حالت پایا و بدون منبع حرارتی با استفاده از قانون فوریه داریم:

$$q'' = -k \frac{dT}{dx} \Rightarrow \frac{dT}{dx} = -\frac{q''}{k}$$

همان‌طور که ملاحظه می‌شود، شیب نمودار دما با ضریب هدایت حرارتی رابطه عکس دارد. با توجه به شکل صورت مسأله با افزایش دما شیب نمودار دما افزایش می‌یابد، در نتیجه با افزایش دما ضریب هدایت حرارتی کاهش می‌یابد.

همچنین در حالتی که در داخل دیوار منبع مصرف انرژی \dot{Q} قرار داشته باشد، شکل نمودار دما به صورت شکل صورت مسأله درمی‌آید.

۴۱- گزینه «۱» ابتدا مقدار حرارت عبوری از دیوار را به دست می‌آوریم. چون ضریب هدایت دیوار متغیر است، مقدار حرارت عبوری از دیوار را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$q = \frac{A}{L} \int_{T_r}^{T_1} k dT = \frac{A}{L} \int_{T_r}^{T_1} k_0 (1 + \beta T) dT = \frac{A}{L} \left[k_0 T + \frac{k_0 \beta}{2} T^2 \right]_{T_r}^{T_1}$$

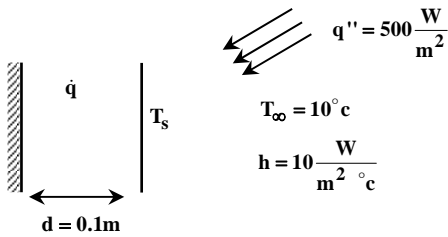
$$\Rightarrow q = \frac{A}{L} \left[k_0 (T_1 - T_r) + \frac{k_0 \beta}{2} (T_1^2 - T_r^2) \right] = \frac{A}{L} \left[k_0 + \frac{k_0 \beta}{2} (T_1 + T_r) \right] (T_1 - T_r)$$

بنابراین مقاومت حرارتی دیوار برابر است با:

$$R = \frac{T_1 - T_r}{q} = \frac{T_1 - T_r}{\frac{A}{L} \left[k_0 + \frac{k_0 \beta}{2} (T_1 + T_r) \right] (T_1 - T_r)} \Rightarrow R = \frac{2L}{k_0 A (2 + \beta T_1 + \beta T_r)}$$



۴۲- گزینه «۳»



$$= \dot{q}V = \dot{q}Ad = (3 \times 10^3)A(0.1) = 300A$$

$$\text{حرارت ورودی به دیوار} = q''A = 500A$$

$$\text{حرارت خروجی از دیوار} = hA(T_s - T_\infty) = 10A(T_s - 10)$$

$$\text{حرارت خروجی از دیوار} = \text{حرارت ورودی به دیوار} + \text{حرارت تولید شده در دیوار}$$

$$\Rightarrow 300A + 500A = 10A(T_s - 10) \Rightarrow 800A = 10A(T_s - 10) \Rightarrow 80 = T_s - 10 \Rightarrow T_s = 90^\circ \text{C}$$

$$h = \frac{-k \frac{\partial T}{\partial y} \Big|_{y=0}}{T_w - T_\infty}$$

۴۳- گزینه «۲» ضریب انتقال حرارت جابجایی از رابطه روبرو به دست می‌آید:

ابتدا با استفاده از توزیع دمای داده شده $\frac{\partial T}{\partial y} \Big|_{y=0}$ را به دست می‌آوریم:

$$T - T_\infty = (T_w - T_\infty) \left(1 - \frac{3}{2} \left(\frac{y}{\delta} \right) - \frac{5}{2} \left(\frac{y}{\delta} \right)^3 \right) \Rightarrow \frac{\partial T}{\partial y} \Big|_{y=0} = -\frac{3}{2\delta} (T_w - T_\infty)$$

بنابراین ضریب جابجایی برابر است با:

$$h = \frac{-k \times -\frac{3}{2\delta} (T_w - T_\infty)}{T_w - T_\infty} \Rightarrow h = \frac{3k}{2\delta}$$

۴۴- گزینه «۱» در جریان آشفته سیال در داخل لوله داریم:

$$Nu = \frac{hD}{k} = 0.023 Re_D^{\frac{1}{2}} Pr^n \Rightarrow \frac{hD}{k} \propto Re_D^{\frac{1}{2}} \Rightarrow h \propto \frac{k}{D} \left(\frac{u_\infty D}{\nu} \right)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow h \propto D^{-\frac{1}{2}} u_\infty^{\frac{1}{2}}$$

با توجه به رابطه بالا اگر قطر لوله نصف و سرعت سیال دو برابر شود خواهیم داشت:

$$\frac{h_2}{h_1} = \frac{\left(\frac{D}{2} \right)^{-\frac{1}{2}} (\nu u_\infty)^{\frac{1}{2}}}{D^{-\frac{1}{2}} u_\infty^{\frac{1}{2}}} = \left(\frac{1}{2} \right)^{-\frac{1}{2}} (\nu)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow h_2 = 2h_1$$

۴۵- گزینه «۱» در دیوار مرکب اگر توزیع دما در داخل دیوارها خطی باشد، شار حرارتی عبوری از دیوارها با هم برابر است.

ترمودینامیک

۴۶- گزینه «۳» تغییرات C_p با فشار به صورت زیر می‌باشد.

$$\left(\frac{\partial C_p}{\partial P} \right) = -T \left(\frac{\partial^2 v}{\partial T^2} \right)_P, Z=1 + \frac{BP}{RT} \Rightarrow \frac{Pv}{RT} = 1 + \frac{BP}{RT} \Rightarrow v = \frac{RT}{P} + B$$

چون B تابع دماست پس داریم:

$$\left[\frac{\partial C_p}{\partial P} \right]_T = - \left(\frac{\partial^2 v}{\partial T^2} \right)_P = - \frac{d^2 B}{dT^2}$$

۴۷- گزینه «۳» از رابطه ماکسول استفاده می‌کنیم. توجه شود که فشار حالت مایع از P^{st} شروع شده و با افزایش P به ناحیه مایع متراکم می‌رسیم. اگر

$$\left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T = - \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P \Rightarrow \Delta S = - \int_{P^{sat}}^P \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P dP, \beta = \frac{1}{v} \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P \Rightarrow \Delta S = -\beta v \Delta P$$

فشار از P^{st} کمتر شود به ناحیه دو فازی می‌رویم.

27- According to the passage changes at

- 1) microscopic scale may occur at equilibrium
2) microscopic scale shouldn't occur at equilibrium
3) macroscopic scale may occur at equilibrium
4) macroscopic scale may increase driving faces

28- "tendency" is closest in meaning to:

- 1) inclination
2) trend
3) likelihood
4) potential

Choose the best choice and mark in your answer sheet.

29- A spontaneous process is a process which takes place

- 1) over a period of time
2) instantaneously
3) on its own
4) randomly

30- Immiscible phases are phases which are

- 1) homogeneous
2) not dissolved in each other
3) inseparable
4) at the same temperature and pressure

انتقال حرارت ۱ و ۲

31- در مورد فرآیند جوشش، گزینه‌ی نادرست کدام است؟

- ۱) در ناحیه‌ی جوشش فیلمی، همواره با افزایش اختلاف دمای دیواره‌ی گرم و سیال، ضریب انتقال حرارت جوشش کاهش می‌یابد.
۲) در ناحیه‌ی جوشش هسته‌ای، با افزایش اختلاف دمای دیواره‌ی گرم و سیال، ضریب انتقال حرارت جوشش افزایش می‌یابد.
۳) در شار حرارتی بحرانی، می‌توان گفت تعداد حباب‌های تولید شده بر روی سطح گرم برابر با تعداد حباب‌هایی است که این سطح را ترک می‌کنند.
۴) در ناحیه‌ی جوشش فیلمی، افزایش اختلاف دما بین دیواره‌ی گرم و سیال به مقادیر خیلی زیاد، باعث افزایش ضریب انتقال حرارت جوشش می‌گردد.

32- در یک کره‌ی توپر جامد با تولید حرارت یکنواخت در درون آن، گرادیان دما در فاصله‌ی نصف شعاع از مرکز، مقدار آن در سطح خواهد بود.

- ۱) برابر
۲) نصف
۳) یک چهارم
۴) یک هشتم

33- شار انتقال حرارت جابه‌جایی آزاد مربوط به یک صفحه عمودی در حالت رژیم ناآرام با کدام گزینه متناسب است؟

- ۱) ΔT
۲) $\Delta T^{0.33}$
۳) $\Delta T^{1/25}$
۴) $\Delta T^{1/33}$

34- در مورد مبدل‌های حرارتی، کدام گزینه، صحیح‌تر است؟

- ۱) افزایش عدد NTU از ۵ به ۱۰، سبب افزایش قابل توجه کارایی مبدل نمی‌گردد.
۲) سیال خورنده و رسوب‌گذار، معمولاً در درون لوله‌های مبدل جاری می‌شوند، نه پوسته‌ی آن.
۳) کارایی ایده‌آل یک مبدل فقط می‌تواند مربوط به یک مبدل با جریان ناهمسو باشد.
۴) همه‌ی موارد فوق

35- مقطع یک کوره‌ی حرارتی به صورت مثلث متساوی‌الاضلاع است. دیواره‌های این کوره رفتاری مشابه با رفتار جسم سیاه دارند. یکی از دیواره‌ها از سمت

بیرون به طور کامل عایق‌بندی شده و دمای دو دیواره‌ی دیگر به ترتیب a و $2a$ درجه کلوین می‌باشد. در شرایط پایا، دمای دیواره‌ی عایق شده، کدام است؟

- ۱) $a^{0.25}/5$
۲) $a^{0.25}/2$
۳) $a^{0.25}/2$
۴) قابل محاسبه نیست.

36- آب با دمای 10° درجه‌ی سانتی‌گراد و سرعت ۵ سانتی‌متر بر ثانیه وارد کانالی مربعی با سطح مقطع $1/10^\circ$ متر مربع و طول 10° متر می‌شود. اگر

درجه حرارت دیواره‌ی کانال 90° درجه سانتی‌گراد باشد، دمای تقریبی آب خروجی از کانال چند درجه سانتی‌گراد است؟

$$\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, C_p = 4000 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}, h = 100 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot ^\circ\text{C}}$$

۶۵ (۴)

۴۴ (۳)

۲۵ (۲)

۲۰ (۱)



۲۶- گزینه «۲» مطابق متن:

- (۱) یک نیروی محرکه از یک نوع یا انواع دیگر، برای سیستم در حالت تعادل ضروری است.
- (۲) فقدان تمامی نیروهای محرکه برای سیستم در حالت تعادل ضروری است.
- (۳) داشتن یک حالت تعادل به وجود یا عدم وجود نیروی محرکه بستگی ندارد.
- (۴) تعادل توسط یک نیروی محرکه از یک نوع یا انواع دیگر به دست می‌آید.

۲۷- گزینه «۱» مطابق متن تغییرات در

- (۱) ابعاد ریز ذرات ممکن است در تعادل رخ دهد.
- (۲) ابعاد ریز ذرات نباید در تعادل رخ دهد.
- (۳) ابعاد کلان ذرات ممکن است در تعادل رخ دهد.
- (۴) ابعاد کلان ذرات ممکن است نیروهای محرکه را افزایش دهد.

۲۸- گزینه «۱» تمایل از نظر معانی نزدیک است به:

- (۱) تمایل
- (۲) گرایش
- (۳) احتمال
- (۴) پتانسیل

بهترین گزینه را انتخاب کرده و در پاسخنامه علامت بزنید.

۲۹- گزینه «۳» فرآیند خود به خودی فرآیندی است که اتفاق می‌افتد.

- (۱) در دوره زمانی
- (۲) آنی
- (۳) روی خودش
- (۴) تصادفی

۳۰- گزینه «۲» فازهای مخلوط‌نشده‌ی فازهای هستند

- (۱) همگن
- (۲) که در یکدیگر حل نمی‌شوند.
- (۳) جدا نشدنی
- (۴) در یک دما و فشار

انتقال حرارت ۱ و ۲

۳۱- گزینه «۱» در ناحیه جوشش فیلمی (لایه‌ای)، با افزایش اختلاف دمای دیواره و سیال، ضریب انتقال حرارت (h) افزایش می‌یابد.

$$T = \frac{\dot{q}R^2}{\epsilon k} \left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2\right) + T_s$$

۳۲- گزینه «۲» در یک کره توپر منبع حرارت داخلی، توزیع دما به صورت مقابل می‌باشد:

$$\frac{\partial T}{\partial r} = \frac{\dot{q}R^2}{\epsilon k} \left(-\frac{2r}{R^2}\right) = -\frac{\dot{q}r}{\epsilon k}$$

که در رابطه بالا R شعاع کره است. اگر از رابطه بالا نسبت به r مشتق بگیریم، داریم:

بنابراین خواهیم داشت:

$$\left. \frac{\partial T}{\partial r} \right|_{r=\frac{R}{2}} = -\frac{\dot{q}\left(\frac{R}{2}\right)}{\epsilon k}, \quad \left. \frac{\partial T}{\partial r} \right|_{r=R} = -\frac{\dot{q}R}{\epsilon k} \Rightarrow \left. \frac{\partial T}{\partial r} \right|_{r=\frac{R}{2}} = \frac{1}{2} \left. \frac{\partial T}{\partial r} \right|_{r=R}$$

۳۳- گزینه «۴» در جابه‌جایی آزاد، میزان انتقال حرارت (q) با اختلاف دما ($\Delta T = T_s - T_\infty$) به صورت مقابل رابطه دارد:

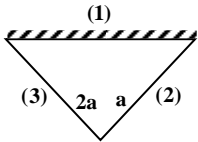
برای جریان آرام $n = \frac{1}{4}$ و برای جریان مغشوش $n = \frac{1}{3}$ می‌باشد. در این مسأله جریان مغشوش است، بنابراین:

۳۴- گزینه «۴» در مبدل‌های حرارتی با دو برابر شدن NTU، کارایی افزایش می‌یابد. اما افزایش آن زیاد نیست، بنابراین گزینه یک صحیح است.

همچنین در مبدل‌های پوسته-لوله‌ای سیال خورنده و رسوب‌گذار معمولاً درون لوله‌ها جریان می‌یابد. در نتیجه گزینه ۲ نیز صحیح می‌باشد. به علاوه کارایی ایده‌آل مربوط به یک مبدل با جریان ناهمسو می‌باشد. در نتیجه گزینه (۳) نیز صحیح است.



۳۵- گزینه «۳» سطح (۱) عایق است و دمای سطوح (۲) و (۳) به ترتیب a و $2a$ می‌باشد. موازنه انرژی را برای سطح (۱) می‌نویسیم:



$$q_1 = q_{12} + q_{13}$$

چون سطح (۱) عایق است بنابراین، $q_1 = 0$ می‌باشد و در نتیجه از رابطه بالا داریم:

$$q_1 = 0 \Rightarrow q_{12} + q_{13} = 0 \Rightarrow A_1 F_{12} \varepsilon \sigma (T_1^f - T_2^f) + A_1 F_{13} \varepsilon \sigma (T_1^f - T_3^f) = 0$$

$$\Rightarrow F_{12} (T_1^f - T_2^f) + F_{13} (T_1^f - T_3^f) = 0$$

$$F_{11} + F_{12} + F_{13} = 1, F_{11} = 0 \Rightarrow F_{12} + F_{13} = 1$$

از رابطه ضریب شکل برای سطح (۱) داریم:

مثلث متساوی‌الاضلاع است لذا، ضریب شکل سطح (۱) نسبت به سطوح (۲) و (۳) برابر است، در نتیجه:

$$F_{12} = F_{13}, F_{12} + F_{13} = 1 \Rightarrow F_{12} = F_{13} = \frac{1}{2}$$

اگر این مقادیر را در رابطه موازنه انرژی قرار دهیم، خواهیم داشت:

$$\frac{1}{2} (T_1^f - T_2^f) + \frac{1}{2} (T_1^f - T_3^f) = 0 \Rightarrow T_1^f = \frac{1}{2} (T_2^f + T_3^f) = \frac{1}{2} (a^f + (2a)^f)$$

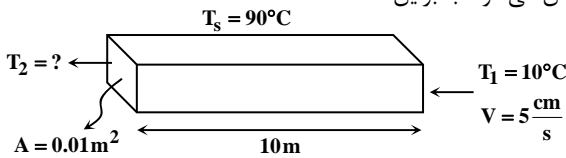
$$= \frac{1}{2} (a^f + 4a^f) \Rightarrow T_1^f = \frac{5}{2} a^f$$

۳۶- گزینه «۲» حرارتی که از دیواره کانال به سیال وارد می‌شود، باعث افزایش انرژی درونی آن می‌شود. بنابراین:

$$\dot{m} C_p (T_2 - T_1) = h A_s (T_s - T_\infty)$$

در رابطه بالا \dot{m} دبی جرمی سیال می‌باشد که برابر است با:

$$\dot{m} C_p = \rho V A = (1000)(0.05)(0.01) = 0.5 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$



همچنین T_∞ دمای متوسط سیال داخل کانال می‌باشد که برابر است با:

$$T_\infty = \frac{T_1 + T_2}{2}$$

به علاوه A_s دمای سطح کانال است که با توجه به این که مقطع کانال مربعی به مساحت 0.01 m^2 می‌باشد در نتیجه، منبع مربع 0.1 m و محیط آن

$$A_s = 0.4L = 0.4 \times 10 = 4 \text{ m}$$

0.4 m می‌باشد، بنابراین:

$$(0.5)(4000)(T_2 - 10) = (1000)(4)(90 - (\frac{T_2 + 10}{2}))$$

اگر مقادیر بالا را در رابطه موازنه انرژی قرار دهیم، خواهیم داشت:

$$\Rightarrow 2000(T_2 - 10) = 4000(90 - \frac{T_2 + 10}{2}) \Rightarrow 5(T_2 - 10) = 90 - (\frac{T_2 + 10}{2})$$

$$\Rightarrow 5T_2 - 50 = 90 - \frac{T_2}{2} - 5 \Rightarrow 5T_2 + \frac{T_2}{2} = 90 + 50 - 5$$

$$\Rightarrow 5.5T_2 = 135 \Rightarrow T_2 = 24.5^\circ \text{C}$$

۳۷- گزینه «۳» ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی در کندانسورهای افقی از کندانسورهای عمودی بیشتر است.

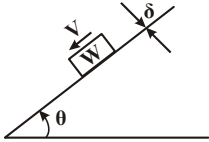
۳۸- گزینه «۴» همه گزینه‌ها صحیح می‌باشد. دمای دیواره لوله از ابتدا تا انتها افزایش می‌یابد. بنابراین بیشترین دمای دیواره مربوط به انتهای لوله می‌باشد. طول لوله کوتاه است، در نتیجه آب درون لوله به حالت توسعه یافته نمی‌رسد. همچنین کمترین اختلاف دما بین دیواره و سیال در ابتدای لوله می‌باشد. بنابراین همه گزینه‌ها صحیح است.

۳۹- گزینه «۳» با صیقلی کردن سطح بیرونی لوله‌ها، خیس‌شوندگی فلز کاهش یافته و مقاومت هدایتی ناشی از لایه مایع روی سطح کاهش می‌یابد و در نتیجه انتقال حرارت از بخار به لوله فلزی افزایش می‌یابد.



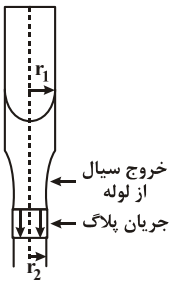
مکانیک سیالات

۶۶- فیلم سیال به ضخامت δ بین وزنه و سطح شیب‌دار قرار گرفته است. برای سیال نیوتنی با افزایش شیب سطح $(\sin \theta)$ سرعت ثابت لغزش وزنه چگونه تغییر می‌کند؟



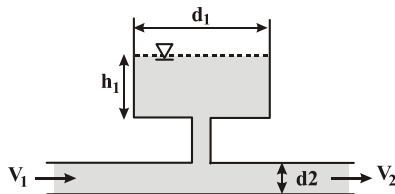
- (۱) متناسب با توان $\frac{1}{3}$ شیب تغییر می‌کند.
- (۲) متناسب با توان $\frac{3}{2}$ شیب تغییر می‌کند.
- (۳) متناسب با توان ۲ شیب تغییر می‌کند.
- (۴) به صورت خطی تغییر می‌کند.

۶۷- جریان آرامی مطابق شکل از یک لوله قائم به اتمسفر تخلیه می‌شود. پس از طی مسافت اندکی توزیع سرعت سیال بکنواخت (پلاگ) می‌گردد. با صرف نظر کردن از نیروی جاذبه و فرض سیال تراکم‌ناپذیر، نسبت شعاع $\frac{r_2}{r_1}$ کدام است؟



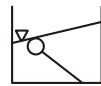
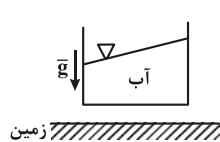
- (۱) $\frac{3}{4}$
- (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (۳) $\frac{2}{\sqrt{3}}$
- (۴) $\frac{4}{3}$

۶۸- در لحظه $t = 0$ ، ارتفاع مایع در مخزن (مطابق شکل) h_1 است. اگر قطر مخزن و قطر لوله به ترتیب d_1 و d_2 باشد، نرخ پر شدن مخزن $(\frac{dh}{dt})$ کدام است؟



- (۱) $(\frac{d_1}{d_2})^2 (v_1 - v_2)$
- (۲) $(\frac{d_1}{d_2})^2 (v_2 - v_1)$
- (۳) $(\frac{d_2}{d_1})^2 (v_1 - v_2)$
- (۴) $(\frac{d_2}{d_1})^2 (v_2 - v_1)$

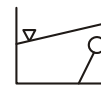
۶۹- سطح آزاد آب در مخزنی که با شتاب ثابت در حرکت است، به صورت شکل زیر در آمده است. بادکنکی که با نخ به کف مخزن متصل و در آب غوطه‌ور شده است چگونه می‌ایستد؟



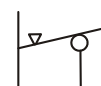
(۲)



(۱)

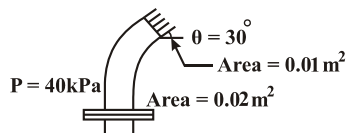


(۴)



(۳)

۷۰- نازلی به سر یک لوله عمودی متصل شده است که آب را با دبی $1 \frac{m^3}{s}$ به محیط خارج می‌کند، فشار در مقطع با مساحت $0.02 m^2$ برابر با $40 kPa$ می‌باشد. اگر وزن نازل $200 N$ باشد و از وزن آب داخل نازل صرف نظر شود، مؤلفه نیروی عمودی وارد شده بر نازل $(\rho_w = 1000 \frac{kg}{m^3})$ چند نیوتن (N) است؟



- (۱) ۴۰۰
- (۲) ۵۰۰
- (۳) ۶۰۰
- (۴) ۸۰۰

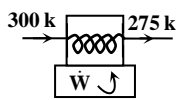
۶۵- گزینه «۱ و ۳» در یک سیکل تبرید همواره حداقل کار مصرفی مربوط به یخچال کارنو می‌باشد:

$$COP_{rf} = \frac{\dot{Q}_L}{\dot{W}_C}, COP_{rf-carnot} = \frac{T_L}{T_H - T_L}, COP_{rf} = COP_{rf-carnot} \Rightarrow \frac{\dot{Q}_L}{\dot{W}_C} = \frac{T_L}{T_H - T_L},$$

$$\dot{Q}_L = \dot{m}C_p\Delta T = 1 \times 4 \times (300 - 275) = 100 \text{ kW}$$

$$T_L = 275, T_H = 300 \Rightarrow \frac{100}{\dot{W}_C} = \frac{275}{300 - 275} \Rightarrow \dot{W}_C = 9.09 \text{ kW}$$

با فرض اینکه در صورت سؤال منظور از یخچال یک دستگاه مبرد یخچال باشد، از قانون اول ترمودینامیک برای فرایندهای به صورت زیر استفاده می‌شود. توجه شود که حداقل کار مصرفی مربوط به حالت برگشت پذیر می‌باشد:



$$\dot{Q}_{rev} + \dot{m}_i h_i = \dot{W}_{rev} + \dot{m}_e h_e, \dot{m}_i = \dot{m}_e, h = C_p T, T_1 = T_o = 300 \text{ K}, T_2 = 275 \text{ K}$$

از قانون دوم ترمودینامیک مقدار حرارت به صورت زیر محاسبه می‌شود. توجه شود که منظور از حرارت در رابطه فوق، حرارت ورودی به سیستم می‌باشد:

$$\Delta S_t = \Delta S_{sys} + \Delta S_{surr} = 0 \text{ (فرایند برگشت پذیر)} \Rightarrow [\dot{m}_i C_p \ln(\frac{T_2}{T_1})] + [\frac{-\dot{Q}_{rev}}{T_o}] = 0$$

$$\dot{Q}_{rev} = +T_o \dot{m}_i C_p \ln(\frac{T_2}{T_1}), \dot{W}_{rev} = \dot{Q}_{rev} + \dot{m}_i (h_i - h_e)$$

$$\dot{W}_{rev} = +T_o \dot{m}_i C_p \ln(\frac{T_2}{T_1}) + \dot{m}_i C_p (T_1 - T_2) = 300 \times 1 \times 4 \ln(\frac{275}{300}) + 1 \times 4 (300 - 275) = 1200 \ln(\frac{11}{12}) + 100$$

$$\dot{W}_{rev} = 1200 [\ln 11 - \ln(2^2 \times 3)] + 100 = 1200 [\ln 11 - 2 \ln 2 - \ln 3] + 100 = 1200 [2/4 - 2 \times 0.7 - 1/1] + 100$$

$$\dot{W}_{rev} = -120 + 100 = -20 \text{ kW}$$

لازم به ذکر است که سنجش گزینه (۳) را به عنوان جواب انتخاب کرده است. توجه شود که علامت منفی نشان دهنده مصرف کار توسط سیستم می‌باشد.

مکانیک سیالات

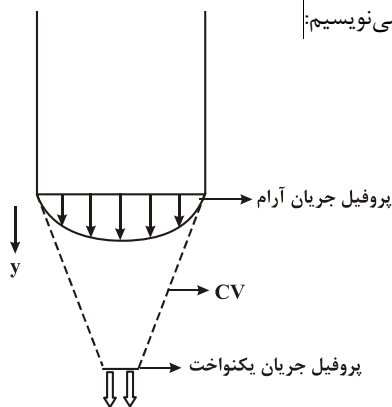
۶۶- گزینه «۴» با استفاده از قانون دوم نیوتن و قانون ویسکوزیته نیوتن داریم:

$$v = \text{const.} \Rightarrow \alpha = 0 \Rightarrow \sum F = 0: w \sin \theta - f = 0 \quad f = \tau A$$

$$\tau = \mu \frac{v}{\delta} \Rightarrow w \sin \theta = \mu \frac{v}{\delta} A \Rightarrow v = \frac{w \sin \theta (\delta)}{\mu A}$$

بنابراین با افزایش شیب سطح، سرعت ثابت لغزش وزنه به صورت خطی تغییر می‌کند.

۶۷- گزینه «۲» با در نظر گرفتن حجم کنترل به صورت شکل مقابل، معادله بقای مومنتوم را برای حجم کنترل می‌نویسیم:



$$F_{s,y} + F_{b,y} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{cv} \rho u \, dA + \int_{cs} \rho u (u \, dA)$$

○ پایا

چون در صورت سؤال قید شده است که پس از طی مسافت اندک پروفیل سرعت جریان به شکل پلاک درمی‌آید، بنابراین می‌توان از اثر نیروی اصطکاکی محیط روی سیال صرف نظر کرد، در این صورت داریم:

$$\int_{cs} \rho u^2 \, dA = 0$$

پروفیل سرعت در مقطع ۱، پروفیل سرعت جریان آرام توسعه یافته به صورت $u = 2\bar{V}_1 (1 - (\frac{r}{r_1})^2)$ می‌باشد. با جایگذاری این رابطه در معادله فوق داریم:

$$\int_{A_2} \rho V_2^2 \, dA_2 = \int_{A_1} \rho \left\{ 2\bar{V}_1 \left(1 - \left(\frac{r}{r_1} \right)^2 \right) \right\}^2 \, dA_1$$



$$\int_0^{r_1} \rho V_1^2 2\pi r dr = \int_0^{r_1} \rho V_2^2 \left[1 + \left(\frac{r}{r_1}\right)^4 - 2\left(\frac{r}{r_1}\right)^2\right] 2\pi r dr$$

$$2\rho\pi V_1^2 \frac{r_1^2}{2} = 2\rho\pi V_2^2 \left(\frac{r_1^2}{2} + \frac{1}{6} \frac{r_1^6}{r_1^4} - \frac{2}{4} \frac{r_1^4}{r_1^2}\right)$$

$$V_1^2 r_1^2 = 2V_2^2 \left(\frac{r_1^2}{2} + \frac{r_1^2}{6} - \frac{r_1^2}{2}\right)$$

$$V_1^2 r_1^2 = 2V_2^2 \left(\frac{r_1^2}{6}\right)$$

از طرفی طبق رابطه بقای جرم برای حجم کنترل داریم:

$$V_1 \pi r_1^2 = V_2 \pi r_2^2 \Rightarrow V_1 = V_2 \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

با جایگذاری روابط به دست آمده در یکدیگر و حذف سرعت‌ها می‌توان نسبت شعاع‌ها را تعیین کرد.

$$\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = \frac{4}{3} \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 = \frac{4}{3} \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^4$$

$$\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

۶۸- گزینه «۳» با استفاده از قانون بقای جرم (معادله پیوستگی) به صورت انتگرالی داریم:

$$\iint_{cs} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = -\frac{\partial}{\partial t} \iiint_{cv} \rho dv \quad , \quad -v_1 \cdot \frac{\pi}{4} d_1^2 + v_2 \cdot \frac{\pi}{4} d_2^2 = -\frac{\pi}{4} d_1^2 \cdot \frac{dh}{dt}$$

$$(v_1 - v_2) d_1^2 = d_1^2 \left(\frac{dh}{dt}\right) \Rightarrow \frac{dh}{dt} = \left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2 (v_1 - v_2)$$

$$\left(\frac{dy}{dx}\right)_{f.s.} = -\frac{a_x}{g + a_y}$$

۶۹- گزینه «۱» شیب سطح آزاد آب در مخزن عبارت است از:

بنابراین بادکنک به اندازه شیب سطح آزاد به سمت چپ متمایل می‌شود.

۷۰- گزینه «۳» با استفاده از حجم کنترل دور لوله، معادله ممتموم در امتداد محور y ها عبارت است از:

$$y - \text{Mom.}: P_1 A_1 + F_y - w = \rho Q (v_2 \sin 30^\circ - v_1) \quad , \quad v_1 = \frac{Q}{A_1} = \frac{0/1}{0/02} = 5 \left(\frac{m}{s}\right) \quad , \quad v_2 = \frac{Q}{A_2} = \frac{0/1}{0/01} = 10 \left(\frac{m}{s}\right)$$

$$40 \times 10^3 \times 0/02 + F_y - 2000 = 10000 \times 0/1 (10 \sin 30^\circ - 5)$$

$$F_y = -8000 + 2000 = -6000 \text{ (N)}$$

$$\text{نیروی عمودی وارد شده بر نازل}: K_y = -F_y = 6000 \text{ (N)}$$

۷۱- گزینه «۱» خط جریان افقی داده شده است. بنابراین تنها مؤلفه شتاب، شتاب مماسی خواهد بود، پس $a = a_s = 10 \frac{m}{s^2}$. طبق رابطه برنولی در امتداد

خط جریان با فرض غیرلزج بودن جریان داریم:

$$\left. \begin{aligned} \frac{dp}{ds} &= -\rho a_s \\ a_s &= 10 \frac{m}{s^2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{dp}{ds} = -10000 \left(\frac{kg}{m^3}\right) \times 10 \frac{m}{s^2} = -10 \left(\frac{kpa}{m}\right)$$

۷۲- گزینه «۱» در انتقال جریان از آرام به مغشوش، افت قابل توجهی در ضریب درگ (C_D) روی می‌دهد. این مورد در نمودار در رینولدز 100000 اتفاق افتاده است.