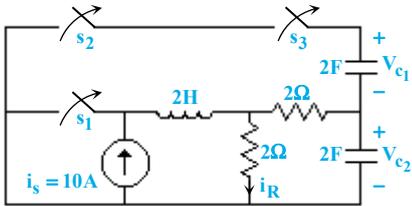


سوالات آزمون کارشناسی ارشد ۱۴۰۲ - مهندسی ابزار دقیق و اتوماسیون

۱- در مدار شکل زیر مقادیر اولیه به صورت: $i_L(0) = 10\text{ A}$, $V_{c_1}(0) = V_{c_2}(0) = 10\text{ V}$, در $t = 0$ تمام کلیدها باز می‌شوند. معادله $i_R(t)$ برای $t \geq 0$ کدام است؟

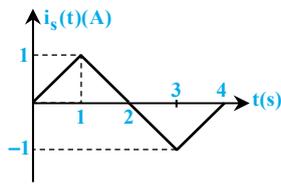
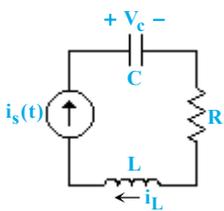


- (۱) $10 - 2/5 e^{-0.125t}$
- (۲) $4e^{-0.5t} + 2e^{-0.4t}$
- (۳) $e^{-0.5t} (\Delta \cos 2t + 3 \sin 2t)$
- (۴) $e^{-0.6t} (\lambda + 12t)$

۲- در کدام یک از مدارهای زیر استفاده از قوانین جریان و ولتاژ کیرشهف خطای بیشتری دارد؟

- (۱) مدار مخابراتی به طول ۱۰ سانتی‌متر و فرکانس ۵۰۰ کیلوهرتز
- (۲) خط انتقال نیرو به طول ۱۰ کیلومتر و فرکانس ۵۰ هرتز
- (۳) مدار الکترونیکی به طول ۱ متر و فرکانس ۱۰۰ مگاهرتز
- (۴) برای هر سه مدار دقت یکسان است.

۳- میزان انرژی که منبع جریان $i_s(t)$ در فاصله زمانی بین صفر تا ۳ ثانیه به مدار زیر می‌دهد، چند وات است؟



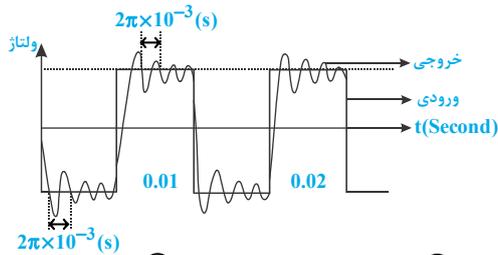
$R = 100\ \Omega$, $L = 10\text{ H}$, $C = 10\text{ mF}$
 $v_c(0) = 100\text{ V}$
 $i_L(0) = 0\text{ A}$

(۴) ۱۶۷/۵

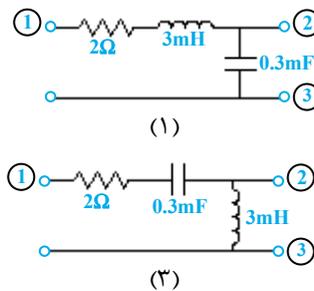
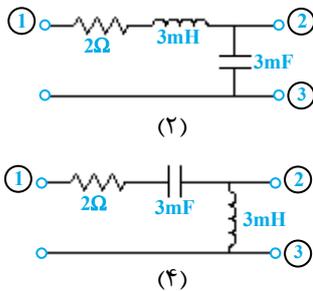
(۳) ۱۱۲/۵

(۲) ۱۰۰

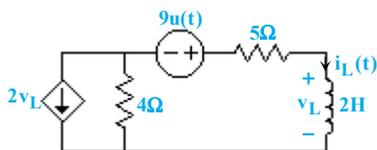
(۱) ۶۲/۵



۴- منبع ولتاژ موج مربعی با فرکانس ۱۰۰ Hz را به پایانه ۱ به یکی از مدارهای زیر اعمال می‌کنیم و شکل موج ولتاژ خروجی را از دو سر ۲ و ۳ مطابق شکل مقابل مشاهده می‌کنیم. شکل مدار موردنظر کدام است؟

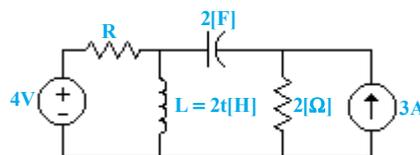
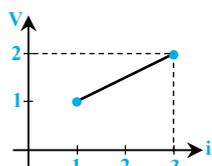


۵- در مدار زیر $i_L(t)$ برای $t > 0$ کدام است؟ (در زمان‌های منفی، مدار در حالت صفر است.)



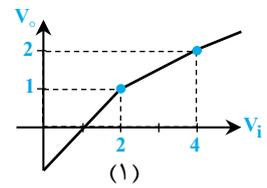
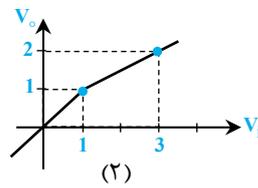
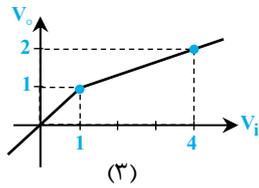
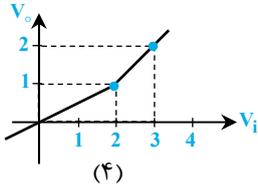
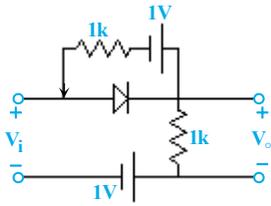
- (۱) $2 - e^{-t/2}$
- (۲) $1 - e^{-t/2}$
- (۳) $-e^{-t/2}$
- (۴) $1 - 2e^{-t}$

۶- در مدار زیر مشخصه مقاومت R به صورت زیر نشان داده شده است. کدام عبارت در مورد این مدار درست است؟

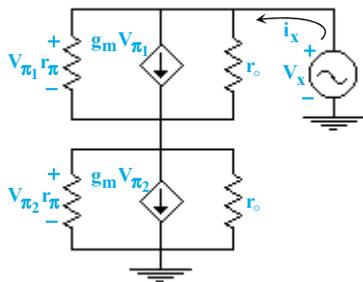


- (۱) این مدار خطی است اما نمی‌توان پاسخ ضربه را از مشتق پاسخ پله به‌دست آورد.
- (۲) این مدار خطی است و پاسخ ضربه را می‌توان از مشتق پاسخ پله به‌دست آورد.
- (۳) این مدار غیرخطی است و پاسخ ضربه را نمی‌توان از مشتق پاسخ پله به‌دست آورد.
- (۴) این مدار غیرخطی است اما می‌توان پاسخ ضربه را از مشتق پاسخ پله به‌دست آورد.

۷- مشخصه مدار دیودی زیر کدام است؟ (دیود ایده‌آل فرض شود).

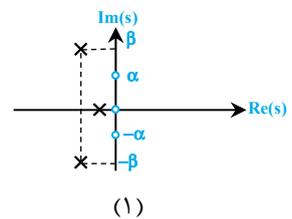
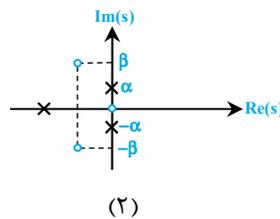
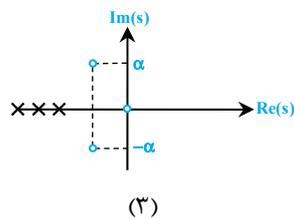
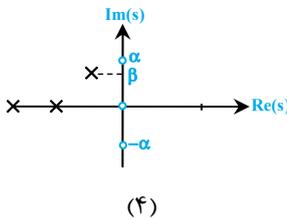
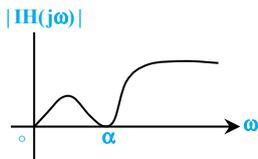


۸- در مدار مقابل، نسبت $\frac{V_x}{i_x}$ تقریباً کدام است؟ $r_\pi = 2 / \Delta k\Omega$, $g_m = 40 \frac{mA}{V}$, $r_o = 100 k\Omega$

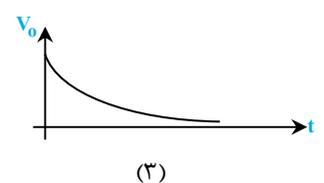
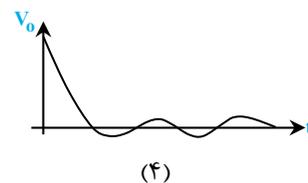
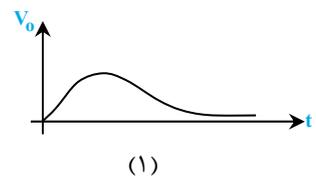
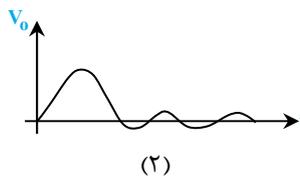
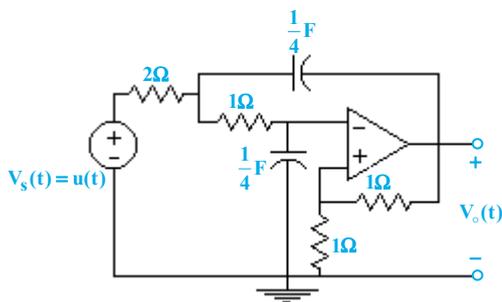


- (۱) $200 k\Omega$
- (۲) 50Ω
- (۳) $5 k\Omega$
- (۴) 100Ω

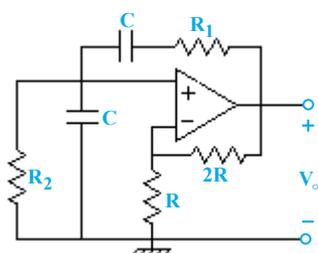
۹- دیاگرام اندازه تابع تبدیل شبکه فیزیکی در $0 \leq \omega \leq \infty$ رسم شده است. دیاگرام قطب و صفر شبکه مذکور با حداقل تعداد قطب و صفر به کدام نمودار نزدیکتر است؟



۱۰- در مدار زیر منحنی تغییرات خروجی $V_o(t)$ به کدام صورت است؟ (تقویت‌کننده عملیاتی را ایده‌آل فرض کنید).



۱۱- مدار مقابل تحت چه شرایطی نوسان می‌کند و فرکانس نوسان آن کدام است؟



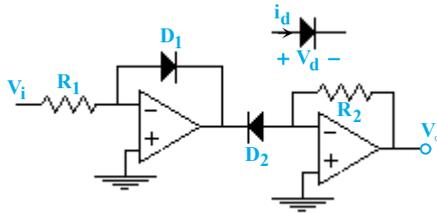
$\omega = \frac{1}{R_1 C}$, $R_1 = 2R_2$ (۲)

$\omega = \frac{1}{2R_1 C}$, $R_1 = R_2$ (۱)

$\omega = \frac{1}{2R_1 C}$, $R_1 = 2R_2$ (۴)

$\omega = \frac{1}{R_1 C}$, $R_1 = R_2$ (۳)

$$i_d = I_s e^{\alpha v_d}$$



۱۲- مشخصه غیرخطی یک دیود به صورت مقابل داده شده است:

در مدار مقابل با فرض ایده آل بودن آپ امپ، نسبت $\frac{V_o}{V_i}$ کدام است؟

$$\ln \frac{R_2}{R_1} \quad (۱)$$

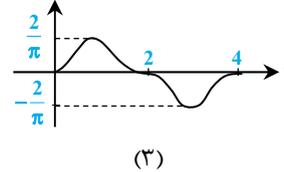
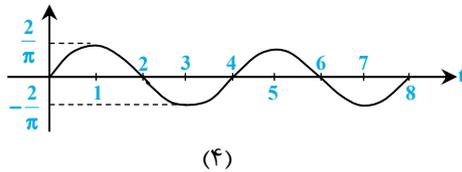
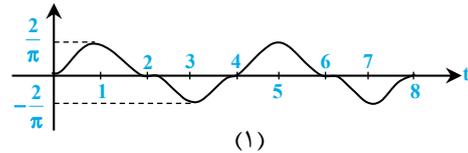
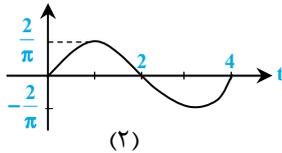
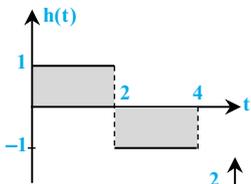
$$R_2 \ln \frac{1}{R_1} \quad (۳)$$

$$\frac{R_2}{R_1} \quad (۲)$$

$$R_2 R_1 \quad (۴)$$

۱۳- پاسخ به ورودی ضربه واحد یک مدار خطی تغییرناپذیر با زمان $h(t)$ مطابق شکل داده شده است.

پاسخ حالت صفر این مدار به ورودی $(\sin \pi t)u(t)$ ، کدام است؟



(۱)

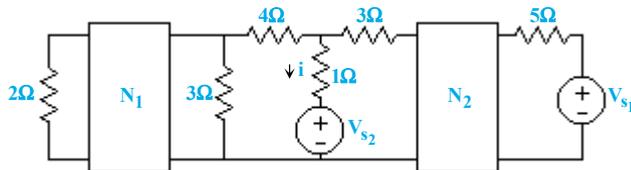
(۲)

(۳)

(۴)

۱۴- در مدار زیر N_1 و N_2 مدارهای مقاومتی خطی و بدون منابع ناپسته هستند. برای $v_{s1} = 1$ و $v_{s2} = 1 + 2 \cos t$ به دست آمده است:

برای $i = 7 + 4 \cos t$ و $v_{s1} = 0$ و $v_{s2} = \sin t$ توان متوسط مقاومت ۵ اهمی چند وات است؟



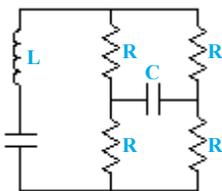
$$\frac{25}{2} \quad (۱)$$

$$\frac{125}{2} \quad (۳)$$

$$۱۲۵ \quad (۴)$$

$$۲۵ \quad (۲)$$

۱۵- در مدار زیر مقدار R را بر حسب L و C چنان بیابید که مدار دارای ۳ فرکانس طبیعی یکسان باشد. مقدار این فرکانس طبیعی کدام است؟



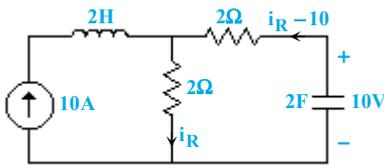
$$R = \sqrt[2]{\frac{\sqrt{L}}{C}}, S = \frac{-1}{\sqrt[2]{LC}} \quad (۲)$$

$$R = \sqrt[2]{\frac{L}{C}}, S = \frac{-1}{\sqrt{LC}} \quad (۱)$$

(۴) هرگز امکان پذیر نیست.

$$R = \sqrt[2]{\frac{\sqrt{L}}{C}}, S = \frac{-2}{\sqrt{LC}} \quad (۳)$$

پاسخنامه آزمون کارشناسی ارشد ۱۴۰۲ - مهندسی ابزار دقیق و اتوماسیون



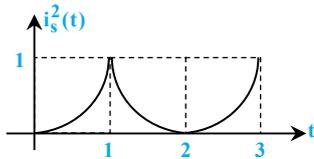
۱- گزینه «۱» ابتدا مقدار جریان i_R را در لحظه $t = 0$ محاسبه می‌کنیم.

$$2i_R - 10 + 2(i_R - 10) = 0 \Rightarrow 4i_R - 30 = 0 \Rightarrow i_R = 7.5$$

پس جریان $i_R = 7.5$ است. با بررسی گزینه‌ها، گزینه (۱) پاسخ صحیح است.

۲- گزینه «۳» فاصله در خطای قوانین گفته شده تأثیر دارد، اما تأثیر آن کمتر از فرکانس است، بنابراین فرکانس با خطا رابطه مستقیم داشته و در نتیجه گزینه (۳) که فرکانس خیلی بیشتری نسبت به گزینه‌های دیگر دارد، قطعاً گزینه صحیح است.

۳- گزینه «۴» برای به دست آوردن انرژی خروجی از منبع، کافی است انرژی منتقل شده به خازن، مقاومت و سلف را به دست آوریم:



$$E_R = \int_0^t P_R dt = \int_0^t Ri_s^2 dt$$

$$\int_0^3 Ri_s^2 dt = 2R \int_0^1 t^2 dt \Rightarrow E_R = 200 \left(\frac{t^3}{3} \right) \Big|_0^1 = 100 \text{ w}$$

نمودار $i_s(t)$ را بررسی می‌کنیم:

با توجه به این که انرژی ذخیره شده در خازن از رابطه $E_C = \frac{CV^2}{2}$ تبعیت می‌کند، کافی است ولتاژ خازن در $t = 3$ را به دست آوریم.

$$V_C(3) = V_C(0) + \frac{1}{C} \int_0^3 i_s dt = 100 + 100 \left(\frac{1}{3} \right) = 150 \text{ V}$$

$$\Rightarrow \Delta E_C = E_C(3) - E_C(0) = \frac{C}{2} (V_C(3)^2 - V_C(0)^2) = 62.5 \text{ w}$$

انرژی ذخیره شده در سلف طبق رابطه $E_L = \frac{1}{2} Li^2$ به دست می‌آید. لذا کافی است اختلاف این انرژی را در لحظه $t = 3$ نسبت به $t = 0$ به دست آوریم:

$$\Delta E_L = \frac{1}{2} L (i_L(3) - i_L(0)) = \frac{1}{2} L ((-1)^2 - 0) = 5 \Rightarrow E_{\text{total}} = 100 + 62.5 + 5 = 167.5 \text{ w}$$

۴- گزینه «۱» با توجه به اینکه مقدار خروجی در لحظه $t = 0$ برابر صفر است و جهش ندارد، لذا جنس خروجی از نوع ولتاژ خازن است، نه ولتاژ سلف. بنابراین گزینه‌های (۳) و (۴) درست نمی‌باشند. اکنون فرکانس نوسان خروجی را بررسی می‌کنیم. در نمودار خروجی ۲ فرکانس مشاهده می‌شود. اولی فرکانس 100 Hz که مربوط به فرکانس ورودی است و دومی نوسانی با دوره تناوب تقریبی $T = 2\pi \times 10^{-3} \text{ (s)}$ که مربوط به فرکانس طبیعی مدار است.

می‌دانیم که فرکانس طبیعی مدار سلف و خازن و مقاومت سری برابر $\frac{1}{\sqrt{LC}}$ است. لذا داریم:

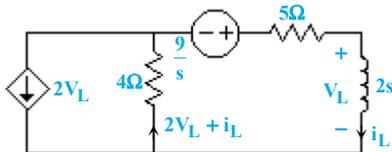
گزینه‌های (۱) و (۲) را بررسی می‌کنیم:

(۱) گزینه (۱) : $LC = 3 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-4} = 9 \times 10^{-7} = 10^{-6}$ ✓

(۲) گزینه (۲) : $LC = 3 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-3} = 9 \times 10^{-6}$ ✗

بنابراین گزینه (۱) پاسخ مسئله است.

۵- گزینه «۲» ابتدا V_L را محاسبه می‌کنیم:



$$V_L = 2si_L$$

$$-\frac{9}{s} + \Delta i_L + 2si_L + 4(2V_L + i_L) = 0$$

حال داریم:

$$\frac{9}{s} = \Delta i_L + 2si_L + 4i_L + 16si_L \Rightarrow \frac{9}{s} = (9 + 18s)i_L \Rightarrow i_L = \frac{1}{s(2s+1)} = \frac{1}{2s(s+\frac{1}{2})} = \frac{1}{s} - \frac{1}{s+\frac{1}{2}}$$

$$i_c(t) = 1 - e^{-\frac{1}{2}t}$$

حال عکس تبدیل لاپلاس را حساب می‌کنیم:

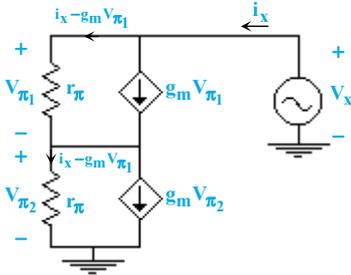
۶- گزینه «۳» سلف در مدار فوق مقدار $2t$ دارد و به همین دلیل مدار فوق غیرخطی است و در مدار غیرخطی هم پاسخ ضربه را نمی‌توان از مشتق پاسخ پله به دست آورد و آن روش امکان‌پذیر نیست به همین دلیل به سرعت می‌توان به گزینه (۳) رسید و سؤال ساده‌ای است.

$$\left. \begin{aligned} -V_i + i - 1 + i + 1 = 0 &\Rightarrow V_i = 2i \\ -V_o + i = 0 &\Rightarrow V_o = i \\ -V_i + V_o + 1 = 0 &\Rightarrow V_i = V_o + 1 \end{aligned} \right\} \Rightarrow V_o = \frac{V_i}{2}$$

۷- گزینه «۴» فرض می‌کنیم دیود خاموش باشد. پس داریم:

حال فرض می‌کنیم دیود روشن باشد، داریم:

دیود زمانی روشن است که $V_i > 2$ باشد، پس گزینه (۴) صحیح است.



۸- گزینه «۲» طبق مدار دو مقاومت r_o و r_{π} موازی هستند. با توجه به این که r_o خیلی بزرگتر از r_{π} است، در نتیجه مقاومت r_o موازی r_{π} برابر r_{π} است. پس مدار به صورت مقابل ساده می‌شود.

$$-V_x + V_{\pi_1} + V_{\pi_2} = 0 \Rightarrow V_x = V_{\pi_1} + V_{\pi_2} \quad (1)$$

با توجه به نمودار داریم:

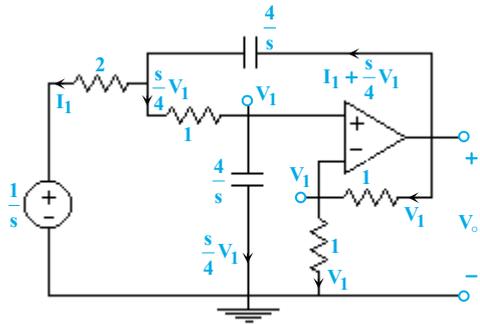
$$\left. \begin{aligned} V_{\pi_1} &= r_{\pi}(i_x - g_m V_{\pi_1}) \Rightarrow V_{\pi_1} = \frac{r_{\pi}}{1 + g_m r_{\pi}} i_x \\ V_{\pi_2} &= r_{\pi}(i_x - g_m V_{\pi_2}) \Rightarrow V_{\pi_2} = \frac{r_{\pi}}{1 + g_m r_{\pi}} i_x \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

$$V_x = \frac{2r_{\pi}}{1 + g_m r_{\pi}} i_x = \frac{5k\Omega}{1 + 100} i_x \Rightarrow \frac{V_x}{i_x} = \frac{5000}{101} \approx 50\Omega$$

با جایگذاری رابطه (۲) در رابطه (۱) داریم:

۹- گزینه «۱» با توجه به نمودار دو صفر در نقاط 0 و ∞ داریم. α_o مرتبه دوم است. همچنین، با توجه به این که اندازه در ∞ عدد ثابتی است تعداد قطب و صفر یکسان است. در نتیجه گزینه (۱) صحیح است.

۱۰- گزینه «۲» مدار را به حوزه لاپلاس می‌بریم:



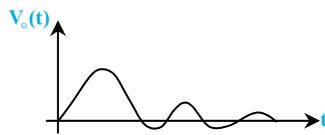
$$\text{KVL: } -V_o + V_1 + V_1 = 0 \Rightarrow V_1 = \frac{1}{2} V_o \quad (1)$$

$$\text{KVL: } -V_1 - \frac{s}{4} V_1 + 2I_1 + \frac{1}{s} = 0 \Rightarrow I_1 = \frac{1}{2} V_1 + \frac{s}{8} V_1 - \frac{1}{2s} \quad (2)$$

$$\text{KVL: } -V_1 - \frac{s}{4} V_1 - V_1 - \frac{4}{s} I_1 + V_o = 0 \Rightarrow -2V_1 - \frac{s}{4} V_1 + V_o - \frac{4}{s} I_1 = 0$$

$$\Rightarrow -V_o - \frac{s}{8} V_o + V_o - \frac{4}{s} I_1 = 0 \Rightarrow I_1 = -\frac{s^2}{32} V_o \quad (*)$$

$$(1), (2), (*) \Rightarrow -\frac{s^2}{32} V_o = \frac{1}{4} V_o + \frac{s}{16} V_o - \frac{1}{2s} \Rightarrow \left(\frac{s^2 + 2s + 8}{32}\right) V_o = \frac{1}{2s} \Rightarrow V_o = \frac{16}{s(s^2 + 2s + 8)}$$



$$\Delta(s) = s^2 + 2s + 8$$

معادله مشخصه سیستم برابر است با:

ریشه‌های این معادله مشخصه به صورت مزدوج مختلف است و چون پاسخ پله سیستم مدنظر بوده است پس پاسخ سیستم به صورت میرایی ضعیف بوده به صورت تقریبی به شکل مقابل می‌شود، پس گزینه (۲) صحیح است.

$$\frac{V_-}{R} + \frac{V_- - V_o}{2R} = 0 \Rightarrow V_o = 2V_- \quad (2)$$

۱۱- گزینه «۳» قانون ولتاژ را برای گره منفی آپامپ می‌نویسیم، پس داریم:

در ادامه قانون ولتاژ را برای گره مثبت می‌نویسیم، داریم:

$$\frac{V_+}{\frac{1}{Cs}} + \frac{V_+}{R_2} + \frac{V_+ - V_o}{R_1 + \frac{1}{CS}} = 0 \Rightarrow (CS + \frac{1}{R_2} + \frac{CS}{1 + R_1 CS}) V_+ = \frac{CS}{1 + R_1 CS} V_o \quad (1)$$

در آپامپ ولتاژ دو سر منفی و مثبت یکسان است، پس $V_+ = V_-$ است، با جایگذاری رابطه (۲) در رابطه (۱) داریم:

$$(R_2 CS(1 + R_1 CS) + 1 + R_1 CS + R_2 CS) V_+ = R_2 CS V_o (2V_+)$$

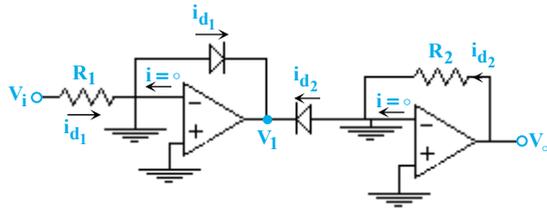
$$[R_2 CS(1 + R_1 CS) + 1 + R_1 CS + R_2 CS - 2R_2 CS] V_+ = 0$$

$$[R_2 R_1 C^2 s^2 - (R_2 - R_1) CS + 1] V_- = 0$$

با ساده‌سازی رابطه بالا داریم:

$$\omega = \frac{1}{R_1 C}$$

برای نوسان باید قسمت $s = j\omega$ حذف شود، در نتیجه $R_2 = R_1$ است. فرکانس نوسان هم برابر است با:



۱۲- گزینه «۲» ابتدا i_{d1} و i_{d2} را محاسبه می‌کنیم. طبق مدار مقابل داریم:

$$\left. \begin{aligned} -V_o + R_2 i_{d2} &= 0 \Rightarrow i_{d2} = \frac{V_o}{R_2} \\ -V_1 + R_1 i_{d1} &= 0 \Rightarrow i_{d1} = \frac{V_1}{R_1} \end{aligned} \right\} (1)$$

$$\left. \begin{aligned} i_{d1} &= I_{se} \times V_1 \\ i_{d2} &= I_{se} \times V_1 \end{aligned} \right\} (2)$$

مقادیر i_{d1} و i_{d2} با استفاده از رابطه خطی به صورت مقابل نوشته می‌شود:

$$\left. \begin{aligned} V_o &= R_2 I_{se} \times V_1 \\ V_i &= R_1 I_{se} \times V_1 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{V_o}{V_i} = \frac{R_2 I_{se} \times V_1}{R_1 I_{se} \times V_1} \Rightarrow \frac{V_o}{V_i} = \frac{R_2}{R_1}$$

با جایگذاری رابطه (۲) در رابطه (۱) داریم:

۱۳- گزینه «۳»

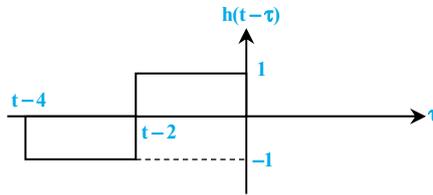
$$x(t) = (\sin \pi t)u(t) \Rightarrow \omega = \pi \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = 2 \rightarrow$$

$h(t)$ = براساس شکل

$$y(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(\tau)h(t-\tau) d\tau$$

$$t = 0 \rightarrow y(0) = 0$$

$$t = 1 \rightarrow y(1) = \int_0^1 \sin \pi \tau d\tau = -\cos \pi \tau \Big|_0^1 = -\cos \pi + \cos(0) = 2$$



$$t = 2 \rightarrow y(2) = \int_0^2 \sin \pi \tau d\tau = 0 \quad t = 3 \rightarrow y(3) = -2 \quad t = 4 \rightarrow y(4) = 0$$

$t \geq 4 \rightarrow y(t) = 0 \rightarrow$ به دلیل تقارن $h(t)$ خروجی همواره صفر است

از طرفی چون پاسخ ضربه تقارن دارد و در نزدیکی زمان‌های $t = 2$ و $t = 4$ هم مقدار خروجی صفر می‌شود پس گزینه (۳) صحیح است.

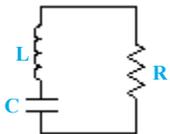
۱۴- گزینه «۳» با توجه به قضیه جمع آثار داریم:

$$i = AV_{s1} + BV_{s2} \Rightarrow 7 + 4 \cos t = A + B(1 + 2 \cos t) \Rightarrow \begin{cases} A = 5 \\ B = 2 \end{cases}$$

بنابراین اگر در نقطه V_{s1} منبع ولتاژی به ولتاژ ۱ ولت قرار دهیم، در نقطه V_{s2} جریانی به اندازه ۵A ایجاد خواهد شد. بنابراین به صورت متقابل اگر در نقطه V_{s2} منبع ولتاژی به اندازه ۱ ولت قرار دهیم، در نقطه V_{s1} جریان ۵A خواهیم داشت. لذا در حالت دوم داریم:

$$i_{R=5} = CV_{s1} + DV_{s2} \xrightarrow[V_{s1}=0]{D=5} i_{R=5} = 5 \sin t \Rightarrow P_{R=5} = \frac{1}{2} R(\Delta)^2 = \frac{125}{2}$$

۱۵- گزینه «۴» چون یک پل تشکیل شده است جریانی از خازن آن عبور نخواهد کرد و مدار به صورت مقابل می‌شود:



این مدار مرتبه ۲ است و اصلاً ۳ فرکانس طبیعی ندارد به همین دلیل گزینه (۴) صحیح است.