

مجموعه سؤالات دکتری

آمار ۱۴۰۰

• درس عمومی (زبان انگلیسی)

• دروس تخصصی

**PART A: Grammar**

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then, mark the correct choice on your answer sheet.

🔍 1- The rate that bright comets enter the solar system implies there should be around 3000 of them buzzing around, only 25 are known.

- 1) nonetheless 2) regardless of the fact 3) and yet 4) as there are

🔍 2- Contemporary theories of interpretation require that, in our analyses of texts, we consider not only what the text says “made.”

- 1) also its meaning gets and 2) but also gets the meaning of it
3) but its meaning also gets 4) but how its meaning gets

🔍 3- individual behavior is influenced by social networks is beyond dispute.

- 1) That 2) An 3) The 4) It is that

🔍 4- Plant scientists have been trying for years to genetically modify flowers for aesthetic purposes. The first to go on sale were blue carnations in Australia, in 1996.

- 1) were produced 2) produced 3) had been produced 4) to produce

🔍 5- Weapons have been carried and delivered by a wide variety of vehicles, weapon platforms.

- 1) they are often called 2) often called 3) called they are often 4) that are called often

🔍 6- Articulating what the difference between humans and other creatures consists of behind it have formed a large and difficult project tackled by biologists, anthropologists, psychologists, and philosophers.

- 1) uncovering the biology 2) the biology of uncovering
3) the biology uncovering 4) and uncovering the biology

🔍 7- Most healthcare professionals view depression as “just part of getting old and argue that this illness,, can have serious, even fatal consequences.

- 1) untreated then 2) untreated whether it is 3) if untreated 4) that is untreated

🔍 8- Ted had a terrible habit of boasting so much about his smallest accomplishments his vainglory became renowned throughout the small college campus.

- 1) that 2) as 3) in that 4) as though



PART B: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then, mark the correct choice on your answer sheet.

- 9-** Dogs growl and show their teeth in an attempt to frighten the animal or person they perceive as a
 1) habitat 2) prey 3) suspicion 4) threat
- 10-** Based on his recent poor decisions, it was obvious that Seth lacked even a modicum of good
 1) sentiment 2) sense 3) sensation 4) sensitivity
- 11-** The judge the extraneous evidence because it was not pertinent to the trial.
 1) disclosed 2) distended 3) dismissed 4) distorted
- 12-** The more frequently employees take time to exercise during working hours each week, the fewer sick days they
 1) expend 2) save 3) take 4) recall
- 13-** Classic psychology experiments have shown that when rats are first with an electrical shock to fear a tone when it sounds, they later fear the tone even without the associated shock.
 1) conditioned 2) sparkled 3) displayed 4) intended
- 14-** In 1998 Gordon Sinclair, the owner of a well-known restaurant, was struggling with a problem that all restaurateurs. Patrons frequently reserve a table but, without notice, fail to appear.
 1) delegates 2) afflicts 3) intensifies 4) evades
- 15-** Despite what the scientist said, the volcano eruption is not , so do not be concerned!
 1) impassive 2) negotiable 3) vulnerable 4) imminent
- 16-** At the landfill, the process is in full swing, turning much of the garbage into gasses.
 1) conversion 2) restoration 3) decomposition 4) pressurization
- 17-** Because I am an extreme planner who needs to control everything, I never engage in
 1) justification 2) pretention 3) coincidence 4) spontaneity
- 18-** The roads in our town already have too much traffic; building a new shopping mall will the problem.
 1) frustrate 2) exacerbate 3) preserve 4) exploit
- 19-** The movie *Close Encounters of the Third Kind* tells the story of the first contact between beings from outer space and creatures, that is, those living on earth.
 1) terrestrial 2) dominant 3) ingenious 4) affable
- 20-** There is agreement that an airport is needed; no one disputes that, but there is fundamental disagreement about where to build it.
 1) uniform 2) utilitarian 3) unique 4) unanimous

بخش اول: دستور زبان

در سؤالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۱- گزینه «۳» با توجه به سرعت و تعداد ورود ستاره‌های دنباله‌دار به منظومه شمسی می‌توان حدس زد که باید تقریباً ۳۰۰۰ مورد از آن‌ها وجود داشته؛ یا این حال تنها ۲۵ عدد از آنها شناسایی شده‌اند.

توضیح: همان‌طور که می‌دانید *nonetheless* قید ربط است؛ یعنی قبل از آن باید نقطه یا نقطه‌ویرگول و بعد از آن باید حتماً *comma* بیاید. با این حساب گزینه (۱) نادرست است. گزینه (۲) در صورتی ارزش بررسی کردن دارد که طراح بعد از *fact* از حرف ربط *that* استفاده می‌کرد. گزینه (۳) صحیح است، هم با توجه به مفهوم جمله و هم با توجه به اینکه قبل از *and* *comma* می‌آید. و گزینه (۴) نادرست است چون بعد از *as* دو تا فعل داریم؛ یکی *are* و یکی *know*.

۲- گزینه «۴» نظریه‌پردازان معاصر در زمینه ترجمه شفاهی باور دارند ما در آنالیز متن، علاوه بر چیزی که متن می‌گوید، باید به نحوه شکل‌گیری معنی آن نیز توجه داشته باشیم.

توضیح: همان‌طور که می‌بینیم این تست با مبحث *not only ... but also* سروکار دارد. اول از همه اینکه در این ساختار *but also* می‌تواند به صورت *but* یا *also* هم به کار برود. پس امیدوارم فوری گزینه (۲) را نزنه باشید.

ضمناً می‌دانیم ساختار *(also) but ... not only* مستلزم رعایت ساختار موازی است؛ بنابراین چون بعد از *not only* کلمه پرسشی *what* را داریم باید بعد از *(also) but* هم از کلمه‌ی پرسشی *how* استفاده کنیم:

.... not only what the text says but how its meaning gets made.

۳- گزینه «۱» اینکه شبکه‌های اجتماعی بر روی رفتار افراد تاثیرگذار هستند، قابل تردید نمی‌باشد.

توضیح: تست بسیار ساده‌ای است. توی مبحث جمله‌واره‌ی اسمی گفتیم یکی از کاربردهای *that clause* این است که قبل از فعل *be* به عنوان فاعل استفاده شوند. گفتیم در این موارد *that* به صورت «اینکه» ترجمه می‌شود:

That individual behavior is influenced by social networks is beyond dispute.

مثال بیشتر:

That coffee grows in Brazil is well known.

۴- گزینه «۲» گیاه‌شناسان سال‌هاست که با استفاده از اصلاح ژنتیک به دنبال زیباتر ساختن گل‌ها هستند. گل میخک آبی اولین موردی بود که برای فروش عرضه شد. این گل در سال ۱۹۹۶ در استرالیا تولید شد.

توضیح: این تست از دو جمله تشکیل شده که برای پاسخگویی به آن فقط به جمله دوم نیاز داریم. جمله دوم دارای فعل اصلی *were* می‌باشد، با این حساب به هیچ فعل اصلی دوم دیگری نیاز نداریم چون هر جمله فقط و فقط باید یک فعل اصلی داشته باشد. این یعنی حذف همزمان گزینه‌های (۱) و (۳). گزینه (۴) نادرست است چون قصد بیان هدف نداریم. ضمناً شکل اولیه گزینه (۲) این‌طوری بوده:

The first to go on sale were blue carnations that were produced in Australia, in 1996.

اگر *that were* را حذف کنیم، به گزینه (۲) می‌رسیم.



۵- گزینه «۲» سلاح‌ها از طریق وسایل نقلیه مختلفی حمل و تحویل داده می‌شوند. این وسایل نقلیه اغلب با نام پلتفرم سلاح شناخته می‌شوند. توضیح: تقریباً هر سال از این مبحث سؤال می‌آید و ما هم هر سال می‌گوییم بعد از کاما کاربرد that ممنوع است. (این یعنی حذف گزینه (۴)). گزینه (۱) در صورتی صحیح است که کاما به نقطه تبدیل بشود و they هم به They. مهم‌ترین دلیل رد گزینه (۳) کاربرد they بعد از called است. ضمناً شکل اولیه‌ی گزینه‌ی ۲ این طوری بوده:

Weapons have been carried and delivered by a wide variety of vehicles, **which are often called** weapon platforms. اگر which are حذف کنیم، به گزینه (۲) می‌رسیم.

۶- گزینه «۴» درک تفاوت بین انسان و سایر موجودات و مسائل بیولوژیکی نهفته در آن باعث بوجود آمدن مباحث و تحقیقات دشوار و گسترده‌ای شده است که دانشمندانی از رشته‌های مختلف مانند زیست‌شناسی، انسان‌شناسی، روانشناسی و فلسفه به آن می‌پردازند. توضیح: توی تست‌هایی که این‌قدر طولانی هستند، اولین کار این است که به دنبال فعل اصلی باشیم. فعل اصلی سوال ما have formed است. پس به خاطر حضور have باید فاعلمون جمع باشد. اما articulating به تنهایی به فعل مفرد نیاز دارد، این یعنی باید articulating را با and به یک ساختار ing دار موازی دیگر متصل کنیم تا آن موقع کاربرد فعل have هم معنی پیدا کند. و چون فقط گزینه (۴) است که دارای and می‌باشد، می‌توانیم باقی گزینه‌ها را رد کنیم.

۷- گزینه «۳» اکثر متخصصین حوزه بهداشت و درمان، افسردگی را بخشی از پروسه افزایش سن می‌دانند و اعتقاد دارند که در صورت عدم درمان می‌تواند عواقب بسیار وخیمی داشته و یا حتی باعث مرگ بیمار شود. توضیح: اول از همه اینکه طراح سؤال ظاهراً یادش رفته آن (") را که باز کرده ببندد. باید این علامت را قبل از and بیاورد. حالا می‌رسیم به رد گزینه‌ها. کاربرد that بعد از کاما ممنوع است (یعنی رد گزینه (۴)). گزینه ۱ نادرست است چون معلوم نیست طراح سوال آن then را بابت چی استفاده کرده. گزینه (۲) هم کنار می‌رود چون بعد از is هیچ عبارت کامل‌کننده‌ای نداریم. اما برای اینکه ببینیم چرا گزینه (۳) صحیح است باید اصل جمله را پیدا کنیم.

Most healthcare professionals argue that this illness, **if it is untreated**, can have serious, even fatal consequences. چون it به this illness برمی‌گردد، می‌توانیم با فرض اینکه فاعل‌ها یکسان هستند، فاعل جمله‌واره‌ی وابسته یعنی it و فعل is را حذف کنیم و یک وجه وصفی بسازیم:

Most healthcare professionals argue that this illness, **if untreated**, can have serious, even fatal consequences.

۸- گزینه «۱» تد اخلاق بسیار زشتی داشت و به خاطر کوچک‌ترین موفقیت‌هایش به قدری فخرفروشی می‌کرد که عادت خودستایی او در سرتاسر محوطه‌ی کوچک دانشگاه زبازد عام و خاص بود. توضیح: از ساختار that so استفاده شده.so much about that

بخش دوم: واژگان

دستورالعمل: در سؤالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۹- گزینه «۴» سگ‌ها در هنگام مواجهه با خطر / تهدید، پارس می‌کنند و دندان‌های خود را نشان می‌دهند تا حیوان یا شخص مورد نظر را بترسانند.

(۱) زیستگاه، زیست‌بوم (۲) طعمه (۳) سوءظن، تردید (۴) خطر، تهدید

مجموعه سؤالات دکتری

آمار ۱۴۰۲

• درس عمومی (زبان انگلیسی)

• دروس تخصصی

PART A: Grammar

Directions: Select the answer choice (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

 **1- Nonverbal thinking, in engineering design, involves perceptions, the stock-in-trade of the artist, not the scientist.**

- | | |
|------------------------------|-------------------------|
| 1) being central mechanism | 2) a central mechanism |
| 3) that is central mechanism | 4) is mechanism central |

 **2- When the work was completed, many moved to other construction jobs or to factory work in cities and towns, they became part of an expanding working class.**

- | | | | |
|----------|------------|---------|----------|
| 1) where | 2) thereby | 3) thus | 4) there |
|----------|------------|---------|----------|

 **3- , why did people in the thirteenth century move into these closely packed quarters?**

- 1) By giving all the disadvantages of living in aggregated towns
- 2) All the disadvantages of living in aggregated towns given
- 3) Given all the disadvantages of living in aggregated towns
- 4) Living in aggregated towns given all the disadvantages

 **4- Autism is considered a neurological and genetic life-long disorder that causes discrepancies in the way**

- | | |
|-----------------------------|-----------------------------|
| 1) is processed information | 2) of information processed |
| 3) processed information | 4) information is processed |

 **5- Not until the eighteenth century, however, the Bank of Amsterdam and the Bank of England begin to provide capital for business investment.**

- | | |
|----------------------|----------------------|
| 1) such banks as did | 2) banks such as did |
| 3) did such banks as | 4) banks did such as |

 **6- around 8000 B.C.E., the most extensive exploitation of agriculture occurred in river valleys, where there were both good soil and a dependable water supply regardless of the amount of rainfall.**

- | | | | |
|-------------|------------------|------------|---------------|
| 1) Starting | 2) To be started | 3) Started | 4) To started |
|-------------|------------------|------------|---------------|

 **7- A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, steam power to spin and weave cotton.**

- | | |
|------------------------------------|--------------------------------|
| 1) and resulted in mills they used | 2) by mills resulting in using |
| 3) that resulted in mills to use | 4) resulting in mills using |

 **8- This simple memorizing of individual items and procedures—known as rote learning—is relatively easy to implement on a computer. implementing what is called generalization.**

- | | |
|--|---------------------------------------|
| 1) The problem is more challenging than is | 2) More challenging is the problem of |
| 3) The problem more challenging than | 4) The more challenging problem of |

**PART B: Vocabulary**

Directions: Select the answer choice (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

9- The past is It is gone and will never, ever come back, no matter what you do, no matter how much you cry.

- 1) irrevocable 2) unsurpassable 3) inevitable 4) unreliable

10- The resort's marketing campaign was so broad that it attracted not only the wealthy but also those of limited

- 1) zeal 2) means 3) rudiments 4) appeal

11- This engine is the last of a once great car manufacturer of the early 20th century.

- 1) uproar 2) proximity 3) tyro 4) vestige

12- He's a very young actor who's as happy in highbrow dramas as he is in TV comedies.

- 1) versatile 2) capricious 3) divisive 4) malleable

13- The treaty was formally this afternoon and will pass into law once signed by the Prime Minister later tonight.

- 1) nominated 2) pledged 3) released 4) ratified

14- I can't explain how I knew—I just had an that you'd been involved in an accident.

- 1) idiosyncrasy 2) intuition 3) attribution 4) ambiguity

15- Vehicles only the simplest of the engine improvements that methanol makes feasible would still contribute to an immediate lessening of urban air pollution.

- 1) incorporating 2) penetrating 3) conceding 4) disabusing

16- In 1887, an ingenious experiment performed by Albert Michelson and Edward Morley severely classical physics by failing to confirm the existence of "ether," a ghostly massless medium that was thought to permeate the universe.

- 1) predetermined 2) reiterated 3) undermined 4) presaged

17- Though not known for her, the principle allowed the students' misconduct to go unpunished.

- 1) candor 2) leniency 3) severity 4) punctuality

18- If you look inside of most classrooms, you will not see chalkboards because they are nearly in education today.

- 1) neutral 2) transient 3) obsolete 4) invaluable

19- Although computers can people's ability to communicate, computer games are a cause of underdeveloped communication skills in children.

- 1) enhance 2) duplicate 3) disclose 4) anticipate

20- After his boss praised him for his work on the big project, Sam felt it was an time to ask for a promotion.

- 1) arbitrary 2) apparent 3) ambitious 4) auspicious

بخش اول: دستور زبان

در سؤالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۱- گزینه «۲» تفکر غیرکلامی، که یک مکانیزم مرکزی در طراحی مهندسی است، شامل ادراک می‌شود، {یا به عبارتی} فوت و فن هنرمند، نه دانشمند. توضیح گرامری: گزینه (۳) کنار می‌رود چون کاربرد that بعد از کما ممنوع است. گزینه (۱) رد می‌شود چون being اضافه و حشو است. گزینه (۴) کنار می‌رود چون فاقد ضمیر موصولی است. ضمناً آن دو تا کامای بعد و قبل از جای خالی به وضوح نشان می‌دهند که ما به یک جمله‌واره وصفی نیاز داریم. پس این شما و این هم گزینه (۲) که در ابتدا به این صورت بوده:

Nonverbal thinking, which is a central mechanism in engineering design, involves

می‌توانیم which is را حذف کنیم و یک بدل یا عبارت وصفی بسازیم:

Nonverbal thinking, a central mechanism in engineering design, involves

۲- گزینه «۱» وقتی کار کامل شد، بسیاری به شغل‌های عمرانی دیگر یا کار در کارخانه‌ها در شهرها و شهرستان‌ها نقل مکان کردند، که در آنجا (جایی که) آنها بخشی از قشر در حال گسترش کارگرها شدند.

توضیح گرامری: با توجه به مفهوم جمله و اینکه قبل از جای خالی مرجع مکانی cities and towns را داریم، به ضمیر موصولی where برای جای خالی نیاز داریم.

۳- گزینه «۳» با توجه به تمامی معایب زندگی در شهرهای پُرجمعیت، چرا مردم در قرن سیزدهم به این محله‌های بسیار متراکم نقل مکان کردند؟ توضیح گرامری: given همیشه شکل سوم فعل give نیست. در اینجا یک حرف اضافه است به معنی «با توجه به»، با در نظر گرفتن و مترادف با considering است. چون حرف اضافه است، بعدش باید اسم یا عبارت اسمی بیاید. همچنین به مثال زیر دقت کنید:

Given [= considering] the circumstances, you've done really well.

ترجمه: با توجه به شرایط، عملکرد واقعاً خوبی داشته‌ای.

Given all the disadvantages of living in aggregated towns, why did people in the thirteenth

۴- گزینه «۴» اوتیسم، یک اختلال عصبی و ژنتیکی مادام‌العمر محسوب می‌شود که باعث تفاوت‌هایی می‌گردد در نحوه‌ای که اطلاعات پردازش می‌شود. توضیح گرامری: جمله در اصل به شکل مقابل بوده: ...causes discrepancies in the way that information is processed. می‌توانیم that موصولی را حذف کنیم که در این صورت به گزینه (۴) می‌رسیم. باقی گزینه‌ها به وضوح نادرست‌اند.

۵- گزینه «۳» با این وجود، تا {آغاز} قرن هجدهم، بانک‌هایی از قبیل بانک آمستردام و بانک انگلستان شروع به تأمین سرمایه برای سرمایه‌گذاری کسب‌وکار نکرده بودند.

توضیح گرامری: چون جمله با عبارت منفی ساز not until شروع شده، باید وارونگی صورت بگیرد که فقط در گزینه (۳) شاهد وارونگی هستیم:

Not until the eighteenth century, however, did such banks as ...

Painters such as Picasso are rare.

نکته: همانطور که می‌دانید از such as برای ارائه مثال استفاده می‌شود. مثال:

Such painters as Picasso are rare.

می‌توانیم such را ببریم قبل از painters که در این صورت داریم:

همین اتفاق در این سؤال هم افتاده:

Not until the eighteenth century, however, did such banks as the Bank of Amsterdam ...

۶- گزینه «۱» گسترده‌ترین بهره‌برداری از کشاورزی، که حدوداً در سال ۸۰۰۰ قبل از میلاد مسیح شروع شد، در دره‌های رودخانه‌ها رخ داد، که در آنجا صرف‌نظر از میزان بارندگی، هم خاک باکیفیت وجود داشت و هم منبع آب قابل‌اتکا.

توضیح گرامری: جمله در اصل به این صورت بوده:



The most extensive exploitation of agriculture, **which started around 8000 B.C.E.**, occurred in river valleys...

می‌توانیم با حذف which و تبدیل started به starting یک عبارت وصفی (بدل) غیرضروری بسازیم:

The most extensive exploitation of agriculture, **starting around 8000 B.C.E.**, occurred in river valleys...

می‌توانیم بدل را ببریم به قبل از مرجع (در اینجا The most extensive exploitation of agriculture) که داریم:

Starting around 8000 B.C.E., the most extensive exploitation of agriculture occurred in river valleys...

پس این شما و این هم گزینه (۱) و حذف سایر گزینه‌ها.

۷- گزینه «۴» یک موتور دورانی که به موتور بخار متصل بود، باعث می‌شد شفت‌ها بچرخند و دستگاه‌ها به حرکت دربیایند، که {این امر} باعث می‌شد آسیاب‌ها از نیروی بخار برای چرخیدن و بافتن پنبه استفاده کنند.

توضیح گرامری: اگر خاطرتان باشد، گفتیم مرجع ضمیر موصولی which می‌تواند نه یک کلمه (یا عبارت) بلکه کل جمله قبل از کاما باشد. مثال:

My friend eventually decided to get divorced, which upset me a lot.

ترجمه: دوستم نهایتاً تصمیم گرفت که طلاق بگیرد، {که این موضوع} مرا زیاد ناراحت کرد.

در این سؤال هم همین موضوع صدق می‌کند؛ یعنی ابتدا داشتیم:

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, which resulted in mills

می‌توانیم which را حذف و resulted را به resulting تبدیل کنیم:

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, resulting in mills

همچنین این کاربرد result in را حتماً حفظ کنید:

Result in + sb/ sth + doing sth: Icy conditions resulted in two roads being closed.

در واقع در اینجا، being جراند است. پس این شما و این هم گزینه (۴):

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, resulting in mills using steam power

بررسی سایر گزینه‌ها: گزینه (۳) به خاطر کاربرد that بعد از کاما کنار می‌رود. گزینه (۲) به لحاظ معنایی ایراد دارد و در گزینه (۱) کاربرد they used نامناسب است.

۸- گزینه «۲» اجرای این نوع یادگیری و به حافظه سپردن اقلام و رویه‌ها - که {با لفظ} یادگیری طوطی‌وار شناخته می‌شود - روی کامپیوتر نسبتاً ساده است. چالش برانگیزتر {از آن} مشکل اجرای چیزی است که تعمیم نامیده می‌شود.

توضیح گرامری: گفتیم یکی از کاربردهای وارونگی زمانی است که یک جمله با صفت آغاز شود؛ این هم مثال خود کتاب:

Central to all legal systems is the belief that a person is innocent unless proved otherwise.

More challenging is the problem of implementing what is called generalization.

بررسی سایر گزینه‌ها: گزینه‌های (۳) و (۴) به وضوح کنار می‌روند. گزینه (۱) رد می‌شود چون معلوم نیست the problem دقیقاً به چه مشکلی اشاره دارد.

بخش دوم: واژگان

دستورالعمل: در سؤالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۹- گزینه «۱» گذشته برگشت‌ناپذیر است. {گذشته} طی شده (رفته) و دیگر هرگز باز نخواهد گشت، مهم نیست چه کاری انجام دهید و هر قدر هم که گریه کنید.

۱ irrevocable

غیرقابل برگشت، لغوشدنی

۲ unsurpassable

سبقت ناپذیر، چیره ناشدنی

۳ inevitable

اجتناب ناپذیر، حتمی

۴ unreliable

غیرقابل اعتماد

سؤالات آمار

مبانی آنالیز ریاضی - ریاضی عمومی (۱ و ۲) - احتمال (۱ و ۲)

کج ۱- فرض کنید $f, g: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ دو تابع مشتق‌پذیر باشند، به‌طوری که $f \neq g$ و برای هر $x \in (0, +\infty)$ داشته باشیم: $f'(x) = -\frac{g(x)}{x}$

و $g'(x) = -\frac{f(x)}{x}$ مقدار $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)}$ کدام است؟

- (۱) -۱ (۲) صفر (۳) ۱ (۴) $+\infty$

کج ۲- فرض کنید $x \in [-1, 1]$ و $f_n(x) = |x|^{1+\frac{1}{n}}$ و $f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} f_n(x)$ کدام مورد درست است؟

(۱) هیچ‌کدام از f_n ها و f در نقطه صفر مشتق‌پذیر نیستند.

(۲) هیچ‌کدام از f_n ها در $(-1, 0)$ مشتق‌پذیر نیستند.

(۳) f_n ها تنها به ازای n های زوج در $[-1, 1]$ مشتق‌پذیرند.

(۴) هر f_n در $[-1, 1]$ مشتق‌پذیر است، لیکن f در صفر مشتق‌پذیر نیست.

کج ۳- فرض کنید $f_n(x) = \begin{cases} \frac{2n+1}{n+2}x & \frac{1}{n} < x \leq 1 \\ \frac{n+1}{n+2}x & \frac{1}{n^2} < x \leq \frac{1}{n} \\ \frac{1}{n}x^2 & 0 \leq x \leq \frac{1}{n^2} \end{cases}$ و $f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} f_n(x)$ ، $0 \leq x \leq 1$ ، $f(x) \cdot f(x)$ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) x (۳) $2x$ (۴) x^2

کج ۴- کدام مورد درست است؟

(۱) تابع $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ با ضابطه $f(x) = e^x$ پیوسته یکنواخت است.

(۲) تابع $f: (0, 1) \rightarrow \mathbb{R}$ با ضابطه $f(x) = \sin \frac{1}{x}$ پیوسته یکنواخت است.

(۳) اگر توابع $f, g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ پیوسته یکنواخت باشند، آنگاه $fg: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ نیز پیوسته یکنواخت است.

(۴) اگر تابع $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ پیوسته یکنواخت و $\{x_n\}$ یک دنباله کوشی در $\mathbb{R}$ باشند، آنگاه $\{f(x_n)\}$ نیز یک دنباله کوشی است.

کج ۵- متریک d با ضابطه $d(x, y) = \begin{cases} \max\{|x|, |y|\} & x \neq y \\ 0 & x = y \end{cases}$ روی $\mathbb{R}$ مفروض است. کدام مجموعه در فضای متریک $(\mathbb{R}, d)$ باز نیست؟

- (۱) مجموعه اعداد اصم (کنگ) (۲) مجموعه اعداد گویا (۳) $[1, 2]$ (۴) $\left\{1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots\right\}$

کج ۶- مقدار $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x^x}{2^x - 2x}$ ، کدام است؟

- (۱) $\frac{-\ln 2}{1 - \ln 4}$ (۲) $\frac{\ln 2}{1 - \ln 4}$ (۳) $\frac{\ln 4}{1 - \ln 4}$ (۴) $\frac{\ln 4}{1 - \ln 2}$

کج ۷- اگر $\int_0^x e^{(x^2-t^2)} t^3 dt = \frac{1}{4} e^{x^2} + Ax^2 + B$ مقدار $A+B$ کدام است؟

- (۱) -۱ (۲) $-\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) ۱

کج ۸- مساحت ناحیه محدود به منحنی‌های $y = 0$ و $x = 1$ واقع در ربع اول صفحات مختصات، کدام مضرب $\frac{1}{\pi}$ است؟ () نماد

(جزء صحیح است.)

- (۱) $3 + \cos 1 - \cos 2 + \cos 3$ (۲) $3 - \cos 1 + \cos 2 - \cos 3$ (۳) $3 + \cos 1 + \cos 2 + \cos 3$ (۴) $3 - \cos 1 - \cos 2 - \cos 3$

کج ۹- فرض کنید $I = \int_0^\infty \frac{dx}{\sqrt{x}e^x}$ و $J = \int_0^1 \sqrt{x} \ln x dx$. کدام مورد درست است؟

- (۱) I همگرا و J واگرا است. (۲) I و J هر دو همگرا هستند. (۳) I و J هر دو واگرا هستند. (۴) I و J هر دو واگرا هستند.



۱۰- معادلهٔ صفحه مماس بر سطح $z = x^2 - xy + y^2 - 1$ در نقطه A واقع بر آن، بر بردار یک مماسی منحنی با بردار وضعیت $\vec{r}(t) = t^2\vec{i} + 2t\vec{j} + t\vec{k}$ در لحظه t عمود است. مختصات نقطهٔ A در لحظهٔ $t = 1$ ، کدام است؟

- (۱) $(2, 2, 3)$ (۲) $(-2, 2, 1)$ (۳) $(2, -2, 1)$ (۴) $(-2, -2, 3)$

۱۱- بزرگ‌ترین حجم مکعب مستطیلی که می‌توان در بیضیگون $z^2 = 3 - x^2 - y^2$ محاط کرد، کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۸ (۴) ۱۶

۱۲- مقدار $\int_0^\pi \int_y^\pi \frac{\sin x}{x} dx dy$ ، کدام است؟

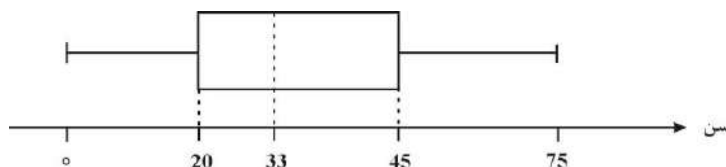
- (۱) $\frac{\pi}{4}$ (۲) ۱ (۳) $\frac{\pi}{2}$ (۴) ۲

۱۳- حجم ناحیه محدود به رویه $z = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$ که در بالای صفحهٔ xy درون استوانه $x^2 + y^2 = 4$ و بیرون استوانه $x^2 + y^2 = \frac{1}{4}$ قرار دارد،

کدام است؟

- (۱) $2\pi(-\frac{3}{4} + \ln 4)$ (۲) $\pi(-\frac{15}{8} + \frac{17}{4} \ln 2)$ (۳) $2\pi(-\frac{1}{2} + \ln 2)$ (۴) $\pi(-\frac{15}{16} + \ln 4)$

۱۴- نمودار جعبه‌ای زیر، تعداد بیمه‌شدگان یک جامعه در سن‌های مختلف را نشان می‌دهد. اگر بدانیم ده درصد بیمه‌شدگان بالای ۶۰ سال سن دارند، تقریباً چند درصد از بیمه‌شدگان بین ۳۳ تا ۶۰ سال هستند؟



- (۱) ۳۵
(۲) ۴۰
(۳) ۴۵
(۴) ۵۵

۱۵- از یک کیسه شامل N توپ که از یک تا N شماره‌گذاری شده‌اند، n توپ را با جایگذاری انتخاب می‌کنیم. احتمال اینکه حداقل یکی از توپ‌ها تکراری انتخاب شود کدام است؟ ($n < N$)

- (۱) $\frac{1}{N^n}$ (۲) $1 - \frac{1}{N!}$ (۳) $\frac{\binom{N}{n}}{N^n}$ (۴) $1 - \frac{N!}{n!N^n}$

۱۶- فرض کنید $B_1, \dots, B_n$ پیشامدهای مستقل از هم روی فضای نمونه مشترک S باشند که $P(B_i) = \frac{1}{n}$ برای $i = 1, 2, \dots, n$ ، احتمال اینکه حداکثر یکی از پیشامدها رخ دهد کدام است؟

- (۱) $\frac{(n-1)^{n-1}(2n-1)}{n^n}$ (۲) $\frac{n^{n-1}(2n-1)}{(n+1)^n}$ (۳) $(\frac{n}{n-1})^n$ (۴) $(\frac{n-1}{n})^{n-1}$

۱۷- فرض کنید احتمال اینکه یک خانواده n فرزند داشته باشد برابر $2^{-(n-1)}$ است و جنسیت فرزندان از هم مستقل و دارای احتمال مساوی پسر یا دختر باشد. احتمال اینکه یک خانواده حداقل یک فرزند داشته باشد، مشروط به اینکه پسر نداشته باشد، چقدر است؟

- (۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۴) $\frac{1}{4}$

۱۸- در یک بازی شیروخط با یک سکه سالم، بازیکن A تعداد ۲۵ سکه و بازیکن B تعداد ۲۰ سکه را با هم پرتاب می‌کنند. احتمال اینکه هر دو تعداد شیرهای مساوی به‌دست بیاورند، چقدر است؟

- (۱) $\binom{45}{20} (\frac{1}{2})^{45}$ (۲) $\binom{45}{15} (\frac{1}{2})^{45}$ (۳) $\binom{45}{20} (\frac{1}{2})^{20}$ (۴) $\binom{45}{15} (\frac{1}{2})^{20}$

۱۹- تعداد ۳۰ عدد به تصادف از توزیعی با تابع چگالی $f(x) = \frac{1}{x^2}, x \geq 1$ انتخاب می‌کنیم. انتظار می‌رود چه تعداد از آن‌ها بزرگ‌تر از ۵ باشند؟

- (۱) ۹ (۲) ۷ (۳) ۶ (۴) ۴

۲۰- فرض کنید $X \sim U(-\theta, \theta), \theta \in \mathbb{R}$ و $Y = X^2$. ضریب همبستگی بین X و Y کدام است؟

- (۱) $-\frac{1}{2}$ (۲) صفر (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) ۱



سؤالات آمار

مبانی آنالیز ریاضی - ریاضی عمومی (۱ و ۲) - احتمال (۱ و ۲)

۱- گزینه «۱» با توجه به اینکه f و g مشتق پذیر می باشند بنابراین می توان از قضیه هوییتال استفاده نمود.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} &\stackrel{H}{=} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f'(x)}{g'(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-\frac{g(x)}{x}}{-\frac{f(x)}{x}} \stackrel{H}{=} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(-g'(x)x + g(x)) / x^2}{(-f'(x)x + f(x)) / x^2} \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{g'(x)}{x} - \frac{g(x)}{x^2}}{\frac{f'(x)}{x} - \frac{f(x)}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{f(x)}{x^2} - \frac{g(x)}{x^2}}{\frac{g(x)}{x^2} - \frac{f(x)}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x) - g(x)}{g(x) - f(x)} = -1 \end{aligned}$$

۲- گزینه «۴» ابتدا مشتق پذیری $f_n(x)$ ها را در $[-1, 1]$ مورد بررسی قرار می دهیم. مثلاً در نقطه $x = 0$ داریم:

$$f'_n(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f_n(x) - f_n(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x} \|x\|^n}{x}$$

که حد فوق براساس n های مختلف و x های راست یا چپ صفر به مقدار صفر همگرا خواهد شد، بنابراین $f_n(x)$ مشتق پذیر در $[-1, 1]$ خواهد بود. از طرفی $f_n(x)$ به $f(x) = |x|$ همگرای یکنواخت است، زیرا:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \|f_n(x) - f(x)\| = \lim_{n \rightarrow \infty} \sup (|x| \|x\|^n - |x|) \leq \lim_{n \rightarrow \infty} \sup (|x| - |x|) = \lim_{n \rightarrow \infty} \sup(0) = 0$$

و تابع $f(x) = |x|$ نیز می دانیم در صفر مشتق پذیر نمی باشد.

۳- گزینه «۳» ثابت می کنیم که $f_n(x) \Rightarrow f(x) = 2x$ ، زیرا برای $\frac{1}{x} < x \leq 1$ داریم:

$$M_n = \sup |f_n(x) - f(x)| = \sup \left| \frac{2n+1}{n+2} x - 2x \right| = \sup \left| \frac{-3x}{n+2} \right| = \frac{3}{n+2}$$

و از طرفی $\lim_{n \rightarrow \infty} M_n = 0$ ، بنابراین $f_n(x)$ به صورت یکنواخت به $f(x) = 2x$ همگراست.

۴- گزینه «۴» قضیه: فرض کنید f تابعی از فضای اقلیدسی $\mathbb{R}$ باشد. اگر f بر (a, b) پیوسته باشد آنگاه بر (a, b) پیوسته یکنواخت است اگر و تنها اگر $\lim_{x \rightarrow b^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ موجود و متناهی باشد. در مورد گزینه های (۱) و (۲) چنین شرطی برقرار نمی باشد و در مورد گزینه (۳) نیز می توان تابع

همانی را مثال زد که روی $\mathbb{R}$ پیوسته یکنواخت است، درحالی که حاصلضرب این تابع در خودش یعنی x^2 پیوسته یکنواخت نمی باشد ولی در مورد گزینه (۴) این بصورت قضیه است که بصورت $f: X \rightarrow Y$ پیوسته یکنواخت و $\{x_n\}$ در X کوشی می باشد آنگاه $\{f(x_n)\}$ نیز در Y کوشی می باشد.

۵- گزینه «۲» ابتدا به راحتی می توان بررسی نمود که d یک متر در فضای متریک (R, d) می باشد و از طرفی به ازای هر $x \in Z$ در اینصورت دو حالت وجود دارد که می توان یک گوی به مرکز همان x در نظر گرفت (یک نقطه) که در این صورت فاصله این دو نقطه صفر خواهد شد و این فاصله برابر صفر می باشد و در شرط $r > 0$ صدق نمی کند. حالت دوم اینکه مرکز گوی y ای باشد که $y \neq x$ و اگر $y \notin Z$ باشد در این صورت زیر مجموعه Q نخواهد شد و اگر $y \in Q$ باشد در فاصله y تا x با متر d بی نهایت اعداد گنگ وجود خواهد داشت که باز زیرمجموعه Q نخواهد شد، بنابراین نمی توان گفت هر نقطه Q یک نقطه درونی می باشد.

۶- گزینه «۳» براساس قضیه هوییتال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x^x}{2^x - 2} \stackrel{H}{=} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x - x^x(\ln x + 1)}{2^x \ln 2 - 2} = \frac{4 - 4(\ln 2 + 1)}{4 \ln 2 - 2} = \frac{-4 \ln 2}{2(2 \ln 2 - 1)} = \frac{-2 \ln 2}{2 \ln 2 - 1} = \frac{\ln 4}{1 - \ln 4}$$

$$I = \int_0^x e^{(x^2-t^2)} t^2 dt = e^{x^2} \int_0^{x^2} \frac{1}{2} e^{-y} y dy$$

۷- گزینه «۱» برای این سؤال با تعویض متغیر $y = t^2$ داریم:

$$u = y, dv = e^{-y} dy$$

حال به شیوه جزء به جزء خواهیم داشت:

$$\Rightarrow I = \frac{e^{x^2}}{2} [-(xy+1)e^{-y}]_0^{x^2} = \frac{e^{x^2}}{2} [1 - (x^2+1)e^{-x^2}] = \frac{1}{2} e^{x^2} - \frac{(x^2+1)}{2}$$

بنابراین مقدار $A = -\frac{1}{2}$ و $B = -\frac{1}{2}$ و در کل $A+B = -1$ خواهد شد.

۸- گزینه «۳» توجه داریم که به ازای $y=0$ مقدار $x=0$ خواهد شد و بنابراین برای محاسبه مساحت می‌بایست انتگرال تابع y را در فاصله $[0,1]$ محاسبه نماییم. برای این کار می‌بایست بازه‌ها را برای محاسبه $[\pi x]$ قسمت‌بندی نماییم بنابراین طول بازه قسمت‌بندی برابر $\frac{1}{\pi}$ خواهد شد و داریم:

$$A = \int_0^1 [\pi x] \sin \pi x dx = \int_0^{\frac{1}{\pi}} \pi(0) \sin \pi x dx + \int_{\frac{1}{\pi}}^{\frac{2}{\pi}} \pi(1) \sin \pi x dx + \int_{\frac{2}{\pi}}^{\frac{3}{\pi}} \pi(2) \sin \pi x dx + \int_{\frac{3}{\pi}}^1 \pi(3) \sin \pi x dx$$

$$= -\frac{1}{\pi} \left(\cos \pi x \right) \Big|_{\frac{1}{\pi}}^{\frac{2}{\pi}} + \frac{1}{\pi} \left(\cos \pi x \right) \Big|_{\frac{2}{\pi}}^{\frac{3}{\pi}} + \frac{1}{\pi} \left(\cos \pi x \right) \Big|_{\frac{3}{\pi}}^1 + \frac{1}{\pi} \left(\cos \pi x \right) \Big|_0^{\frac{1}{\pi}} = -\frac{1}{\pi} (\cos 2 - \cos 1 + \cos 3 - \cos 2 + \cos \pi - \cos 3)$$

$$= \frac{1}{\pi} (\cos 3 + \cos 2 + \cos 1 + 3)$$

بنابراین حاصل انتگرال $(\cos 3 + \cos 2 + \cos 1 + 3)$ مضرب $\frac{1}{\pi}$ است. توجه شود که مثلاً در فاصله $(\frac{3}{\pi}, 1)$ $[\pi x] = 3$ می‌باشد.

۹- گزینه «۳» ابتدا همگرایی I را مورد بررسی قرار می‌دهیم که به‌طور کلی تابع گاما می‌باشد:

$$I = \int_0^\infty x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx = \int_0^1 x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx + \int_1^\infty x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx$$

$$x^{\frac{1}{2}} e^{-x} \leq x^{\frac{1}{2}}$$

برای $x \in [0,1]$ داریم:

$$x^{\frac{1}{2}} e^{-x} \leq e^{-\frac{x}{2}} \quad \int_0^1 x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx \text{ طبق آزمون مقایسه همگراست و برای } x \geq 1 \text{ داریم:}$$

$$\int_1^\infty x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx \text{ همگراست، بنابر آزمون مقایسه } \int_1^\infty x^{\frac{1}{2}} e^{-x} dx \text{ نیز همگراست و در کل } I \text{ همگراست و مقدار آن برابر } I = \pi(\frac{1}{2}) = \sqrt{\pi} \text{ می‌باشد.}$$

$$J \leq \int_0^1 \sqrt{x} x dx = \int_0^1 x^{\frac{3}{2}} dx = \frac{2}{5}$$

در مورد J نیز به‌طور کلی $\ln x < x$ در فاصله $[0,1]$ می‌باشد، بنابراین داریم:

پس طبق آزمون مقایسه J نیز همگراست. البته می‌توان مقدار دقیق آن را محاسبه نمود، زیرا با تعویض متغیر $t = -\ln x$ به تابع گاما تبدیل خواهد شد.

$$J = \int_0^\infty -te^{-\frac{t}{2}} dt = -\Gamma(2) \left(\frac{1}{2}\right)^2 = -\frac{4}{9}$$

۱۰- گزینه «۴» شرط عمود صفحه مماس بر یکه مماسی این است که بردار نرمال صفحه و یکه مماس موازی هم باشند؛ یعنی:

$$f(x,y,z) = x^2 - xy + y^2 - z - 1, \quad \vec{n} = \nabla f \Rightarrow n \| R'(1)$$

$$\vec{n} = (2x - y, -x + 2y, -1)$$

بنابراین داریم:

$$R'(t) \Big|_{t=1} = (2t, 2, 1) \Big|_{t=1} = (2, 2, 1)$$

$$n \| R'(1) \Leftrightarrow \frac{2x-y}{2} = \frac{2y-x}{2} = -1 \Rightarrow \begin{cases} 2x-y = -2 \\ 2y-x = -2 \end{cases}$$

و در نهایت داریم:

از حل معادلات فوق $x=y=-2$ بدست خواهد آمد و با جایگذاری در $f(x,y,z)=0$ به جواب $z=3$ خواهیم رسید، بنابراین نقطه $A=(-2,-2,3)$ را داریم.