



## سوالات آزمون گروه فنی و مهندسی دکتری ۹۸

## استعداد تحصیلی

## بخش اول: درک مطلب

■ راهنمایی: در این بخش، دو متن به طور مجزا آمده است. هریک از متن‌ها را به دقت بخوانید و پاسخ سؤال‌هایی را که در زیر آن آمده است، با توجه به آنچه می‌توان از متن استنتاج یا استنباط کرد، پیدا کنید و در پاسخنامه علامت بزنید.

## متن (۱)

او در نظریه خود که بعدها با مشاهدات تجربی هم تأیید شد، نشان داد که زمان و فضا عناصر جدای از هم نیستند، بلکه ما در حال زندگی در جهانی به هم پیوسته و درهم تنیده هستیم که از چهار بُعد تشکیل شده است. چهار بُعدی که سه‌تای آن را ابعاد مکانی و یک مورد آن را بُعد زمان تشکیل می‌دهد، اما در کل، یک ساختار واحد به نام فضا - زمان می‌سازند. او همچنین ثابت کرد که همه این پارامترها، بسته به شرایط تغییر می‌کنند. برای مثال، اگر شما با سرعتی بسیار بالا (یعنی سرعتی قابل مقایسه با سرعت نور) حرکت کنید، ساعت شما آهسته‌تر گذر زمان را نشان می‌دهد؛ به این معنی که زمان برای شما کندتر از کسی می‌گذرد که با آن سرعت حرکت نمی‌کند. آزمایش معروف و ذهنی اینشتین این موضوع را به خوبی تأیید می‌کند. طبق این آزمایش، اگر سرعت شما به عدد ممنوعه سرعت نور برسد (از مشکلات فنی و نتایج آن بر بدن‌تان صرف نظر کنید)، زمان برای شما متوقف خواهد شد و هیچ زمانی برای شما نخواهد گذشت.

بسیار اغواکننده است که یک گام این موضوع را جلوتر ببریم و بگوییم که اگر با سرعت بیش از نور حرکت کنیم، بدین ترتیب می‌توانیم زمان را دور بزنیم. متأسفانه اینشتین و طبیعت مانع شما می‌شوند و آنها سرعت بیش از نور را برای جهان ما ممنوع کرده‌اند. اما تا همین جا هم امکان دستکاری در زمان به وجود آمده است. اما آیا علم می‌تواند راه‌هایی برای سفر زمان پیشنهاد کند؟

به نظر می‌رسد دانشمندان سعی می‌کنند راه‌هایی، حداقل به شکل نظری، برای این مشکل پیدا کنند. با استفاده از نظریه اینشتین و توجه به پیوستگی فضا - زمان، شاید هندسه جهان به کمک ما بیاید. اگر فضا - زمان، موجودی پیوسته باشد که امروزه می‌دانیم این‌گونه است و اگر بتوانیم به گونه‌ای بر هندسه فضا - زمان تأثیر بگذاریم، شاید بتوانیم منحنی‌هایی در فضا - زمان پیدا کنیم که ما را به گذشته یا آینده ببرد. به عنوان مثال، می‌دانیم که جرم بر شکل فضا - زمان تأثیر می‌گذارد و در واقع، این یکی از پیش‌بینی‌های نسبیت اینشتین بود که نخستین بار در حین یک خورشیدگرفتگی توسط فیزیکدان آمریکایی، ادینگتون، تأیید شد. ادینگتون برای تأیید این نظر، هنگام یک خورشیدگرفتگی کامل، تصویری از خورشید تیره‌شده و ستاره‌های اطراف خورشید تهیه کرد. اگر اینشتین درست می‌گفت وجود خورشید به عنوان یک جرم بزرگ باید موجب ایجاد خمیدگی اندکی در فضا - زمان می‌شد. برای اینکه این موضوع را درک کنید، یک لحظه تصور کنید فضا - زمان مانند یک ورقه پلاستیکی بزرگ است که آن را محکم در دست گرفته‌اید. حال اگر یک توپ فلزی سنگین روی این ورقه پلاستیکی بگذارید، درجایی که این توپ قرار گرفته است، این ورقه پلاستیکی شما اندکی خمیده می‌شود. خورشید در این آزمایش، نقش همان توپ فلزی را بازی می‌کند. اگر خورشید این انحنا را ایجاد می‌کرد، آن وقت نور ستاره‌هایی که از نزدیکی خورشید می‌گذشتند، اندکی منحرف می‌شد و در مکانی اندکی متفاوت با جایی که باید باشند، دیده می‌شدند. ادینگتون برای اینکه این مسئله را آزمایش کند، شش ماه پیش از کسوف که خورشید در نیمه دیگر آسمان بود، از همان منطقه که قرار بود خورشیدگرفتگی رخ دهد، تصویربرداری کرد و موقعیت دقیق ستاره‌ها نسبت به یکدیگر را ثبت کرد و این حالتی است که هنوز گلوله فلزی را روی صفحه نگذاشته‌اید، سپس این تصویر را با تصویر هنگام کسوف مقایسه کرد و متوجه شد ستاره‌هایی که در اطراف خورشید وجود داشتند، هنگام گرفت، در مختصات اندکی متفاوت با جای پیشین خود دیده می‌شدند: یعنی خورشید توانسته است انحنا کوچکی در فضا - زمان خود ایجاد کند. حال اگر این گلوله شما بسیار سنگین‌تر شود، چه اتفاقی خواهد افتاد؟ این انحنا بیشتر و بیشتر می‌شود و ممکن است در نهایت، بین دو ناحیه فضا - زمان پل بزند. چنین اجرامی در عالم وجود دارند.

کج ۱- مقصود اصلی متن، کدام است؟

(۲) بررسی تحول نظریه ساختار واحد فضا - زمان

(۱) ارزیابی نقش ادینگتون در بسط نظریه اینشتین

(۴) بررسی امکان سفر در زمان

(۳) نقد و بررسی نظریه اینشتین درباره زمان

کج ۲- کدام مورد، به درستی، نقش پاراگراف ۲ را در متن توصیف می‌کند؟

(۱) پیش‌زمینه برای بحث مطرح در پاراگراف بعدی خود را فراهم می‌آورد.

(۲) با نادیده انگاشتن محدودیت‌های مطرح در پاراگراف ۱، موضوع را به مطلبی کاملاً نظری تبدیل می‌کند.

(۳) با ذکر دو معضل مهم، دلیل آنکه پاراگراف ۱، عدد ممنوعه برای رسیدن به سرعت نور مطرح می‌سازد را کمی توضیح می‌دهد.

(۴) نشان می‌دهد که نظریه اینشتین که در پاراگراف ۱ آمده است، وقتی هیجان‌انگیز است که برخی پیش‌شرط‌های آن را حذف کنیم.

کجه ۳- طبق متن، کدام مورد درست به حساب می‌آید؟

- (۱) موجودیت پیوسته فضا - زمان  
 (۲) تغییرناپذیری پارامترهای فضا - زمان  
 (۳) مستقل بودن شکل فضا - زمان از جرم  
 (۴) مشاهده دو ناحیه مختلف فضا - زمان به‌طور همزمان

کجه ۴- طبق پاراگراف ۳، عبارت زیر که در متن، زیر آن خط کشیده شده است، به کدام پدیده اشاره دارد؟  
 «این حالتی است که هنوز گلوله فلزی را روی صفحه نگذاشته‌اید.»

- (۱) زمانی که ادینگتون، فرضیه خود را به بوته آزمایش واقعی گذاشت.  
 (۲) زمانی که نور ستاره‌هایی که در اطراف خورشید بودند، شروع به انحراف کردند.  
 (۳) زمانی که خورشید هنوز تأثیر خود را برجا نگذاشته بود.  
 (۴) زمانی که موقعیت ستاره‌ها نسبت به خود و نسبت به خورشید تثبیت شده بود.

### متن (۲)

توربین‌های بادی قادر به تبدیل انرژی باد به انرژی الکتریکی بوده و عموماً در دو نوع عمودی و افقی ساخته می‌شوند. در مدل‌های توربین بادی محور افقی، ژنراتور و تبدیل‌کننده نیروی باد به انرژی الکتریکی در بالای محور مرتفعی قرار دارد که پروانه‌های توربین در بالای آن واقع شده‌اند. طول و تعداد پره‌های توربین‌های بادی، براساس شرایط محیطی، متنوع و مختلف است، اما در بیشتر مناطق دنیا، از توربین‌های سه‌پره استفاده شده و طول پره‌ها نیز بستگی مستقیم به نوع بادخیز بودن منطقه دارد. به طور میانگین، طول پره‌های توربین‌های بادی بین ۲۰ تا ۴۰ متر بوده و ارتفاع میله‌های محور اصلی آن نیز می‌تواند بین ۶۰ تا ۹۰ متر باشد. البته در این موارد، استاندارد مشخصی وجود نداشته و طراحان و مهندسان، با توجه به شرایط بومی هر منطقه، نسبت به طراحی و مشخص کردن ابعاد توربین‌ها اقدام می‌کنند.

در نوع دیگر توربین‌های بادی موجود در دنیا که به توربین‌های محور عمودی شهرت دارند، سیستم تبدیل‌کننده انرژی به‌صورت عمودی قرار گرفته و این موضوع سبب می‌شود که توربین نیازی به چرخش به سمت باد را نداشته باشد. البته استفاده از این مدل توربین‌ها، به نسبت توربین‌های محور افقی، چندان رایج نبوده و بیشتر مختص موارد ویژه‌ای است که در آن، امکان نصب توربین‌های افقی وجود نداشته یا جهت وزش باد، دائماً در حال تغییر است. در کل، باید در نظر داشت که توربین‌های گروه اول یا همان توربین‌های بادی محور افقی، دارای کاربری بیشتری بوده و از نظر اقتصادی نیز مقرون به‌صرفه‌تر هستند.

اتفاقاتی که در داخل یک توربین بادی محور افقی در هنگام وزش باد می‌افتد، از این قرار است: وزش باد سبب چرخش پره‌های توربین می‌شود که به قسمت گرداننده متصل است. [۱] محور توربین شروع به چرخیدن به حول خود کرده و انرژی جنبشی را از باد دریافت می‌کند. این نیرو توسط محور مرکزی پشتیبانی و تبدیل می‌شود. در بخش داخلی ناسل (nacelle) که اصلی‌ترین بخش توربین محسوب شده و در بالای محور میله و انتهای قاعده پره‌ها قرار دارد، یک جعبه‌دنده یا گیربکس ویژه‌ای وجود دارد که نیروی ایجادشده ناشی از چرخش آرام پره‌های توربین را که به‌طور متوسط در حدود شانزده دور در دقیقه است، به سرعت زیادی، برابر با هزاروششصد دور در دقیقه تبدیل می‌کند که این میزان سرعت، برای تأمین انرژی ژنراتور توربین کفایت می‌کند. [۲] ژنراتور دقیقاً در پشت جعبه‌دنده توربین‌ها قرار گرفته و انرژی چرخشی تقویت‌شده را به انرژی الکتریکی تبدیل می‌کند. بادسنج‌ها که نوع و چگونگی وزش باد را تحت کنترل دارند، در بخش تحتانی ناسل قرار گرفته و می‌توانند سرعت و جهت باد را تشخیص دهند. براساس اطلاعات دریافت‌شده از بادسنج‌ها، جهت و سرعت وزش باد شناسایی شده و موتورهای ویژه‌ای، پروانه‌های توربین را به سمت موافق باد تغییر می‌دهند تا حداکثر انرژی توسط توربین از وزش باد به‌دست آید. [۳] امروزه بیشتر این بادسنج‌ها به شبکه اینترنت متصل بوده و علاوه بر رصد شرایط محلی، از وضعیت آب‌وهوا و پیش‌بینی وزش باد مطلع هستند. در صورتی که سرعت باد، بسیار بیشتر از حدّ عادی باشد، در داخل توربین‌ها، سیستم ترمز اتوماتیکی قرار دارد که اجازه چرخش با سرعت بیشتر از حدّ استاندارد که می‌تواند سبب آسیب رساندن به توربین شود، را نداده و سرعت چرخش پره‌ها را کم می‌کند. سرعت بالای باد، سبب سریع‌تر چرخیدن پره‌ها شده و به تبع آن، جعبه‌دنده با سرعت بسیار سرسام‌آوری خواهد چرخید که این موضوع سبب آسیب دیدن سیستم توربین می‌شود. انرژی الکتریکی تهیه‌شده توسط ژنراتور، به کمک یک رشته کابل که از داخل محور عمودی توربین عبور می‌کند، به سطح زمین منتقل می‌شود. [۴] انرژی تولیدشده، جهت مصارف مختلف وارد شبکه برق شهری می‌شود.

کجه ۵- کدام مورد را می‌توان از اطلاعات مندرج در پاراگراف‌های ۱ و ۲ استنباط کرد؟

- (۱) در توربین‌های افقی و عمودی، مکانیزم تبدیل انرژی، با یکدیگر متفاوت است.  
 (۲) برخی طراحان ممکن است توربین‌هایی طراحی کنند که طول پره‌های آنها در دامنه حدّ متوسط نباشد.  
 (۳) بین ارتفاع میله‌های محور اصلی توربین‌های بادی و نوع بادخیز بودن منطقه، همبستگی مستقیم وجود دارد.  
 (۴) عدم نیاز توربین‌های عمودی به تطبیق با جهت وزش باد، باعث مقرون به‌صرفه بودن آنها نسبت به نوع دیگر توربین‌ها می‌شود.



۶- طبق متن، کدام مورد در خصوص بادسنج‌ها، صحیح است؟

- (۱) نوع و جهت باد را تعیین و با توجه به این اطلاعات، مستقیماً عملکرد توربین را تغییر می‌دهند.
- (۲) زمانی فعال بوده و کار خود را انجام می‌دهند که ارتباطشان با شبکه اینترنت برقرار است.
- (۳) در زیر ناسل قرار داشته و برای حفظ تعادل و کارکرد دقیق توربین لازم هستند.
- (۴) آنها سمت چرخش پروانه‌های توربین را مشخص می‌کنند.

۷- در متن فوق، از کدام روش استدلالی استفاده نشده است؟

- (۱) قیاس (۲) توصیف فرایند (۳) توصیف عملکرد (۴) توصیف شباهت و اختلاف

۸- کدام قسمت در متن که با شماره‌های [۱]، [۲]، [۳] و [۴] مشخص شده‌اند، بهترین قسمت برای قرار گرفتن جمله زیر است؟  
 «یک دستگاه ترانسفورماتور، ولتاژ برق تولیدشده را هماهنگ کرده و آن را به نیروگاه مجاور توربین‌ها منتقل می‌کند.»

- (۱) [۱] (۲) [۲] (۳) [۳] (۴) [۴]

### بخش دوم: حل مسئله

■ **راهنمایی:** این بخش از آزمون استعداد، از انواع مختلف سؤال‌های کمی، شامل مقایسه‌های کمی، استعداد عددی و ریاضیاتی، حل مسئله و ... تشکیل شده است.

• توجه داشته باشید به خاطر متفاوت بودن نوع سؤال‌های این بخش از آزمون، هر سؤال را براساس دستورالعمل ویژه‌ای که در ابتدای هر دسته سؤال آمده است، پاسخ دهید.

**راهنمایی:** هر کدام از سؤال‌های ۹ تا ۱۳ را به دقت بخوانید و جواب هر سؤال را در پاسخنامه علامت بزنید.

۹- در شکل زیر، بین چهار عدد هر دسته، ارتباط خاص و یکسانی برقرار است. به جای علامت سؤال، کدام عدد باید قرار بگیرد؟

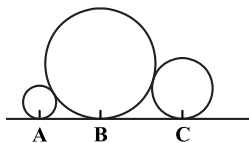
|    |    |    |    |   |
|----|----|----|----|---|
| ۳  | ?  | ۵  | ۲  | ۴ |
| ۱۰ | ۱۱ | ۹  | ۱۸ | ۲ |
| ۷  | ۶  |    | ۵  | ۳ |
| ۸  | ۴  | ۶  | ۲  | ۴ |
| ۲  | ۸  | ۱۰ | ۳  | ۵ |

- (۱) ۱۰
- (۲) ۹
- (۳) ۸
- (۴) ۷

۱۰- در یک ساعت شنی، وقتی که نسبت مقدار شن قسمت بالایی به قسمت پایینی، ۴ به ۱ است، ۸ دقیقه طول می‌کشد تا مقدار شن قسمت بالایی آن، ۴۰ درصد کاهش یابد. کدام یک از زمان‌های زیر را به‌طور دقیق می‌توان با این ساعت تعیین کرد؟

- (۱) یک ساعت و نیم (۲) یک ساعت و ربع (۳) ۵۵ دقیقه (۴) ۴۰ دقیقه

۱۱- در شکل زیر، شعاع دایره بزرگ ۹ برابر شعاع دایره کوچک و ۴ برابر شعاع دایره متوسط است. فاصله نقاط B و C، چند برابر فاصله نقاط A و B است؟

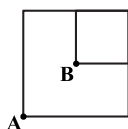


- (۱) ۱/۵
- (۲) ۲
- (۳) ۲/۲۵
- (۴) ۳

۱۲- سه ظرف x، y و z که z خالی و دوتای دیگر، دارای مقادیری آب هستند، در اختیار داریم. پس از آنکه از ظروف x و y، مقادیری آب درون z می‌ریزیم، هر سه ظرف به یک میزان آب خواهند داشت. اگر ۳۲ درصد از آبی که در ظرف z است، از ظرف x درون آن ریخته شده باشد، نسبت مقدار آب موجود در دو ظرف x و y، در ابتدا کدام بوده است؟

- (۱) ۹ به ۱۴ (۲) ۱۰ به ۱۶ (۳) ۱۱ به ۱۴ (۴) ۱۲ به ۱۶

۱۳- شکل زیر، دو مربع را نشان می‌دهد که نقطه B مرکز مربع بزرگ است و توسط ۳ هزار دومینو که روی اضلاع شکل قرار گرفته‌اند، ساخته شده است. قطعات این دومینو، که فاصله آن‌ها از یکدیگر کاملاً یکسان است، طوری چیده شده‌اند که هر کدام بیفتند، قطعات هر دو طرف خود را می‌اندازد. اگر سرعت خراب شدن دومینوها ۲۰ عدد در ثانیه باشد و از دو نقطه مشخص شده در شکل، آنها را به‌طور همزمان خراب کنیم، چند ثانیه طول می‌کشد تا کل الگو خراب شود؟



- (۱) ۳۰
- (۲) ۴۰
- (۳) ۴۵
- (۴) ۶۰

## پاسخنامه آزمون گروه فنی و مهندسی دکتری ۹۸

## استعداد تحصیلی

## بخش اول: درک مطلب

## پاسخ سؤالات متن (۱)

۱- گزینه «۴» نویسنده به دنبال بررسی امکان سفر در زمان در چهارچوب نظریات علمی است و این موضوع از جملات انتهایی هر سه پاراگراف و محتوای پاراگراف دوم نیز مشخص می‌گردد.

نادرستی سایر گزینه‌ها:

بررسی گزینه (۱): نویسنده از آزمایش ادینگتون به عنوان وسیله‌ای در جهت تقویت نظریه‌ی نسبیت اینشتین استفاده می‌کند که حامی مقصود اصلی‌اش می‌باشد که بررسی امکان سفر در زمان است.

بررسی گزینه (۲): سیر تحول نظریه فضا - زمان در متن بررسی نشده و فقط نظریه‌ی نهایی آن مطرح گردیده است.

بررسی گزینه (۳): نقدی بر نظریه‌ی اینشتین درباره‌ی زمان در متن صورت نگرفته است. آزمایش ادینگتون نظریه‌ی اینشتین درباره‌ی تأثیر جرم بر فضا - زمان را بررسی می‌کند.

۲- گزینه «۱» پاراگراف سوم دقیقاً جوابی است که برای سؤال انتهایی مطرح‌شده در انتهای پاراگراف دوم، آورده شده است. در نتیجه، پاراگراف دوم حکم پیش‌زمینه را برای پاراگراف بعدی خود دارد.

۳- گزینه «۱» در جملات ابتدایی پاراگراف اول آشکارا درهم تنیده و پیوسته بودن ابعاد فضا و زمان مطرح شد.

نادرستی سایر گزینه‌ها:

بررسی گزینه (۲): هدف متن بررسی امکان‌پذیری تغییر دادن پارامتر زمان بود و در انتها هم به نتیجه‌ای دال بر غیرممکن بودن آن نرسید.

بررسی گزینه (۳): در جملات ابتدایی پاراگراف اول آشکارا از مستقل نبودن مفاهیم فضا و زمان از یکدیگر صحبت شد.

بررسی گزینه (۴): در مورد این موضوع در متن چیزی نیامده است.

۴- گزینه «۳» در پاراگراف سوم از تمثیل «گلوله‌ی فلزی روی یک صفحه» برای نشان دادن تأثیر جرم (خورشید) بر فضا - زمان استفاده شد. پس منظور عبارت «هنوز گلوله‌ی فلزی را روی صفحه نگذاشته‌اید» این است که هنوز خورشید، فضا - زمان را خمیده نکرده و تأثیر خود را نگذاشته است.

## پاسخ سؤالات متن (۲)

۵- گزینه «۲» در جمله‌ی انتهایی پاراگراف اول آورده شده است که ابعاد توربین اندازه‌های استاندارد ندارد و مهندسان بر اساس شرایط هر منطقه آن‌ها را طراحی می‌کنند. پس گزینه (۲) صحیح است.

نادرستی سایر گزینه‌ها:

بررسی گزینه (۱): در مورد مکانیزم تبدیل انرژی در توربین‌ها در این دو پاراگراف مطلبی نیامده است.

بررسی گزینه (۳): در پاراگراف اول به ارتباط طول پره با بادخیز بودن منطقه اشاره شده است نه ارتفاع میله. همچنین به معکوس یا مستقیم بودن این وابستگی نیز اشاره‌ای نشده است.

بررسی گزینه (۴): در انتهای پاراگراف دوم به وضوح از مقرون به‌صرفه‌تر بودن توربین‌های افقی صحبت شده است.

۶- گزینه «۴» در پاراگراف سوم آمده است که بسته به اطلاعات دریافتی توسط بادسنج‌ها، پروانه‌ها به سمت موافق باد تغییر جهت می‌دهند.

نادرستی سایر گزینه‌ها:

بررسی گزینه (۱): عملکرد توربین‌ها تغییر نمی‌کند.

بررسی گزینه (۲): قابلیت اتصال به اینترنت یک قابلیت جانبی برای بادسنج است نه حیاتی.

بررسی گزینه (۳): در متن اشاره‌ای به نقش حفظ تعادل برای بادسنج‌ها نشده است.

۷- گزینه «۱»

بررسی گزینه (۲): فرآیند تبدیل انرژی در توربین‌ها در متن بیان شده است.

بررسی گزینه (۳): عملکرد بادسنج‌ها در پاراگراف سوم توصیف شده است.

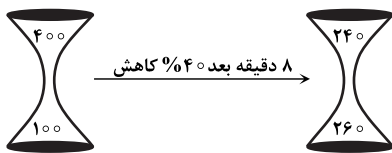
بررسی گزینه (۴): در پاراگراف دوم درباره‌ی شباهت‌ها و اختلافات توربین‌های بادی افقی و عمودی صحبت شده است.

۸- گزینه «۴» از آن جایی که جمله‌ی مطرح شده در سؤال مربوط به قسمت بعد از تبدیل انرژی جنبشی به الکتریکی در توربین است، پس جای درست آن [۴] می‌باشد. در قسمت‌های سایر گزینه‌ها هنوز صحبتی از تولید برق نشده است.

## بخش دوم: حل مسئله

۹- گزینه «۴» سؤال نسبتاً راحتی است! در هر دسته، ضرب دو عدد باید برابر با مجموع دو عدد دیگر شود. مثلاً در دسته سمت چپ از بالا  $۲ \times ۷ = ۱۰ + ۱۱$  و یا در دسته سمت راست از بالا  $۲ + ۱۸ = ۴ \times ۵$  است. بنابراین به جای علامت سؤال باید عدد ۷ قرار گیرد تا تساوی  $۲ \times ۲ = ۹ + ۵$  برقرار شود.

۱۰- گزینه «۲»



**روش اول:** با یک سؤال نسبت و تناسب ساده روبه‌رو هستیم. برای درک بهتر فرض می‌کنیم که داخل ساعت شنی ۵۰۰ عدد شن باشد! فراموش نکنیم که در ساعت شنی، به شرطی می‌توان به طور دقیق زمان را مشخص کرد که همه‌ی شن‌ها در یک قسمت آمده باشد. اگر فرض کنیم نسبت تعداد شن‌های بالا به پایین ۴ به ۱ است، مطابق شکل مقابل داریم:

پس از ۸ دقیقه، ۴۰٪ از شن‌های بالا به پایین می‌ریزد، یعنی ۱۶۰ شن. پس می‌توان گفت در هر ۸ دقیقه ۱۶۰ شن از بالا به پایین می‌ریزد.

دقیقه شن

$$\begin{array}{ccc} ۱۶۰ & ۸ & \\ ۵۰۰ & t & \end{array} \Rightarrow t = \frac{۵۰۰ \times ۸}{۱۶۰} = ۲۵$$

پس کلاً ۲۵ دقیقه را می‌توان با این ساعت شنی مشخص کرد. از بین گزینه‌ها تنها می‌توان گزینه‌ای به طور قطع با این ساعت شنی مشخص کرد که مضرب ۲۵ باشد. گزینه (۱) یک ساعت و نیم = ۹۰ دقیقه

گزینه (۲) یک ساعت و ربع = ۷۵ دقیقه ✓

گزینه (۳) ۵۵ دقیقه

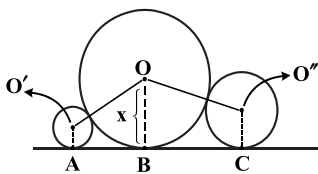
**روش دوم:** اگر کل شن‌های موجود در ساعت را  $w$  فرض کنیم، ۸ دقیقه طول می‌کشد تا ۴۰٪ از  $\frac{۴}{۵}w$  انجام شود (اگر کل کار را  $w$  در نظر بگیریم،

۴ واحد آن در قسمت بالا و یک واحد آن در قسمت پایین است. یعنی  $\frac{۴}{۵}w$  در قسمت بالاست و  $\frac{۱}{۵}w$  در قسمت پایین است). می‌توانیم تناسب زیر را در نظر بگیریم:

مدت زمان لازم (دقیقه) حجم کار

$$\begin{array}{ccc} \frac{۴۰}{۱۰۰} \times \frac{۴}{۵} w & ۸ & \\ w & t & \end{array} \Rightarrow t = \frac{۸ \times w}{\frac{۴۰}{۱۰۰} \times \frac{۴}{۵} w} = \frac{۵۰۰ \times ۸}{۴ \times ۴۰} = ۲۵$$

یعنی کل کار در ۲۵ دقیقه انجام می‌شود. ما همه‌ی شن‌های ساعت را  $w$  فرض کردیم. پس ۲۵ دقیقه را می‌توان با این ساعت شنی دقیق تعیین کرد. پس گزینه‌ای صحیح است که مضرب ۲۵ دقیقه باشد و گزینه (۲) صحیح است.



۱۱- گزینه «۱» در این‌گونه سؤالات، معمولاً به‌طور خودکار باید نقاط مهم را به هم اتصال داد! نقاط مهم یعنی مراکز دایره‌ها به یکدیگر و همین‌طور مرکز هر دایره به خط مماس بر آن، بعد از آن باید دنبال راه‌حل باشیم. فرض کنیم شعاع دایره بزرگ  $x$  باشد، طبق صورت سؤال شعاع دایره کوچک  $\frac{x}{۹}$  و شعاع دایره متوسط هم برابر  $\frac{x}{۴}$  می‌شود.

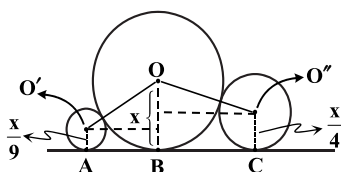
با رسم کردن مراکز متوجه می‌شویم که  $OO' = x + \frac{x}{۴} = \frac{۵}{۴}x$  و  $x + \frac{x}{۹} = \frac{۱۰}{۹}x$  برابر با  $OO''$  است.

خُب دیگر چیزی از صورت سؤال نداریم و این یعنی باید با همین اطلاعات به مسئله جواب دهیم! اما خواسته‌ی سؤال چیست؟ طراح سؤال، نسبت  $BC$  به  $AB$  را خواسته است یعنی مقدار  $\frac{BC}{AB}$  مدنظر است. حالا خوب به شکل دقت کنید؛ آیا می‌توان  $BC$  و  $AB$  را هر کدام جداگانه حساب کرد و سپس

مقدار عددی  $\frac{BC}{AB}$  را معلوم کرد؟ به نظر نمی‌رسد بتوان چنین کاری کرد؛ اما اگر  $BC$  و  $AB$  را

برحسب  $x$  به‌دست بیاوریم، آن‌گاه می‌توان نسبت خواسته شده را به راحتی معلوم کرد، اما چگونه؟! اگر در هر دو دوزنقه راست و چپ دو خط موازی  $BC$  و  $AB$  از محل مرکز دایره‌های راست و چپ رسم

کنیم، شکل مقابل را داریم:



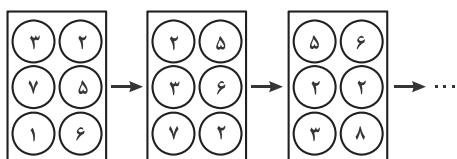
## بخش دوم: حل مسئله

■ راهنمایی: این بخش از آزمون استعداد، از انواع مختلف سؤال‌های کمی، شامل مقایسه‌های کمی، استعداد عددی و ریاضیاتی، حل مسئله و ... تشکیل شده است.

• توجه داشته باشید به خاطر متفاوت بودن نوع سؤال‌های این بخش از آزمون، هر سؤال را براساس دستورالعمل ویژه‌ای که در ابتدای هر دسته سؤال آمده است، پاسخ دهید.

راهنمایی: هر کدام از سؤال‌های ۹ تا ۱۳ را به دقت بخوانید و جواب هر سؤال را در پاسخنامه علامت بزنید.

کله ۹- در پنج شکل متوالی و پشت‌سرهم زیر، ارتباط خاص و یکسانی بین اعداد برقرار است. به جای علامت سؤال، کدام عدد زیر باید قرار بگیرد؟

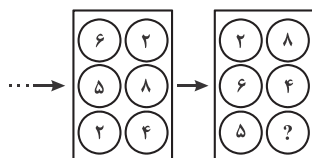


(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) ۶



کله ۱۰- سعید مسافتی را که با برداشتن ۱۶ قدم به صورت دویدن طی می‌کند، همان مسافت را به صورت پیاده‌روی، با ۲۶ قدم می‌پیماید. اگر او مسیر خانه به پارک محله‌شان را به صورت دویدن طی کند، ۴۰ قدم برمی‌دارد. حال اگر سعید می‌خواست قسمتی از همین مسیر را به جای دویدن، پیاده طی کند، تعداد قدم‌هایش در مجموع،  $\frac{1}{5}$  برابر می‌شد. در این حالت، وی چند درصد از این مسیر را باید می‌دوید؟

(۴) ۲۵

(۳) ۲۰

(۲) ۱۵

(۱)  $\frac{13}{3}$ 

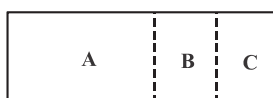
کله ۱۱- مقوایی مستطیل‌شکل که مربع نیست، در اختیار داریم. مطابق شکل زیر، با دو برش از روی نقطه‌چین‌ها، دو مستطیل یکسان جدا می‌کنیم، به طوری که از کنار هم قرار گرفتن سه قطعه A، B و C، یک مربع حاصل شود. مساحت مستطیل A، چند برابر مساحت مستطیل B است؟

(۱)  $\frac{1}{5}$ 

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴



کله ۱۲- تعدادی دانش‌آموز، روی محیط دایره‌ای بزرگ، وسط حیاط مدرسه‌شان ایستاده و دست‌های یکدیگر را گرفته‌اند. با خروج ۲ نفر غیرمجاور از آنها، دانش‌آموزان به دو دسته به نسبت ۲ به ۵ تقسیم می‌شوند. سپس، اگر یک دانش‌آموز دیگر از دسته بزرگ‌تر خارج شود، همین دسته نیز، به دو دسته به نسبت ۳ به ۵ تقسیم می‌شود. حداقل تعداد دانش‌آموزان در ابتدا، کدام می‌تواند باشد؟

(۴) ۹۳

(۳) ۵۱

(۲) ۳۷

(۱) ۲۳

کله ۱۳- هر کدام از حروف A، B، C، D، E و F، به طور متمایز، معادل یکی از اعداد ۱ تا ۶ (نه لزوماً به ترتیب) است، به طوری که روابط زیر برقرار باشند. میانگین A و E کدام است؟

(۱)  $\frac{3}{5}$ 

(۲) ۴

(۳)  $\frac{4}{5}$ 

(۴) ۵

$$A + B = 7$$

$$B \times D = A + F$$

$$C - F = E + F$$



**راهنمایی:** هر کدام از سؤال‌های ۱۴ و ۱۵، شامل دو مقدار یا کمیت هستند، یکی در ستون «الف» و دیگری در ستون «ب». مقادیر دو ستون را با یکدیگر مقایسه کنید و با توجه به دستورالعمل، پاسخ صحیح را به شرح زیر تعیین کنید:

- اگر مقدار ستون «الف» بزرگ‌تر است، در پاسخنامه گزینه ۱ را علامت بزنید.
- اگر مقدار ستون «ب» بزرگ‌تر است، در پاسخنامه گزینه ۲ را علامت بزنید.
- اگر مقادیر دو ستون «الف» و «ب» با هم برابر هستند، در پاسخنامه گزینه ۳ را علامت بزنید.
- اگر براساس اطلاعات داده‌شده در سؤال، نتوان رابطه‌ای را بین مقادیر دو ستون «الف» و «ب» تعیین نمود، در پاسخنامه گزینه ۴ را علامت بزنید.

۱۴- سه پروژه برای آسفالت کردن سه جاده A، B و C، همزمان با هم کلید می‌خورند. مجموع طول جاده‌های B و C به اندازه طول جاده A است و کار در هر سه پروژه به‌طور یکنواخت پیش می‌رود.

| الف  | ب   |
|--|---|
| مدت‌زمانی که باید از شروع پروژه‌ها بگذرد تا مسافت آسفالت‌نشده جاده B، نصف مسافت آسفالت‌نشده جاده A باشد. | چهار برابر مدت‌زمانی که باید از شروع پروژه‌ها بگذرد تا کار آسفالت کردن جاده C تمام شود. |

۱۵- رضا از هر کدام از اسکناس‌های ۲، ۵ و ۱۰ هزار تومانی، ۳ عدد (مجموعاً ۹ اسکناس) دارد.

| الف  | ب  |
|--|--|
| حداقل مبلغی که می‌توان از رضا طلب کرد که وی برای پرداخت آن مجبور باشد از هر نوع اسکناس، حداقل یک عدد بدهد. | حداقل مبلغی که رضا می‌تواند توسط ۶ اسکناس که حداقل یکی از آنها ۱۰ هزار تومانی باشد، بپردازد. |

### بخش سوم: سؤالات تحلیلی

**راهنمایی:** در این بخش، توانایی تحلیلی شما مورد سنجش قرار می‌گیرد. سؤال‌ها را به‌دقت بخوانید و پاسخ صحیح را در پاسخنامه علامت بزنید.

**راهنمایی:** با توجه به اطلاعات زیر، به سؤال‌های ۱۶ تا ۱۹ پاسخ دهید.

چهار مریض به نام‌های A، B، C و D، به ترتیب، به‌صورت تلفنی، یکی از نوبت‌های ۱ تا ۴ را برای بعدازظهر یک روز مشخص در یک مطب دندانپزشکی رزرو کرده‌اند. در روز موردنظر، افراد با ترتیبی (که لزوماً ترتیب نوبت رزروشان نیست)، وارد مطب می‌شوند و تا زمانی که نوبتشان برسد، در سالن انتظار مطب می‌نشینند. اطلاعات زیر موجود است:

- دومین نوبت رزرو شده، مربوط به B نیست.
- کسی که دقیقاً بعد از A وارد مطب شده، نوبتش زودتر از A است.
- آخرین نفری که وارد مطب شده، B را می‌بیند که به تنهایی در مطب نشسته است.
- D، آخرین نفر وارد شده به مطب نیست.

۱۶- A، بعد از چه کسی می‌تواند وارد مطب شده باشد؟

- (۱) D  
(۲) C  
(۳) B  
(۴) A، همواره اولین کسی است که وارد مطب شده است.

۱۷- اگر سومین نفر وارد شده به مطب، آخرین نوبت را داشته باشد، کدام مورد زیر، صحیح است؟

- (۱) سومین نفر وارد شده به مطب، D بوده است.  
(۲) اولین نفر وارد شده به مطب، دومین نوبت را داشته است.  
(۳) دومین نفر وارد شده به مطب، سومین نوبت را داشته است.  
(۴) چهارمین نفر وارد شده به مطب، چهارمین نوبت را داشته است.

۱۸- اگر اولین نفر وارد شده، آخرین نوبت را داشته باشد، دومین نفر وارد شده به مطب، چه کسی است؟

- (۱) D  
(۲) C  
(۳) B  
(۴) A

۱۹- کدام فرد، به‌طور قطع، مشخص است که چندمین نفر وارد شده به مطب است؟

- (۱) C  
(۲) A  
(۳) B  
(۴) D

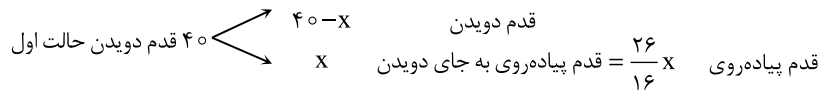
۱۰- گزینه «۳» مسلماً زمانی که سعید پیاده‌روی می‌کند نسبت به زمانی که می‌دود، طول قدم‌های او کوتاه‌تر و تعداد قدم‌ها بیشتر می‌شود. با توجه به

اطلاعات داده‌شده در سؤال داریم:

$$16 \text{ دویدن } X \Rightarrow \frac{26}{16} X = ?$$

$$26 \text{ پیاده‌روی } ?$$

اگر قسمتی از مسیر را که به جای دویدن، پیاده طی می‌کند  $X$  بنامیم، خواهیم داشت:



در نهایت تعداد قدم‌های طی شده که  $1/5$  برابر حالت قبل می‌شود برابر است با:

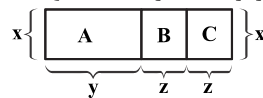
$$(40 - X) + \frac{26}{16} X = 1/5 \times 40 \Rightarrow X = 32$$

در نتیجه این مسیر را  $40 - X = 8$  قدم دویدن و  $\frac{26}{16} X = 52$  قدم پیاده‌روی طی می‌کند ( $8 + 52 = 60$ ).

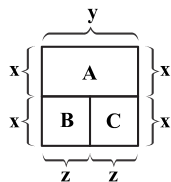
بنابراین مقدار درصد دویدن در حالت دوم برابر است با:

$$\frac{8}{60} \times 100 = 13.3\%$$

۱۱- گزینه «۲» با توجه به اطلاعات داده‌شده، مساحت  $B$  و  $C$  برابر است. در نتیجه با توجه به شکل می‌توان گفت:

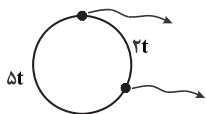


اکنون  $A$  و  $B$  و  $C$  یک مربع تشکیل می‌دهند که می‌توانند به شکل زیر قرار گیرند:



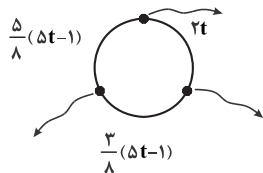
$$y = 2z \Rightarrow \frac{S_A}{S_B} = \frac{xy}{xz} = \frac{y}{z} = 2$$

۱۲- گزینه «۲» اگر دو دانش‌آموز غیرمجاور از صف خارج شوند، نسبت دانش‌آموزان باقی‌مانده ۲ به ۵ می‌شود. پس می‌توان گفت:



دایره به دو قسمت که یک طرف تعداد افراد  $2t$  است و در طرف دیگر  $5t$  تقسیم می‌شود.

و اگر از دسته بزرگ‌تر یک نفر خارج شود، نسبت دانش‌آموزان باقی‌مانده این دسته ۳ به ۵ می‌شود.



از  $5t$  ابتدا یک نفر خارج می‌شود پس  $5t - 1$  نفر باقی می‌ماند و سپس  $(5t - 1)$  به نسبت ۳ و ۵ تقسیم می‌شوند.

بر این اساس می‌توان گفت:

$$2t + 5t + 2 = 7t + 2 = \text{تعداد کل دانش‌آموزان}$$

$$8 \mid 5t - 1 = 8, 16, 24, 32, \dots$$

همچنین  $5t - 1$  باید مضرب ۸ باشد

برای به‌دست آوردن تعداد حداقل دانش‌آموزان باید از رابطه دوم، حداقل مقدار  $t$  را به‌دست آورد.

$$8 \mid 5t - 1 = 24 \Rightarrow t = 5$$

بر این اساس حداقل  $t$  به‌ازای ۲۴ به‌دست می‌آید.

$$8 \mid 5t - 1 = 24 \Rightarrow t = 5$$

در نتیجه داریم:

۱۳- گزینه «۳» با توجه به اطلاعات داده‌شده می‌توان گفت:

$$A + B = 7 \Rightarrow \{A, B\} = \{1, 6\} \text{ یا } \{2, 5\} \text{ یا } \{3, 4\}$$

$$C - F = E + F \Rightarrow C = E + 2F \xrightarrow{\text{از ۶ نمی‌تواند بیشتر باشد}} F = 1 \text{ یا } 2$$

اکنون به‌ازای  $F = 1$  داریم:

|   |               |               |               |                           |                                       |
|---|---------------|---------------|---------------|---------------------------|---------------------------------------|
| $F = 1 \Rightarrow C = E + 2 \Rightarrow$ | $\frac{F}{1}$ | $\frac{E}{2}$ | $\frac{C}{4}$ | $\frac{A, B}{\text{غ ق}}$ | $\frac{D}{-}$                         |
|   | ۱             | ۲             | ۴             | غ ق                       | -                                     |
|   | ۱             | ۳             | ۵             | غ ق                       | -                                     |
|   | ۱             | ۴             | ۶             | $\{2, 5\}$                | ۳ $\xrightarrow{\text{از رابطه دوم}}$ |

$$\frac{A + E}{2} = \frac{5 + 4}{2} = 4.5$$

در نتیجه داریم:





۱۴- گزینه «۴» طول جاده‌ها را با  $L$  و مدت زمان انجام پروژه‌ها را با  $t$  نمایش می‌دهیم، در نتیجه داریم:  
 $L_A = L_B + L_C$   
 $t_A = t_B + t_C$   
 چون پروژه‌ها یکنواخت انجام می‌شود، داریم:  
 الف) اگر این مدت زمان را برابر  $t$  در نظر بگیریم:

$$t_B = L_B$$

$$t = ? \Rightarrow ? = L_B \frac{t}{t_B} \Rightarrow \text{طول جاده آسفالت نشده B} = L_B \left(1 - \frac{t}{t_B}\right)$$

$$\text{به طور مشابه} \Rightarrow \text{طول جاده آسفالت نشده A} = L_A \left(1 - \frac{t}{t_A}\right)$$

$$L_B \left(1 - \frac{t}{t_B}\right) = \frac{1}{2} L_A \left(1 - \frac{t}{t_A}\right)$$

$$t = \frac{|(L_A - 2L_B) t_B t_A|}{|2L_B t_A - t_B L_A|} \xrightarrow{\text{تقسیم صورت و مخرج بر } t_B} t = \frac{|(L_A - 2L_B)|}{|2L_B \frac{t_A}{t_B} - L_A|} \times t_A \Rightarrow t = \frac{|(2L_B - L_A)|}{|2L_B \frac{t_A}{t_B} - L_A|} \times t_A$$

$$\frac{t_A > t_B}{\frac{t_A}{t_B} > 1} \rightarrow t = k \times t_A \quad k < 1 \Rightarrow t < t_A$$

$$\left(\frac{t_A}{t_B} > 1 \rightarrow |2L_B \frac{t_A}{t_B} - L_A| > |2L_B - L_A| \Rightarrow k < 1\right)$$

ب) این مدت زمان برابر  $4t_C$  است.

مقدار الف کمتر از  $t_A$  است و مقدار ب هم مشخص نیست که از  $t_A$  کمتر و یا بیشتر و یا حتی مساوی است. مبنایی برای مقایسه الف و ب نداریم.

#### ۱۵- گزینه «۱»

الف) با اسکناس‌های داده شده می‌توان مبلغی از ۶ تا حداکثر ۵۱ تومان را پر کرد. از مبالغ ۶ تا ۲۱ را می‌توان بدون استفاده از اسکناس ۱۰ تومانی پر کرد. به استثنای ۸ و ۱۳ و ۱۸ که با اسکناس‌های ذکر شده نمی‌توان پر کرد.

| مبلغ |   |  |
|------|---|--|
| ۲۲   | → | ۲ تا ۱۰، یکی ۲ × غ ق ق   |
| ۲۳   | → | با این اسکناس‌ها نمی‌توان پر کرد.  |
| ۲۴   | → | ۲ تا ۱۰ تومانی، ۲ تا ۲ تومانی غ ق ق  |
| ۲۵   | → | { یکی ۱۰ تومانی، ۳ تا ۵ تومانی<br>۲ تا ۱۰ تومانی، یکی ۵ تومانی غ ق ق                     |
| ۲۶   | → | { ۲ تا ۱۰ تومانی، ۳ تا ۲ تومانی<br>یکی ۱۰ تومانی، ۲ تا ۵ تومانی، ۳ تا ۲ تومانی غ ق ق     |
| ۲۷   | → | { ۲ تا ۱۰ تومانی، یکی ۵ و یکی ۲ تومانی<br>یکی ۱۰ تومانی، ۳ تا ۵ تومانی، یکی ۲ تومانی ق ق |

حداقل مبلغ = ۲۷ تومان

ب) برای حداقل کردن مبلغ، سعی می‌کنیم تا آنجا که ممکن است تعداد اسکناس‌های ۱۰ تومانی را با همان یک عدد نگه داریم، ۵ اسکناس باقی‌مانده را باید به اسکناس‌های ۲ تومانی و ۵ تومانی اختصاص دهیم، در ۳ اسکناس اول منطقی است با اسکناس ۲ تومانی پر شود. برای اسکناس چهارم ۵ تومانی را در نظر می‌گیریم، برای اسکناس پنجم هم منطقی است که اسکناس ۵ تومانی را در نظر بگیریم تا ۱۰ تومانی را!! همان‌طور که دیدیم مقدار ستون الف بیشتر از ب است. در نتیجه گزینه (۱) درست است.

#### بخش سوم: سؤالات تحلیلی

- اطلاعات مسئله: چهار مریض به نام‌های A، B، C و D، یکی از نوبت‌های ۱ تا ۴ مطبی را رزرو کرده و از اولین تا چهارمین نفر وارد مطب می‌شوند.  
 – قیدهای مسئله: (۱) دومین نوبت رزرو شده مربوط به B نیست.  
 (۲) کسی که بعد از A وارد مطب شده نوبتش زودتر از A است ← A آخرین نفر نیست.  
 (۳) آخرین فردی که وارد مطب شده B را می‌بیند که به تنهایی نشسته ← B آخرین نفر نیست.  
 (۴) D آخرین نفر وارد شده به مطب نیست.  
 نتیجه‌گیری: آخرین نفر وارد شده به مطب C است و جایگاه او به‌طور قطع مشخص است.



## بخش چهارم: تجسمی

■ راهنمایی: این بخش از آزمون استعداد، سؤال‌هایی از نوع تجسمی را شامل می‌شود. هریک از سؤال‌های ۲۴ تا ۳۰ را به‌دقت بررسی نموده و جواب صحیح را در پاسخنامه علامت بزنید.

راهنمایی: در سؤال ۲۴، ۱۸ عدد لیوان که برخی خالی (لیوان‌های سفید) و برخی پر (لیوان‌های تیره) هستند، مطابق شکل زیر، داده شده است. اگر خالی کردن تمام محتویات یک لیوان پر در هر کدام از لیوان‌های خالی، یک حرکت محسوب شود، با حداقل چند حرکت می‌توان کاری کرد که لیوان‌ها، یک‌درمیان، خالی و پر باشند؟

۲۴ ✍



۴ (۴)

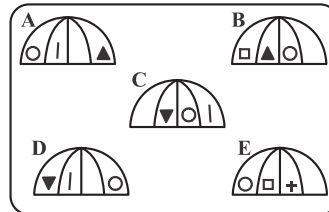
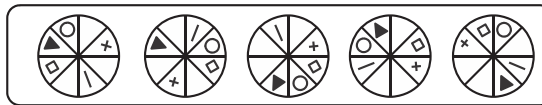
۳ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)

در سؤال ۲۵، شکل بالایی، نمای از بالای ۵ چتر باز و شکل پایینی، نمای از کنار ۵ چتر باز را نشان می‌دهد. در شکل پایینی، تنها سه چتر می‌توانند نمای از کنار یکی از چترهای بالا باشند. این سه شکل، کدام‌اند؟

۲۵ ✍



E و D ، B (۴)

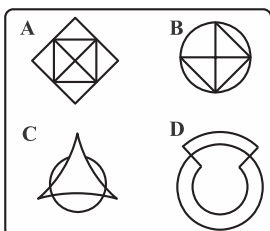
D و C ، A (۳)

E و B ، A (۲)

E و C ، A (۱)

راهنمایی: در سؤال ۲۶، ۴ الگو نمایش داده شده است. کدام یک از این ۴ الگو را نمی‌توان بدون برداشته شدن خودکار از روی کاغذ رسم کرد، طوری که از روی هر قسمت (مگر نقاط)، فقط یک بار عبور کند؟

۲۶ ✍



A (۱)

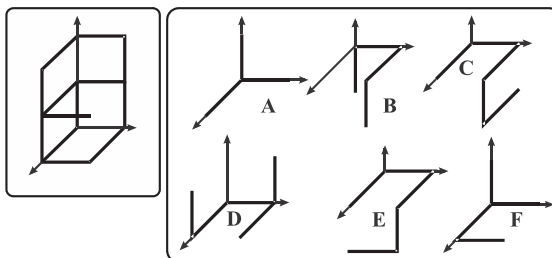
B (۲)

C (۳)

D (۴)

**راهنمایی:** در سؤال ۲۷، در سمت چپ، یک الگوی سه‌بعدی و در سمت راست، ۶ سازه که با میله‌های مشابه ساخته شده‌اند را مشاهده می‌کنید. شکل سه‌بعدی سمت چپ، از کنار هم قرار گرفتن کدام یک از سازه‌های سمت راست، قابل ساخت است؟

ک ۲۷-



(۴) E و D، B

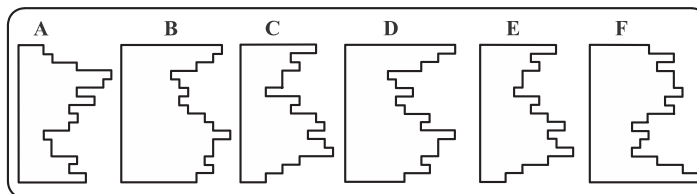
(۳) F و B، A

(۲) F و E، B

(۱) D و C، A

**راهنمایی:** در سؤال ۲۸، از کنار هم قرار گرفتن کدام دو قطعه زیر، یک مربع کامل تشکیل می‌شود؟

ک ۲۸-



(۴) D و C

(۳) F و A

(۲) F و C

(۱) E و B

ک ۲۹- در یک مکعب مستطیل به ابعاد ۶ در ۵ در ۴ سانتی‌متر، حداکثر چند مکعب مربع ۱ در ۱ در ۱ سانتی‌متر جا می‌شود، به شرطی که مکعب‌های کوچک، هیچ تماسی با هم نداشته باشند، مگر از رئوس؟

(۴) ۳۶

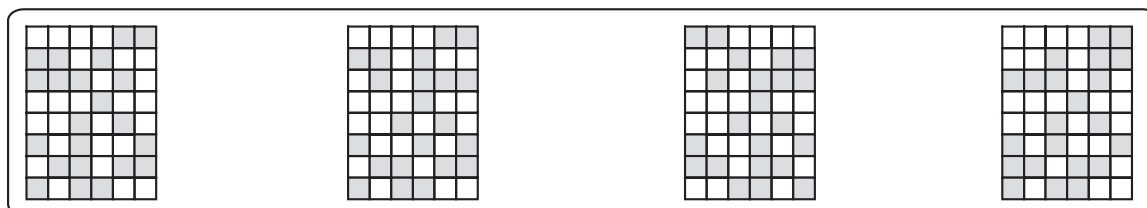
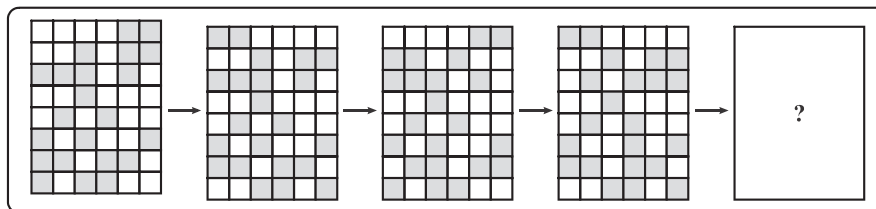
(۳) ۳۰

(۲) ۲۴

(۱) ۲۰

**راهنمایی:** در سؤال ۳۰، در ردیف بالا، از چپ به راست، الگوها با روندی خاص تغییر می‌کنند. کدام الگو (موارد ۱ تا ۴)، به جای علامت سؤال قرار گیرد تا این روند، همچنان ادامه یابد؟

ک ۳۰-



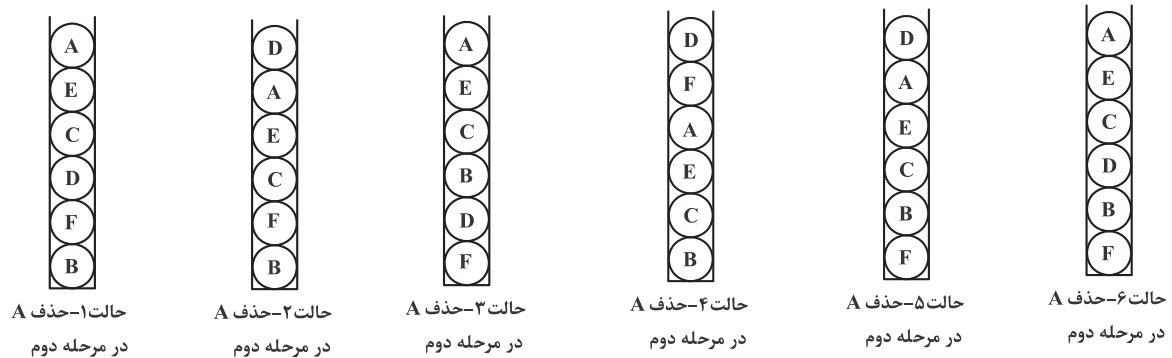
(۴)

(۳)

(۲)

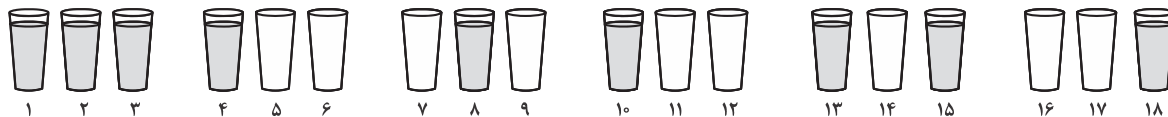
(۱)

توضیح حالت ۶: در این حالت نسبت به حالت ۳ و ۱ بین C و F و B جابه‌جایی صورت داده‌ایم که C در مرحله ۱ تکان نمی‌خورد و B در هر دو مرحله بدون تکان باقی می‌ماند و در آخر D و F جزو سه توپ آخر باقی می‌مانند.



**بخش چهارم: تجسمی**

۲۴- گزینه «۴» اگر لیوان‌ها را از چپ به راست با اعداد ۱ تا ۱۸ شماره‌گذاری کنیم داریم:

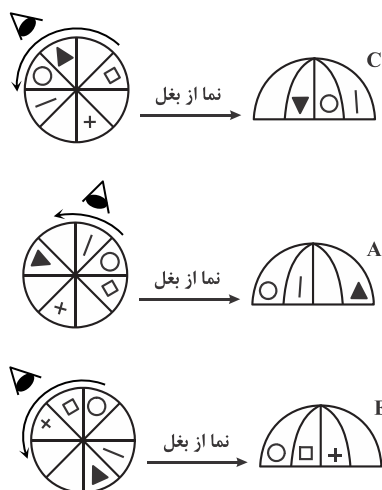


قرار است با انتقال آب بین لیوان‌ها، لیوان‌های پر و خالی یکی در میان کنار هم قرار گیرند. بنابراین یا لیوان‌های زوج پر هستند و لیوان‌های فرد خالی یا لیوان‌های زوج خالی‌اند و لیوان‌های فرد پر.

لیوان‌های با شماره زوج و پر: ۲, ۴, ۸, ۱۰, ۱۸

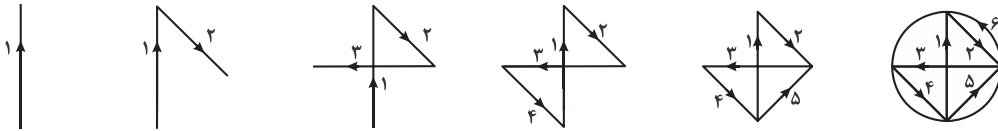
لیوان‌های با شماره فرد و پر: ۱, ۳, ۱۳, ۱۵

تعداد لیوان‌های پر و زوج از لیوان‌های فرد و پر بیشتر است، بنابراین به صرفه‌تر است لیوان‌های زوج پر و لیوان‌های فرد خالی باشند، پس با خالی کردن محتویات لیوان‌های ۱ و ۳ و ۱۳ و ۱۵ در لیوان‌های زوج و خالی ۶ و ۱۲ و ۱۴ و ۱۶ و جمعاً ۴ حرکت لیوان‌های زوج و فرد یکی در میان قرار می‌گیرند. در صورتی که می‌خواستیم لیوان‌های زوج خالی و فرد پر باشند، نیاز بود محتویات لیوان‌های ۲, ۴, ۸, ۱۰ و ۱۸ را در لیوان‌های ۵, ۷, ۹, ۱۱ و ۱۷ بریزیم که ۵ حرکت می‌شد.

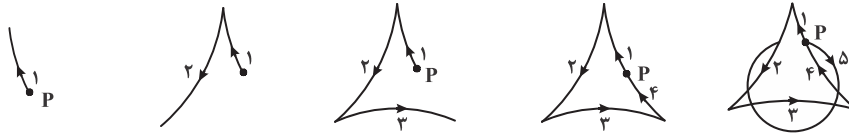


۲۵- گزینه «۱» با کمی دقت به سؤال می‌توان دریافت که در واقع اگر نمای از کنار (که در شکل مقابل نمونه‌هایی از آن آمده) را از چپ به راست ببینیم، معادل آن است که نمای از بالا را به صورت پادساعتگرد ببینیم. با توجه به این موضوع اشکال A, C و E قابل مشاهده هستند و پاسخ گزینه (۱) می‌باشد.

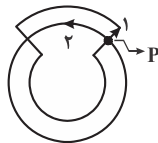
۲۶- گزینه «۱» شکل B را ۶ مرحله می‌توان کشید.



شکل C را با شروع از نقطه P در ۵ مرحله کشید.



شکل D را می‌توان در ۲ مرحله کشید (با شروع از نقطه P) (مرحله ۱ شروع از شکل رویی و مرحله ۲ کشیدن دایره).



**روش دیگر:** در هر شکل هندسی محل تقاطع خطوط را گره می‌نامیم و تعداد خطوط متصل به هر گره را درجه. به عنوان مثال در شکل  $\times$  با گره‌ای با درجه ۵ روبرو هستیم. اگر درجه هر گره زوج باشد به ازای هر بار ورود می‌توانیم خروج هم داشته باشیم. پس در گره‌های با درجه زوج نیازی به برداشتن قلم از روی کاغذ نیست. می‌توان نشان داد که به ازای هر دو گره با درجه فرد باید یکبار قلم از کاغذ جدا شود. آخرین نقطه‌ای که قلم از کاغذ جدا می‌شود (پس از اتمام رسم شکل) نیز در محاسبات لحاظ نمی‌شود.

$$\text{تعداد کمترین دفعاتی که کاغذ باید از قلم جدا شود} = \left[ \frac{\text{تعداد گوی‌های درجه فرد} - 1}{2} \right]$$

$$\text{شکل A : تعداد رئوس درجه فرد} = 4 \Rightarrow \left[ \frac{4-1}{2} \right] = 1$$

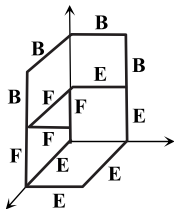
$$\text{شکل B : تعداد رئوس درجه فرد} = 2 \Rightarrow \left[ \frac{2-1}{2} \right] = 0$$

$$\text{شکل C : تعداد رئوس درجه فرد} = 0$$

$$\text{شکل D : تعداد رئوس درجه فرد} = 0$$

پس جواب گزینه (۱) است.

این تست مشابه تست ۳۲ سراسری ۹۵ رشته MBA است.

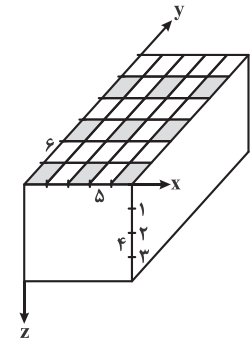


۲۷- گزینه «۲» شکل نهایی از ۱۳ میله ساخته شده است که با توجه به این مطلب گزینه (۳) با داشتن ۱۱ میله و گزینه (۴) با داشتن ۱۴ میله حذف می‌شود. تنها گزینه (۱) و (۲) دارای ۱۳ میله هستند. در گزینه (۱)، A و D بخشی از شکل را می‌سازند؛ اما C با شکل مطلوب مطابقت ندارد و حالت خواسته شده را نمی‌سازد. این شکل را با B، E و F می‌توان به صورت مقابل ساخت: (توجه شود که طول میله‌ها طبق گفته‌ی صورت سؤال برابر است).

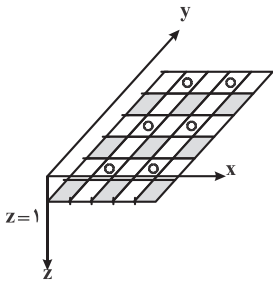
۲۸- گزینه «۴» اگر شکل D را  $90^\circ$  در جهت پادساعتگرد بچرخانیم برجستگی‌ها و فرورفتگی‌های شکل D و C در هم قرار می‌گیرند. اگر فرض کنیم تنها با چرخش قطعات باید یک مربع ساخته شود، پس در واقع کم یا زیاد شدن طول یک قطعه از بالا باید کاملاً در تناسب با زیاد یا کم شدن طول قطعه‌ی دیگر از پایین باشد تا یک مربع ساخته شود. بنابراین گزینه (۴) صحیح می‌باشد.



۲۹- گزینه «۳» وجه بالایی مکعب مستطیل را به مربع‌های  $1 \times 1$  تقسیم کردیم. مکعب مربع‌هایی را در نظر بگیرید که وجه بالایی آن‌ها روی وجه بالایی مکعب مستطیل قرار دارد و وجه پایینی آن‌ها در  $Z=1$ . این مکعب‌ها نباید با هم تماس داشته باشند، بنابراین برای حداکثر کردن تعداد مکعب‌ها باید وجوه بالایی آن‌ها به صورتی باشد که با هاشور نشان داده شده است. یعنی جمعاً ۹ مکعب.



حال مکعب‌هایی را در نظر بگیرید که وجه بالایی آن‌ها روی  $Z=1$  و وجه پایینی آن‌ها روی  $Z=2$  قرار دارد و با مکعب‌های بالایی تنها در رئوس مشترک است، بنابراین وجه بالایی آن‌ها در  $Z=1$  باید به صورت زیر باشد، یعنی جمعاً ۶ مکعب (وجه پایینی مکعب‌های مرحله پیش با هاشور و وجه بالایی مکعب‌های این مرحله با دایره مشخص شده‌اند).

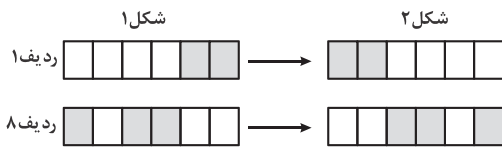


برای مکعب‌هایی که وجه بالایی آن‌ها روی  $Z=2$  و وجه پایینی آن‌ها روی  $Z=3$  قرار دارد، وضعیت مشابه مکعب‌هایی است که وجه بالای آن‌ها روی  $Z=0$  قرار دارد یعنی جمعاً ۹ مکعب و در نهایت برای مکعب‌هایی که وجه بالایی آن‌ها روی  $Z=3$  و وجه پایینی آن‌ها روی  $Z=4$  قرار دارد وضعیت مشابه مکعب‌هایی است بین  $Z=1$  و  $Z=2$  قرار دارند یعنی تعداد آن‌ها ۶ عدد است.

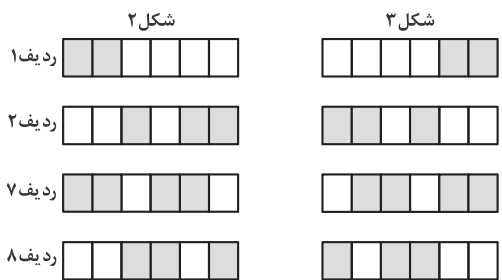
کل مکعب‌ها  $= 9 + 6 + 9 + 6 = 30$

۳۰- گزینه «۴» شکل‌ها را از چپ به راست با اعداد ۱ و ۲ و ۳ و ۴ نشان می‌دهیم.

در روند تغییر شکل ۱ به ۲، همه ردیف‌ها ثابت و فقط ردیف ۱ و ردیف ۸ تصویر آینه‌ای شده است.



در روند تغییر شکل ۲ به شکل ۳، ردیف ۱ و ۲ و ۷ و ۸ تصویر آینه‌ای شده‌اند.



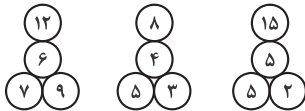
و در روند تغییر شکل ۳ به شکل ۴، ردیف‌های ۱ و ۲ و ۳ و ۶ و ۷ و ۸ از شکل ۳ آینه‌ای شده‌اند، بنابراین انتظار می‌رود در شکل ۴ تمام ردیف‌ها تصویر آینه‌ای شوند که این تنها در گزینه (۴) آمده است.

**بخش دوم: حل مسئله**

■ **راهنمایی:** این بخش از آزمون استعداد، از انواع مختلف سؤال‌های کمی، شامل مقایسه‌های کمی، استعداد عددی و ریاضیاتی، حل مسئله و... تشکیل شده است. توجه داشته باشید به خاطر متفاوت بودن نوع سؤال‌های این بخش از آزمون، هر سؤال را براساس دستورالعمل ویژه‌ای که در ابتدای هر دسته سؤال آمده است، پاسخ دهید.

■ **راهنمایی:** هر کدام از سؤال‌های ۹ تا ۱۳ را به دقت بخوانید و جواب هر سؤال را در پاسخنامه علامت بزنید.

کدام از اشکال زیر، بین اعداد ارتباط خاص و یکسانی برقرار است. به جای علامت سؤال، کدام عدد زیر باید قرار بگیرد؟

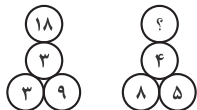


(۱) ۱۶

(۲) ۱۵

(۳) ۱۲

(۴) ۹



کدام دو مقوای مستطیل‌شکل با مساحت یکسان، یکی با نسبت اضلاع ۲ به ۳ و دیگری با نسبت اضلاع ۳ به ۵ در اختیار داریم. از هر کدام از مستطیل‌ها، بزرگ‌ترین مربع ممکن را جدا کرده و تکه‌های باقی‌مانده را نگاه می‌داریم. نسبت مساحت تکه‌های باقی‌مانده کدام است؟

(۱) ۵ به ۶

(۲) ۴ به ۵

(۳) ۳ به ۴

(۴) ۳ به ۴

کدام یک ساعت عقربه‌ای، کدام یک از چهار زمان زیر را باید نشان دهد، تا زاویه کوچک‌تر بین دو عقربه ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار این ساعت، بیشتر از ۸۰ درجه باشد؟

(۱) ۱۱:۱۰'

(۲) ۹:۳۵'

(۳) ۷:۲۵'

(۴) ۳:۳۰'

کدام در یک مغازه لوازم‌التحریر فروشی، به ازای هر ۷ خودکار آبی، ۲ خودکار قرمز و به ازای مجموعاً هر ۱۲ خودکار، ۵ مداد فروخته می‌شود. با فروش چند خودکار قرمز، تعداد مدادهای فروخته‌شده ۲۶ عدد از تعداد خودکارهای آبی فروخته‌شده، کمتر است؟

(۱) ۱۲

(۲) ۱۶

(۳) ۱۸

(۴) ۲۴

کدام پس از بررسی مشخص شده است که ۶۰ درصد دانش‌آموزان یک مدرسه، دارای پدر کارمند، ۸۰ درصد آنها دارای مادر کارمند و ۷۵ درصد آنها در خانواده خود، تک‌فرزند هستند. اگر این مدرسه، ۲۰۰ دانش‌آموز داشته باشد، حداقل چند دانش‌آموز به‌طور قطع، پدر و مادر کارمند دارند و تک‌فرزند هستند؟

(۱) ۸۰

(۲) ۴۰

(۳) ۳۰

(۴) صفر

■ **راهنمایی:** هر کدام از سؤال‌های ۱۴ و ۱۵، شامل دو مقدار یا کمیت هستند، یکی در ستون «الف» و دیگری در ستون «ب». مقادیر دو ستون را با یکدیگر مقایسه کنید و با توجه به دستورالعمل، پاسخ صحیح را به شرح زیر تعیین کنید:

اگر مقدار ستون «الف» بزرگ‌تر است، در پاسخنامه گزینه (۱) را علامت بزنید.

اگر مقدار ستون «ب» بزرگ‌تر است، در پاسخنامه گزینه (۲) را علامت بزنید.

اگر مقادیر دو ستون «الف» و «ب» با هم برابر هستند، در پاسخنامه گزینه (۳) را علامت بزنید.

اگر براساس اطلاعات داده شده در سؤال، نتوان رابطه‌ای را بین مقادیر دو ستون «الف» و «ب» تعیین نمود، در پاسخنامه گزینه (۴) را علامت بزنید.

کدام پدر و پسری روی یک خط راست، به فاصله نامعلوم از یکدیگر ایستاده‌اند. می‌دانیم که مسافت هر ۵ قدم پدر معادل مسافت ۸ قدم پسر است. با شروع حرکت این دو نفر، پدر ۳۲ قدم به سمت پسر برمی‌دارد و پسر ۵۰ قدم به سمت پدر برمی‌دارد و بالاخره، بدون اینکه هیچ‌کدام به نقطه وسط مسیری که در آن در حرکت بوده‌اند رسیده باشند، می‌ایستند.

(الف)

(ب)

فاصله پدر تا نقطه‌ای که پسرش در ابتدا ایستاده بوده است.

فاصله پسر تا نقطه‌ای که پدرش در ابتدا ایستاده بوده است.

کدام تعداد n نفر که به شماره‌های ۱ تا n شماره‌گذاری شده‌اند، پشت‌سرهم در یک صف ایستاده‌اند. در مرحله اول، همه افراد می‌نشینند. در مرحله دوم، افراد دارای شماره‌ای با مضرب ۲ می‌ایستند. در مرحله سوم، همه افراد دارای شماره‌ای با مضرب ۳، در هر وضعیتی هستند، حالت خود را تغییر می‌دهند (یعنی، اگر ایستاده‌اند می‌نشینند و اگر نشسته‌اند، می‌ایستند)، در مرحله چهارم، افراد دارای شماره با مضرب ۴ حالت خود را تغییر می‌دهند و این منوال ادامه پیدا می‌کند تا در مرحله نهم، افراد دارای شماره با مضرب ۹، حالت خود را تغییر می‌دهند. n، عددی بین ۲۵ تا ۳۰ است.

(الف)

(ب)

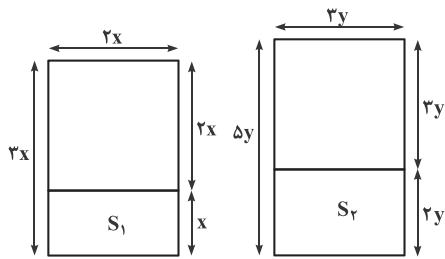
تعداد افرادی که نهایتاً نشسته‌اند.

تعداد افرادی که نهایتاً ایستاده‌اند.



۱۰- گزینه «۱» دو مستطیل را به شکل زیر در نظر می‌گیریم:

مربع‌ها به شکل مقابل جدا شده‌اند.



$$S_1 = x \times x = x^2, \quad S_2 = 3y \times 2y = 6y^2$$

سؤال نسبت  $S_1$  به  $S_2$  را خواسته است:

$$\Rightarrow \frac{S_1}{S_2} = \frac{1}{6} \left( \frac{x^2}{y^2} \right) = \frac{1}{6} \left( \frac{x^2}{y^2} \right)$$

اما برای تعیین نسبت  $\frac{x^2}{y^2}$  به جمله‌ی اول سؤال توجه می‌کنیم که گفته؛ مساحت هر دو مستطیل یکسان است، پس رابطه زیر را نیز می‌توانیم بنویسیم:

$$(x)(3x) = (3y)(\Delta y) \Rightarrow 3x^2 = 15y^2 \Rightarrow \frac{x^2}{y^2} = \frac{15}{3} = 5$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{1}{6} (5) = \frac{5}{6}$$

بنابراین داریم:

۱۱- گزینه «۴» با توجه به فرمول زاویه بین عقربه‌های ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار زاویه بین هر چهار گزینه را حساب می‌کنیم:

$$\alpha = |3 \circ h - \Delta / \Delta m|$$

$\downarrow$                        $\downarrow$                        $\downarrow$   
 زاویه                      ساعت                      دقیقه

$$\alpha = |3 \circ \times 3 - \Delta / \Delta \times 3 \circ| = |9 \circ - 16 \Delta| = 7 \Delta$$

گزینه (۱):

$$\alpha = |3 \circ \times 7 - \Delta / \Delta \times 2 \Delta| = |21 \circ - 13 \Delta / \Delta| = 7 \Delta / \Delta$$

گزینه (۲):

$$\alpha = |3 \circ \times 9 - \Delta / \Delta \times 2 \Delta| = 7 \Delta / \Delta$$

گزینه (۳):

$$\alpha = |3 \circ \times 11 - \Delta / \Delta \times 1 \circ| = |33 \circ - 5 \Delta| = 27 \Delta$$

گزینه (۴):

گزینه‌های (۱) تا (۳) همگی از  $8^\circ$  درجه کوچک‌تر می‌باشند و گزینه‌ی (۴) زاویه‌اش از  $8^\circ$  بیشتر است، البته  $27 \Delta$  درجه زاویه بزرگ‌تر بین عقربه‌ها در ساعت  $11:10'$  می‌باشد ولی مشکلی نیست و زاویه کوچک‌تر هم با کم کردن این عدد از عدد  $360$ ، برابر با  $360 - 27 \Delta = 85$  به دست می‌آید که باز هم از  $8^\circ$  درجه بیشتر است.

۱۲- گزینه «۲» مرحله به مرحله اطلاعات صورت سؤال را خلاصه می‌کنیم:

$$2x = \text{تعداد خودکارهای قرمز}, \quad 7x = \text{تعداد خودکارهای آبی}$$

$$\frac{7x + 2x}{z} = \frac{12}{5} \Rightarrow \frac{9x}{z} = \frac{12}{5} \Rightarrow \frac{3x}{z} = \frac{4}{5} \Rightarrow 15x = 4z \Rightarrow z = \frac{15}{4}x \quad (1)$$

و بالاخره به شکل رابطه زیر هم می‌توان آن را نوشت:

$$7x - z = 26 \xrightarrow{(1)} 7x - \frac{15}{4}x = 26 \Rightarrow \frac{28x - 15x}{4} = 26 \Rightarrow \frac{13}{4}x = 26 \Rightarrow \frac{x}{4} = 2 \Rightarrow x = 8$$

پس تعداد خودکارهای قرمز برابر با  $2x = 2 \times 8 = 16$  خواهد بود.

۱۳- گزینه «۳» تعداد کسانی که دارای پدر کارمند هستند  $60\%$  درصد افراد است یعنی  $n(A) = 60 \times 200 = 120$  و تعداد افرادی که دارای مادر

کارمند هستند  $80\%$  درصد افراد است یعنی  $n(B) = 80 \times 200 = 160$ . از طرفی می‌دانیم:

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

همچنین می‌دانیم تعداد افرادی که حداقل یکی از پدر یا مادرهای آنها کارمند هستند، کمتر یا مساوی تعداد کل افراد است. بنابراین داریم:

$$n(A \cup B) \leq 200$$

با توجه به دو عبارت بالا داریم:

$$\Rightarrow (n(A) + n(B) - n(A \cap B)) \leq 200 \Rightarrow 120 + 160 - n(A \cap B) \leq 200 \Rightarrow 80 \leq n(A \cap B)$$

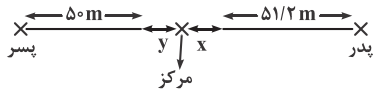
بنابراین معلوم می‌شود از بین همه دانش آموزان حداقل  $80$  نفر هستند که هم پدر آنها و هم مادر آنها کارمند هستند. حال با توجه به صورت سؤال  $75$

درصد افراد یعنی  $150$  نفر تک فرزند هستند یعنی  $50$  نفر تک فرزند نیستند. بنابراین در بدترین حالت اگر همه این  $50$  نفر بین افرادی باشند که هم پدر

کارمند و هم مادر کارمند دارند، حداقل  $30$  نفر از بین آنها می‌مانند که تک فرزند هستند. پس پاسخ سؤال حداقل  $30$  است.



۱۴- گزینه «۱» اگر طول هر قدم پسر  $x$  باشد، طول هر قدم پدر  $\frac{8}{5} = \frac{1}{6}x$  خواهد بود. حالا اگر پدر ۳۲ قدم بردارد، یعنی  $\frac{8}{5} \times 32 = \frac{51}{2}x$  طی کرده است. و پسر  $50 \times x = 50x$  را طی کرده است.



حالا سراغ محاسبه مقدار ستون‌ها می‌رویم:  
 مقدار ستون الف بیشتر است  $\Rightarrow$  مقدار ستون الف =  $x + y + \frac{51}{2}x$   
 مقدار ستون ب =  $y + x + 50x$

۱۵- گزینه «۲» در مرحله اول از نفر ۱ تا  $n$  می‌نشینند.

- در مرحله دوم افراد با شماره مضرب ۲ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله سوم افراد با شماره مضرب ۳ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله چهارم افراد با شماره مضرب ۴ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله پنجم افراد با شماره مضرب ۵ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله ششم افراد با شماره مضرب ۶ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله هفتم افراد با شماره مضرب ۷ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله هشتم افراد با شماره مضرب ۸ تغییر وضعیت می‌دهند.
- در مرحله نهم افراد با شماره مضرب ۹ تغییر وضعیت می‌دهند.

چون به ازای هر بخش پذیری ۲ تا ۹ افراد یکبار تغییر وضعیت می‌دهند، پس تعداد مقسوم‌علیه‌های کمتر مساوی آن عدد را به دست می‌آوریم. اگر تعداد مقسوم علیه‌ها فرد باشد افراد ایستاده و اگر زوج باشد افراد نشسته خواهند بود. مقسوم علیه‌های مورد نظر از ۲ تا ۹ می‌توانند باشند (عدد یک مقسوم علیه همه اعداد هست و ما نمی‌نویسیم)

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|
| ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | ۵ | ۶ | ۷ | ۸ | ۹ | ۱۰ | ۱۱ | ۱۲ | ۱۳ | ۱۴ | ۱۵ | ۱۶ | ۱۷ | ۱۸ | ۱۹ | ۲۰ | ۲۱ | ۲۲ | ۲۳ | ۲۴ |   |
|   | ۲ | ۳ | ۲ | ۵ | ۲ | ۷ | ۲ | ۳ | ۲  |    | ۲  |    | ۲  | ۳  | ۲  |    | ۲  |    | ۲  | ۳  | ۲  |    | ۲  |   |
|   |   |   | ۴ |   | ۳ |   | ۴ | ۹ | ۵  |    | ۳  |    | ۷  | ۵  | ۴  |    | ۳  |    | ۴  | ۷  |    |    | ۳  |   |
|   |   |   |   |   | ۶ |   | ۸ |   |    |    | ۴  |    |    |    | ۸  |    | ۶  |    | ۵  |    |    |    | ۴  |   |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    | ۶  |    |    |    |    |    | ۹  |    |    |    |    |    |    | ۶ |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    | ۸ |
| ن | ا | ا | ا | ن | ا | ا | ا | ا | ن  | ن  | ن  | ن  | ن  | ن  | ن  | ا  | ن  | ن  | ن  | ا  | ن  | ا  | ن  | ا |

|             |    |       |       |
|-------------|----|-------|-------|
| نشسته: ۱۴   | ۲۴ | ن: ۱۴ | ۱: ۱۰ |
| ایستاده: ۱۰ | ۲۵ | ۱۴    | ۱۱    |
|             | ۲۶ | ۱۴    | ۱۲    |
|             | ۲۷ | ۱۵    | ۱۲    |
|             | ۲۸ | ۱۵    | ۱۳    |
|             | ۲۹ | ۱۶    | ۱۳    |
|             | ۳۰ | ۱۷    | ۱۳    |

تا نفر ۲۴ ام تعداد افراد نشسته ۱۴ و تعداد افراد ایستاده ۱۰ نفر هستند. حال تعداد افراد نشسته و ایستاده برای ۲۵ تا ۳۰ را می‌نویسیم.

|    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|
| ۲۵ | ۲۶ | ۲۷ | ۲۸ | ۲۹ | ۳۰ |
| ۵  | ۲  | ۳  | ۲  |    | ۲  |
|    |    | ۹  | ۴  |    | ۳  |
|    |    |    | ۷  |    | ۵  |
|    |    |    |    |    | ۶  |

ن ا ا ن ا ن

چون تعداد افراد نشسته بین  $n = 25$  تا  $n = 30$  همیشه از افراد ایستاده بیشتر است پس گزینه (۲) صحیح است.

**PART A: Grammar**

**Directions:** Select the answer choice (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

31- **Nonverbal thinking, ..... in engineering design, involves perceptions, the stock-in-trade of the artist, not the scientist.**

- 1) being central mechanism  
2) a central mechanism  
3) that is central mechanism  
4) is mechanism central

32- **When the work was completed, many moved to other construction jobs or to factory work in cities and towns, ..... they became part of an expanding working class.**

- 1) where  
2) thereby  
3) thus  
4) there

33- **..... , why did people in the thirteenth century move into these closely packed quarters?**

- 1) By giving all the disadvantages of living in aggregated towns  
2) All the disadvantages of living in aggregated towns given  
3) Given all the disadvantages of living in aggregated towns  
4) Living in aggregated towns given all the disadvantages

34- **Autism is considered a neurological and genetic life-long disorder that causes discrepancies in the way .....**

- 1) is processed information  
2) of information processed  
3) processed information  
4) information is processed

35- **Not until the eighteenth century, however, ..... the Bank of Amsterdam and the Bank of England begin to provide capital for business investment.**

- 1) such banks as did  
2) banks such as did  
3) did such banks as  
4) banks did such as

36- **..... around 8000 B.C.E., the most extensive exploitation of agriculture occurred in river valleys, where there were both good soil and a dependable water supply regardless of the amount of rainfall.**

- 1) Starting  
2) To be started  
3) Started  
4) To started

37- **A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, ..... steam power to spin and weave cotton.**

- 1) and resulted in mills they used  
2) by mills resulting in using  
3) that resulted in mills to use  
4) resulting in mills using

38- **This simple memorizing of individual items and procedures—known as rote learning—is relatively easy to implement on a computer. .... implementing what is called generalization.**

- 1) The problem is more challenging than is  
2) More challenging is the problem of  
3) The problem more challenging than  
4) The more challenging problem of

بخش اول: دستور زبان

در سوالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۳۱- گزینه «۲» تفکر غیر کلامی، که یک مکانیزم مرکزی در طراحی مهندسی است، شامل ادراک می‌شود، {یا به عبارتی} فوت و فن هنرمند، نه دانشمند. توضیح گرامری: گزینه (۳) کنار می‌رود چون کاربرد that بعد از کاما ممنوع است. گزینه (۱) رد می‌شود چون being اضافه و حشو است. گزینه (۴) کنار می‌رود چون فاقد ضمیر موصولی است. ضمناً آن دو تا کامای بعد و قبل از جای خالی به وضوح نشان می‌دهند که ما به یک جمله‌وارهٔ وصفی نیاز داریم. پس این شما و این هم گزینه (۲) که در ابتدا به این صورت بوده:

Nonverbal thinking, **which is** a central mechanism in engineering design, involves ....

می‌توانیم which is را حذف کنیم و یک بدل یا عبارت وصفی بسازیم:

Nonverbal thinking, a central mechanism in engineering design, involves ....

۳۲- گزینه «۱» وقتی کار کامل شد، بسیاری به شغل‌های عمرانی دیگر یا کار در کارخانه‌ها در شهرها و شهرستان‌ها نقل مکان کردند، که در آنجا (جایی که) آنها بخشی از قشر در حال گسترش کارگرها شدند.

توضیح گرامری: با توجه به مفهوم جمله و اینکه قبل از جای خالی مرجع مکانی cities and towns را داریم، به ضمیر موصولی where برای جای خالی نیاز داریم.

۳۳- گزینه «۳» با توجه به تمامی معایب زندگی در شهرهای پرجمعیت، چرا مردم در قرن سیزدهم به این محله‌های بسیار متراکم نقل مکان کردند؟ توضیح گرامری: given همیشه شکل سوم فعل give نیست. در اینجا یک حرف اضافه است به معنی «با توجه به»، با در نظر گرفتن و مترادف با considering است. چون حرف اضافه است، بعدش باید اسم یا عبارت اسمی بیاید. همچنین به مثال زیر دقت کنید:

**Given [= considering] the circumstances, you've done really well.**

ترجمه: با توجه به شرایط، عملکرد واقعاً خوبی داشته‌ای.

**Given all the disadvantages of living in aggregated towns, why did people in the thirteenth ....**

۳۴- گزینه «۴» اوتیسم، یک اختلال عصبی و ژنتیکی مادام‌العمر محسوب می‌شود که باعث تفاوت‌هایی می‌گردد در نحوه‌ای که اطلاعات پردازش می‌شود. توضیح گرامری: جمله در اصل به شکل زیر بوده:

...causes discrepancies in the way **that** information is processed.

می‌توانیم that موصولی را حذف کنیم که در این صورت به گزینه (۴) می‌رسیم. باقی گزینه‌ها به وضوح نادرست‌اند.

۳۵- گزینه «۳» با این وجود، تا {آغاز} قرن هجدهم، بانک‌هایی از قبیل بانک آمستردام و بانک انگلستان شروع به تأمین سرمایه برای سرمایه‌گذاری کسب‌وکار نکرده بودند.

توضیح گرامری: چون جمله با عبارت منفی‌ساز not until شروع شده، باید وارونگی صورت بگیرد که فقط در گزینه (۳) شاهد وارونگی هستیم:

**Not until** the eighteenth century, however, **did** such banks as ...

نکته: همانطور که می‌دانید از such as برای ارائه مثال استفاده می‌شود. مثال:

Painters **such as** Picasso are rare.

می‌توانیم such را ببریم قبل از painters که در این صورت داریم:

**Such** painters as Picasso are rare.

همین اتفاق در این سؤال هم افتاده:

**Not until** the eighteenth century, however, **did** such banks as the Bank of Amsterdam ...

۳۶- گزینه «۱» گسترده‌ترین بهره‌برداری از کشاورزی، که حدوداً در سال ۸۰۰۰ قبل از میلاد مسیح شروع شد، در دره‌های رودخانه‌ها رخ داد، که در آنجا صرف‌نظر از میزان بارندگی، هم خاک باکیفیت وجود داشت و هم منبع آب قابل‌اتکا.

توضیح گرامری: جمله در اصل به این صورت بوده:

The most extensive exploitation of agriculture, **which started around 8000 B.C.E.**, occurred in river valleys....



می‌توانیم با حذف **which** و تبدیل **started** به **starting** یک عبارت وصفی (بدل) غیرضروری بسازیم:

The most extensive exploitation of agriculture, **starting around 8000 B.C.E.**, occurred in river valleys,...

می‌توانیم بدل را ببریم به قبل از مرجع (در اینجا The most extensive exploitation of agriculture) که داریم:

**Starting around 8000 B.C.E.**, the most extensive exploitation of agriculture occurred in river valleys,...

پس این شما و این هم گزینه (۱) و حذف سایر گزینه‌ها.

۳۷- گزینه «۴» یک موتور دورانی که به موتور بخار متصل بود، باعث می‌شد شفت‌ها بچرخند و دستگاه‌ها به حرکت دربیایند، که {این امر} باعث می‌شد آسیاب‌ها از نیروی بخار برای چرخیدن و بافتن پنبه استفاده کنند.

توضیح گرامری: اگر خاطرتان باشد، گفتیم مرجع ضمیر موصولی **which** می‌تواند نه یک کلمه (یا عبارت) بلکه کل جمله قبل از **کاما** باشد. مثال:

My friend eventually decided to get divorced, which upset me a lot.

ترجمه: دوستم نهایتاً تصمیم گرفت که طلاق بگیرد، {که این موضوع} مرا زیاد ناراحت کرد.

در این سؤال هم همین موضوع صدق می‌کند؛ یعنی ابتدا داشتیم:

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, which resulted in mills ....

می‌توانیم **which** را حذف و **resulted** را به **resulting** تبدیل کنیم:

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, resulting in mills ....

همچنین این کاربرد **result in** را حتماً حفظ کنید:

**Result in + sb/ sth + doing sth:** Icy conditions resulted in two roads being closed.

در واقع در اینجا، **being** جراند است. پس این شما و این هم گزینه (۴):

A rotary engine attached to the steam engine enabled shafts to be turned and machines to be driven, resulting in mills using steam power ....

بررسی سایر گزینه‌ها: گزینه (۳) به خاطر کاربرد **that** بعد از **کاما** کنار می‌رود. گزینه (۲) به لحاظ معنایی ایراد دارد و در گزینه (۱) کاربرد **they used** نامناسب است.

۳۸- گزینه «۲» اجرای این نوع یادگیری و به حافظه سپردن اقلام و رویه‌ها - که {با لفظ} یادگیری طوطی‌وار شناخته می‌شود - روی کامپیوتر نسبتاً ساده است. چالش برانگیزتر {از آن} مشکل اجرای چیزی است که تعمیم نامیده می‌شود.

توضیح گرامری: گفتیم یکی از کاربردهای وارونگی زمانی است که یک جمله با صفت آغاز شود؛ این هم مثال خود کتاب:

Central to all legal systems is the belief that a person is innocent unless proved otherwise.

More challenging is the problem of implementing what is called generalization.

بررسی سایر گزینه‌ها: گزینه‌های (۳) و (۴) به وضوح کنار می‌روند. گزینه (۱) رد می‌شود چون معلوم نیست **the problem** دقیقاً به چه مشکلی اشاره دارد.

### بخش دوم: واژگان

دستورالعمل: در سؤالات زیر، از بین گزینه‌های (۱)، (۲)، (۳) و (۴) پاسخی را انتخاب کنید که به بهترین نحو جای خالی را پر کند. آنگاه پاسخ‌تان را روی پاسخنامه علامت بزنید.

۳۹- گزینه «۱» گذشته برگشت‌ناپذیر است. {گذشته} طی شده (رفته) و دیگر هرگز باز نخواهد گشت، مهم نیست چه کاری انجام دهید و هر قدر هم که گریه کنید.

|   |             |                         |   |               |                          |
|---|-------------|-------------------------|---|---------------|--------------------------|
| ۱ | irrevocable | غیرقابل برگشت، لغونشدنی | ۲ | unsurpassable | سبقت ناپذیر، چیره ناشدنی |
| ۳ | inevitable  | اجتناب ناپذیر، حتمی     | ۴ | unreliable    | غیرقابل اعتماد           |

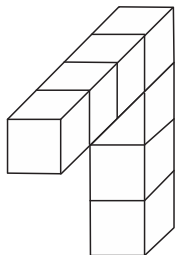
۴۰- گزینه «۲» کمپین بازاریابی آن پاتوق چنان گسترده بود که نه تنها افراد ثروتمند، بلکه افرادی با مال و منال محدود را هم جذب کرد.

|   |           |                        |   |        |                    |
|---|-----------|------------------------|---|--------|--------------------|
| ۱ | zeal      | اشتیاق، شوق            | ۲ | means  | مال و منال، دارایی |
| ۳ | rudiments | علوم مقدماتی، چیز بدوی | ۴ | appeal | فرجام‌خواهی، جاذبه |

بخش چهارم: تجسمی

راهنمایی: این بخش از آزمون استعداد، سؤال‌هایی از نوع تجسمی را شامل می‌شود. هریک از سؤال‌های ۲۱ تا ۲۵ را به دقت بررسی نموده و جواب صحیح را در پاسخنامه علامت بزنید.

۲۱- در یک مکعب به ابعاد ۴ در ۴ در ۴، چند قطعه به شکل زیر را می‌توان جانمایی کرد؟



۸ (۱)

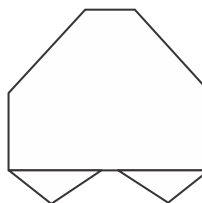
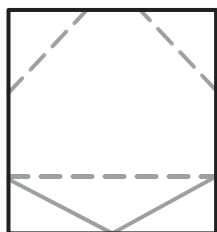
۷ (۲)

۶ (۳)

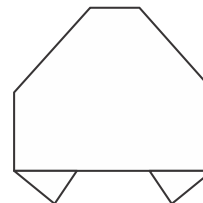
۴ (۴)

راهنمایی: در سؤال ۲۲ یک کاغذ مربع‌شکل در تصویر سمت چپ مشاهده می‌شود. اگر این کاغذ را از روی خط چین‌ها، رو به عقب و از روی خط‌ها، رو به جلو تا کنیم، کدام شکل حاصل می‌شود؟

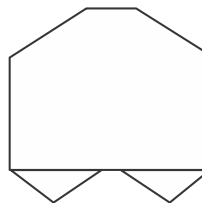
۲۲- کج



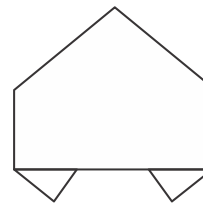
(۲)



(۱)

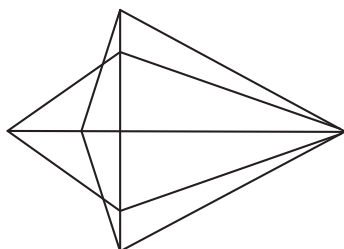


(۴)



(۳)

۲۳- در شکل زیر، مجموعاً چند مثلث دیده می‌شود؟



۲۲ (۱)

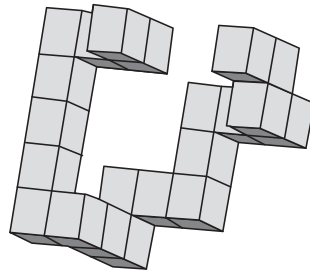
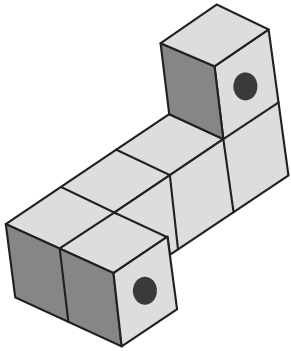
۲۴ (۲)

۲۶ (۳)

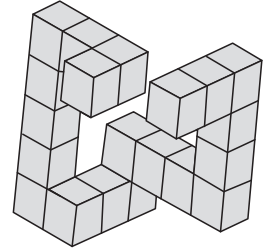
۲۸ (۴)

**راهنمایی:** در سؤال ۲۴، در سمت چپ، قطعه‌ای سه‌بعدی مشاهده می‌شود. کدام قطعه (موارد ۱ تا ۴) می‌تواند کنار قطعه سمت چپ قرار گیرد، به نحوی که نقاط سیاه دو قطعه، روی هم قرار گیرند؟

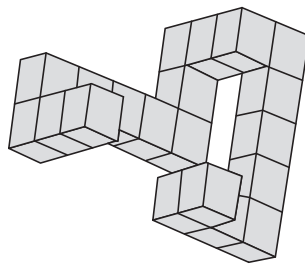
۲۴



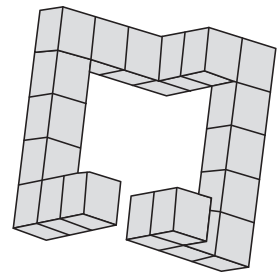
(۲)



(۱)



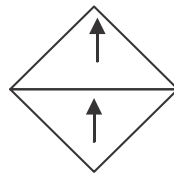
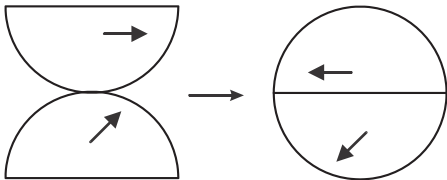
(۴)



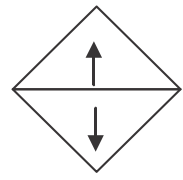
(۳)

**راهنمایی:** در سؤال ۲۵، هر دو الگوی سمت چپ، قرار است با روالی مشابه و یکسان به الگوی سمت راست خود تبدیل شوند. به جای علامت سؤال، کدام الگو (موارد ۱ تا ۴) باید قرار بگیرد؟

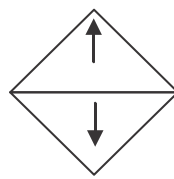
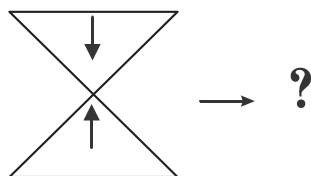
۲۵



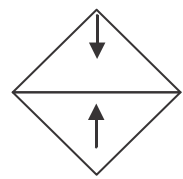
(۲)



(۱)



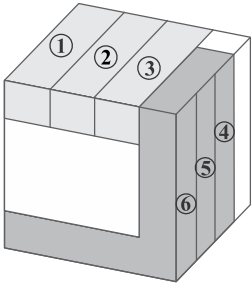
(۴)



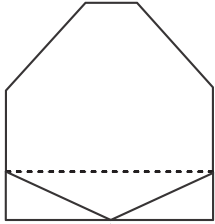
(۳)

## بخش چهارم: تجسمی

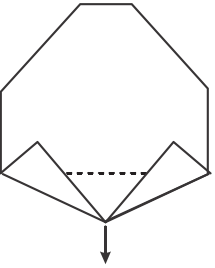
۲۱- گزینه «۳» با توجه به شکل ۶ شکل را می‌توان از مکعب استخراج کرد که ضلع دوم شکل‌های ۱ و ۲ و ۳ در پشت مکعب قرار دارند و در شکل مشخص نیستند.



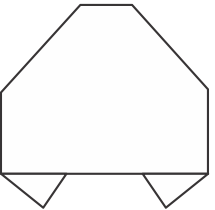
۲۲- گزینه «۱» ابتدا خط‌چین‌های بالای تصویر را اعمال می‌کنیم و به شکل روبه‌رو می‌رسیم:



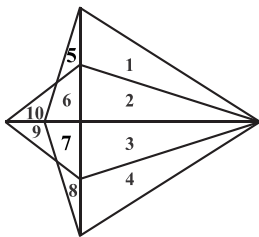
حال از روی خط‌های پایین شکل، به تصویر بعدی می‌رسیم:



و در نهایت با تا کردن تصویر از روی خط‌چین‌ها به عقب، شکل نهایی را خواهیم داشت:

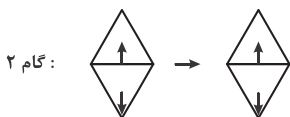
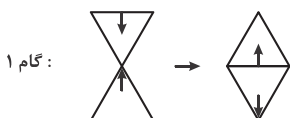


۲۳- گزینه «۲» ترکیب اشکال زیر، مثلث‌های شکل زیر را تشکیل می‌دهند.



|                     |                    |        |
|---------------------|--------------------|--------|
| ۱۷ (۱ و ۲ و ۳ و ۴)  | ۹ و ۲ و ۱          | ۱ (۱)  |
| ۱۸ (۳ و ۷ و ۹)      | ۱۰ (۱ و ۲ و ۳ و ۴) | ۲ (۲)  |
| ۱۹ (۵ و ۶)          | ۱۱ (۱ و ۲ و ۳ و ۴) | ۳ (۳)  |
| ۲۰ (۵ و ۶ و ۷ و ۸)  | ۱۲ (۱ و ۲ و ۵ و ۶) | ۴ (۴)  |
| ۲۱ (۶ و ۱۰)         | ۱۳ (۲ و ۳)         | ۵ (۵)  |
| ۲۲ (۷ و ۸)          | ۱۴ (۲ و ۳ و ۴)     | ۸ (۶)  |
| ۲۳ (۷ و ۹)          | ۱۵ (۲ و ۶ و ۱۰)    | ۹ (۷)  |
| ۲۴ (۶ و ۷ و ۹ و ۱۰) | ۱۶ (۳ و ۴)         | ۱۰ (۸) |

۲۴- گزینه «۴» دو نقطه‌ی سیاه موجود در شکل سمت چپ، از یک جهت به اندازه‌ی یک مکعب و از جهت دیگر به اندازه‌ی سه مکعب با یکدیگر فاصله دارند و باید به دنبال همین مشخصات در گزینه‌ها باشیم، که به گزینه (۴) می‌رسیم.



۲۵- گزینه «۱» طبق الگو، ابتدا یک دوران حول محور افقی خواهیم داشت بعد، یک دوران حول محور عمودی، در نتیجه خواهیم داشت:

## سؤالات مهندسی عمران - زلزله

مجموعه دروس تخصصی (مکانیک جامدات (مقاومت مصالح - تحلیل سازه‌ها) - دینامیک سازه - دینامیک خاک)

۱- در یک تیر بر روی بستر ارتجاعی به طول  $6\text{m}$  و مقطع مستطیل به عمق (ارتفاع) برابر  $12\text{cm}$  و عرض  $4\text{cm}$  تحت اثر بار گسترده یکنواخت به شدت  $q$ ، اگر عکس‌العمل بستر به صورت خطی از صفر در کناره‌ها تا حداکثر در وسط تیر، تغییر کند و حداکثر تنش خمشی مجاز برابر  $12\text{MPa}$  باشد، حداکثر مقدار مجاز  $q$  چند  $\frac{\text{kN}}{\text{m}}$  برآورد می‌شود؟

$$7/68 \quad (4)$$

$$5/12 \quad (3)$$

$$3/84 \quad (2)$$

$$2/56 \quad (1)$$

۲- در یک مقطع جدار نازک حلقوی به شعاع متوسط  $R$ ، ضخامت  $t$  تحت یک نیروی متمرکز قائم  $P$  اعمالی به موازات قطر عمودی در محل شعاع متوسط در تراز قطر افقی (سمت چپ یا راست)، تنش برشی حداکثر برحسب ضریب  $\frac{P}{\pi R t}$  کدام است؟

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۳- ورقی به شکل مربع از چهار طرف توسط چهار جداره صلب و ثابت نگهداری شده است. اگر دمای ورق به اندازه  $5^\circ$  درجه سلسیوس افزایش یابد، مقدار تنش ایجادشده نرمال در صفحه چند مگاپاسکال خواهد بود؟ مدول ارتجاعی ورق  $200\text{GPa}$ ، ضریب پواسون آن برابر  $0.25$  و ضریب انبساط حرارتی آن برابر  $9 \times 10^{-6} / ^\circ\text{C}$  می‌باشند. ضخامت ورق در حدی است که کمانش نکند و تنش عمود بر صفحه صفر است.

$$180 \quad (4)$$

$$120 \quad (3)$$

$$90 \quad (2)$$

$$60 \quad (1)$$

۴- یک میله به طول  $L$ ، سطح مقطع  $A$  و وزن مخصوص  $\gamma$  از یک تکیه‌گاه گیردار به‌طور قائم آویزان است. اگر رابطه تنش - کرنش میله به صورت  $\sigma = B\sqrt{\epsilon}$  (  $B$  ضریب ثابت) باشد، اضافه طول انتهای آزاد میله تحت اثر وزن آن چه ضریبی از  $\frac{\gamma^2 L^3}{B^2}$  است؟

$$\frac{A}{3} \quad (4)$$

$$\frac{A}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

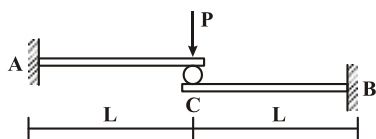
۵- تیر ترکیبی  $ABC$  مطابق شکل در محل غلتک (تماس بدون اصطکاک) تحت اثر نیروی  $P$  قرار دارد. اگر سختی خمشی برابر  $EI$  در طول دو قطعه ثابت باشد، واکنش‌های تکیه‌گاهی به ترتیب از راست به چپ برای  $M_A$ ،  $M_B$ ،  $A_y$  و  $B_y$  کدام‌اند؟

$$\frac{P}{2}, \frac{P}{2}, \frac{PL}{2}, \frac{PL}{2} \quad (1)$$

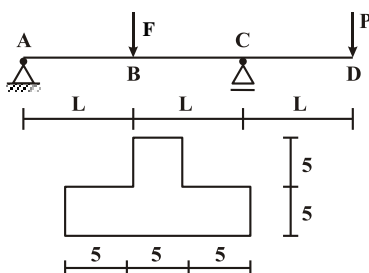
$$\frac{P}{2}, \frac{P}{2}, PL, PL \quad (2)$$

$$P, P, \frac{PL}{2}, \frac{PL}{2} \quad (3)$$

$$P, P, PL, PL \quad (4)$$



۶- تیر  $ABCD$  با مقطع مطابق شکل (ابعاد به  $\text{cm}$ ) تحت اثر دو نیروی متمرکز  $F$  و  $P$  قرار دارد. اگر  $L = 3\text{m}$  باشد، حداکثر تنش فشاری مقطع در نقاط  $B$  و  $C$  به ازای چه نسبتی از  $\frac{F}{P}$  برابر خواهند بود؟



$$\frac{11}{5} \quad (1)$$

$$\frac{7}{3} \quad (2)$$

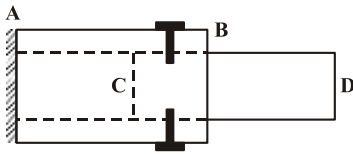
$$\frac{5}{11} \quad (3)$$

$$\frac{3}{7} \quad (4)$$



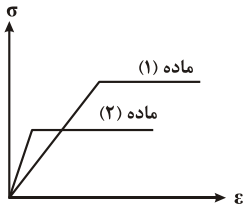


۷- یک میله چوبی CD به قطر ۲۰cm در لوله فلزی AB به قطر سوراخ ۲۰cm قرار گرفته و دور تا دور محل اتصال از پیچ‌هایی به قطر ۱۰mm و تنش برشی مجاز ۱۶۰MPa استفاده شده است. اگر پس از اعمال لنگر پیچشی T در انتهای آزاد D، حداکثر تنش برشی در عضو چوبی برابر ۸MPa باشد، تعداد پیچ لازم در محل اتصال کدام است؟



- (۱) ۱۶
- (۲) ۱۰
- (۳) ۸
- (۴) ۵

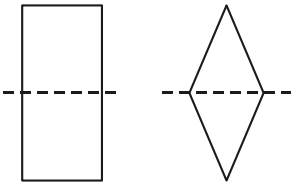
۸- دیاگرام تنش - کرنش دو ماده در شکل زیر آورده شده است. کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟



- (۱) سختی ماده (۱) بیشتر از سختی ماده (۲) و مقاومت ماده (۱) بیشتر از مقاومت ماده (۲) است.
- (۲) سختی ماده (۱) بیشتر از سختی ماده (۲) و مقاومت ماده (۱) کمتر از مقاومت ماده (۲) است.
- (۳) سختی ماده (۱) کمتر از سختی ماده (۲) و مقاومت ماده (۱) کمتر از مقاومت ماده (۲) است.
- (۴) سختی ماده (۱) کمتر از سختی ماده (۲) و مقاومت ماده (۱) بیشتر از مقاومت ماده (۲) است.

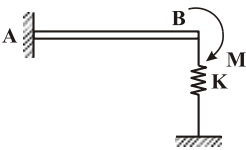
۹- بارهای خودکرنشی نظیر نشست تکیه‌گاهی، نقص عضو و اثرات درجه حرارت در کدام نوع سازه‌ها، روی توزیع نیروهای داخلی اثر می‌گذارند؟  
 (۱) معین استاتیکی (۲) نامعین استاتیکی (۳) معین و نامعین استاتیکی (۴) بدون اثر در نیروهای داخلی

۱۰- دو مقطع مستطیل و لوزی دارای مساحت و جنس یکسان هستند. کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟



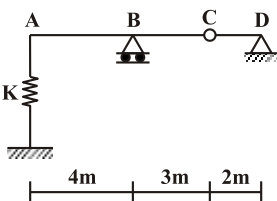
- (۱) سختی برشی لوزی بیشتر از سختی برشی مستطیل و سختی خمشی مستطیل بیشتر از سختی خمشی لوزی
- (۲) سختی برشی لوزی بیشتر از سختی برشی مستطیل و سختی محوری مستطیل برابر سختی محوری لوزی
- (۳) سختی خمشی لوزی کمتر از سختی خمشی مستطیل و سختی محوری مستطیل برابر سختی محوری لوزی
- (۴) سختی خمشی لوزی کمتر از سختی خمشی مستطیل و سختی برشی مستطیل بیشتر از سختی برشی لوزی

۱۱- تیر AB به طول L و سختی خمشی EI مطابق شکل تحت اثر لنگر متمرکز M قرار دارد. به ازای چه مقادیری از  $\alpha$  در سختی فنر  $(K = \frac{EI}{\alpha L^3})$ ، تیر در طول خود، دارای نقطه عطف است؟



- (۱)  $\alpha < \frac{1}{3}$
- (۲)  $\alpha < \frac{1}{6}$
- (۳)  $\alpha > \frac{1}{3}$
- (۴)  $\alpha > \frac{1}{6}$

۱۲- از روی تیر ABCD باری به شدت  $\frac{8}{3} \frac{kN}{m}$  و به طول ۵m می‌گذرد. حداکثر تغییر مکان قائم تکیه‌گاه ارتجاعی در A با سختی  $K = 5 \frac{kN}{cm}$ ، چند سانتی‌متر برآورد می‌شود؟



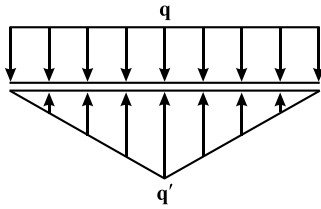
- (۱) ۱
- (۲) ۱۵
- (۳) ۱
- (۴) ۱۶



**پاسخنامه مهندسی عمران - زلزله**

مجموعه دروس تخصصی (مکانیک جامدات (مقاومت مصالح - تحلیل سازه‌ها) - دینامیک سازه - دینامیک خاک)

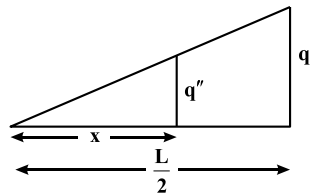
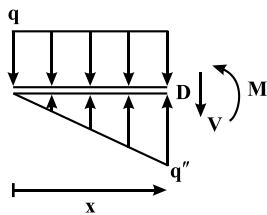
۱- گزینه «۴» طبق داده‌های مسئله بار وارد بر تیر از طرف عامل خارجی و نیروی تکیه‌گاهی به صورت زیر می‌باشد:



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow qL - \frac{q'L}{2} = 0$$

$$\Rightarrow q' = 2q$$

برش دلخواهی به فاصله‌ی x از ابتدای تیر در نظر گرفته می‌شود. با نوشتن معادله‌ی تعادل لنگر داخلی، M محاسبه می‌شود:



$$\frac{q''}{q'} = \frac{x}{L/2} \Rightarrow q'' = \frac{2x}{L} q' = \frac{4x}{L} q$$

$$\sum M_o = 0 \Rightarrow M + qx \times \frac{x}{2} - q'' \times \frac{x}{2} \times \frac{x}{3} = 0 \Rightarrow M = q'' \frac{x^2}{6} - q \frac{x^2}{2} \Rightarrow M = \frac{4x}{L} q \times \frac{x^2}{6} - q \frac{x^2}{2} = \frac{2}{3} \frac{x^3}{L} q - \frac{q}{2} x^2$$

اما حداکثر تنش خمشی در تیر در مقطعی ایجاد می‌شود که لنگر خمشی حداکثر می‌شود، بنابراین:

$$\delta_{max} = \frac{M_{max} C}{I} = \frac{\epsilon M_{max}}{bh^2}$$

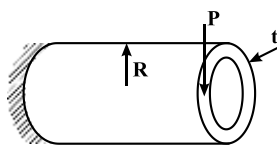
برای محاسبه موقعیت لنگر خمشی ماکزیمم از گشتاور خمشی نسبت به متغیر x مشتق‌گیری می‌شود.

$$\frac{dM}{dx} = 0 \Rightarrow \frac{2x^2}{L} q - qx = 0 \Rightarrow x = \frac{L}{2}$$

$$M_{max} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{L} \left(\frac{L}{2}\right)^3 q - \frac{q}{2} \left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{qL^2}{24}$$

$$\sigma_{max} = \frac{\epsilon \times \frac{qL^2}{24}}{bh^2} = \frac{1}{4 \times 40 \times 120^2} \times q \times 60000^2 \Rightarrow 120 = \frac{q \times 36 \times 10^6}{12^2 \times 16 \times 10^3} \Rightarrow q = \frac{12 \times 64}{100} = 7/68 \frac{N}{mm} = 7/68 \frac{kN}{m}$$

۲- گزینه «۳» تنش برشی ماکزیمم ایجاد شده در لوله ناشی از بار برشی و لنگر پیچشی برابر است با:

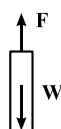
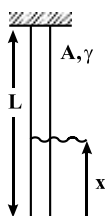


$$\tau_{max} = \tau_1 + \tau_2 = 2 \frac{P}{A} + \frac{T}{2At} = 2 \frac{P}{2\pi Rt} + \frac{PR}{2\pi Rt} = \frac{3}{2} \frac{P}{\pi Rt}$$

۳- گزینه «۳» تنش ایجاد شده ناشی از حرارت در ورق مستطیلی مقید شده توسط تکیه‌گاه‌های صلب برابر است با:

$$\epsilon_A = \frac{\Delta A}{A} = \frac{1-\nu}{E} (\sigma_x + \sigma_y) + \alpha \Delta T = 0 \Rightarrow \frac{1-0/2}{200 \times 10^3} (2\sigma) + 2 \times 9 \times 10^{-6} \times 50 = 0 \Rightarrow \sigma = 120 \text{ MPa}$$

۴- گزینه «۲» تنش در یک مقطع دلخواه از انتهای میله برابر است با:



$$F = W = mg = \rho Vg = \rho A x g = \gamma A x$$

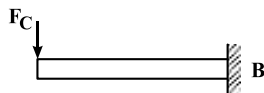
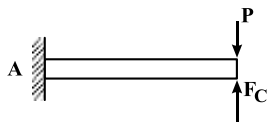
$$\Rightarrow \frac{F}{A} = \sigma = \gamma x \Rightarrow B \sqrt{\epsilon} = \gamma x$$

$$\Rightarrow B^r \varepsilon = \gamma^r x^r \Rightarrow \varepsilon = \frac{\gamma^r x^r}{B^r}$$

$$\delta = \int \varepsilon dx = \int_0^L \frac{\gamma^r x^r}{B^r} dx = \frac{\gamma^r L^r}{r B^r}$$

اما تغییر طول کل میله برابر است با:

۵- گزینه «۱» دو تیر را جدا از یکدیگر در نظر گرفته و لنگر تکیه‌گاهی در آنها محاسبه می‌شود:



$$\begin{cases} M_A = (P - F_c)L \\ M_B = F_c L \end{cases}$$

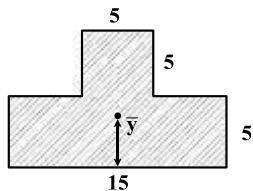
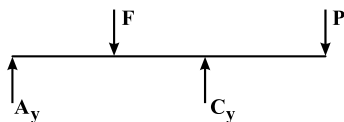
$$\left. \begin{array}{l} \text{خیز ایجادشده در انتهای تیر} \\ \text{ناشی از نیروی متمرکز} \end{array} \right\} \begin{cases} y_c = \frac{(P - F_c)L^r}{r EI} & (1) \\ y_c = \frac{F_c L^r}{r EI} & (2) \end{cases}$$

$$(1) = (2) \Rightarrow F_c = \frac{P}{r}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} M_A = \frac{P}{r} L \\ M_B = \frac{P}{r} L \end{cases}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow \begin{cases} A_y = \frac{P}{r} \\ B_y = \frac{P}{r} \end{cases}$$

۶- گزینه «۱» در ابتدا با استفاده از معادلات تعادل، نیروهای تکیه‌گاهی محاسبه شده، سپس نمودار نیروی برشی و مقدار لنگر خمشی در طول تیر محاسبه و رسم می‌شود.



$$\sum M_A = 0 \Rightarrow -P \times rL + C_y \times rL - F \times L = 0$$

$$\Rightarrow C_y = \frac{r}{r} P + \frac{F}{r}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y = -\frac{P}{r} + \frac{F}{r}$$

$$\begin{cases} M_B = A_y L = \left(\frac{F}{r} - \frac{P}{r}\right)L \\ M_C = PL \end{cases}$$

تغییر شکل ایجادشده در طول تیر برابر است با:

$$\begin{aligned} \bar{y} &= \frac{\sum A_i y_i}{\sum A_i} = \frac{A_1 y_1 + A_2 y_2}{A_1 + A_2} \\ \Rightarrow \bar{y} &= \frac{75 \times 2 / 5 + 25 \times 7 / 5}{75 + 25} = 3 / 75 \text{ cm} \end{aligned}$$

مقدار تنش خمشی در مقاطع B و C برابر است با:

$$\left. \begin{cases} (\sigma_{\max})_B = \frac{M_B C_B}{I} \\ (\sigma_{\max})_C = \frac{M_C C_C}{I} \end{cases} \right\} \Rightarrow (\sigma_{\max})_B = (\sigma_{\max})_C \Rightarrow M_B C_B = M_C C_C$$

$$\Rightarrow (F - P) \frac{L}{r} \times (10 - 3 / 75) = PL \times 3 / 75 \Rightarrow (F - P) 6 / 25 = P \times 7 / 5 \Rightarrow \frac{F}{P} = \frac{11}{5}$$



۷- گزینه «۲» در ابتدا با استفاده از تنش برشی ماکزیمم چوب، حداکثر لنگر پیچشی وارد بر میله‌ی چوبی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$(\tau_{\max})_w = \frac{TR}{J} \Rightarrow \lambda = \frac{16T_{\max}}{\pi d^3} \Rightarrow T_{\max} = \frac{8\pi \times 2000^3}{16} = 4\pi \times 10^6 \text{ N.mm}$$

اگر نیروی تحمل شده توسط هر پیچ را با  $F$  نمایش دهیم مقدار گشتاور پیچشی تحمل شده توسط  $N$  پیچ برابر خواهد بود با:

$$T = F \frac{d}{2} \times N \Rightarrow T = (\tau_{\text{all}})_B A \times \frac{d}{2} N \Rightarrow 4\pi \times 10^6 = 1600 \times \frac{\pi}{4} \times 10^2 \times 1000 N \Rightarrow N = 10$$

۸- گزینه «۴» شیب منحنی تنش - کرنش برابر سختی ماده می‌باشد. چون شیب منحنی ماده (۱) کمتر از شیب منحنی ماده (۲) است، بنابراین سختی این ماده کمتر می‌باشد. از طرفی استحکام تسلیم ماده‌ی (۱) بالاتر از ماده‌ی (۲) است.

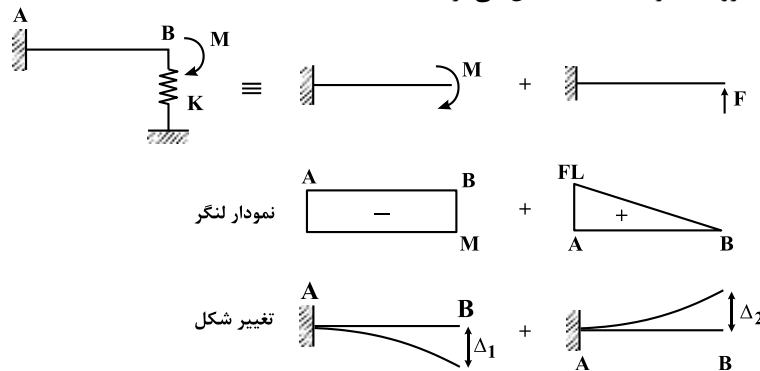
۹- گزینه «۲» در تیرهای نامعین استاتیکی، تغییرات درجه حرارت، نشست‌های تکیه‌گاهی و نقص اعضا و اجزای سازه می‌تواند منجر به ایجاد نیروهای داخلی در سازه شود.

۱۰- گزینه «۴» در مقطع لوزی بیشترین توزیع جرم در اطراف تار خنثی بوده، بنابراین نسبت به مقطع مستطیلی دارای مقاومت برشی بالاتری است. اما همین نکته باعث شده که مقاومت خمشی این مقطع نسبت به مستطیل کاهش یابد، چراکه توزیع جرم هرچقدر فاصله‌ی بیشتری از تار خنثی داشته باشد، سهم بیشتری در تحمل تنش و تارهای خمشی خواهد داشت.

$$\left. \begin{aligned} \text{مستطیل } (\tau_{\max}) &= \frac{3}{2} \frac{F}{A} \Rightarrow \text{مقاومت برشی } k'_1 = \frac{2}{3} A \\ \text{لوزی } (\tau_{\max}) &= \frac{9}{8} \frac{F}{A} \Rightarrow \text{مقاومت برشی } k'_2 = \frac{8}{9} A \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{k'_2}{k'_1} = \frac{8}{9} \times \frac{3}{2} = \frac{24}{18} = \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{k'_2}{k'_1} = \frac{4}{3} \Rightarrow k'_2 > k'_1$$

۱۱- گزینه «۲» همان‌طور که می‌دانیم نقطه عطف در تیرها در نقاطی به وجود می‌آید که نمودار لنگر روی تیر برابر با صفر گردد.  $(y'' = \frac{M}{EI})$

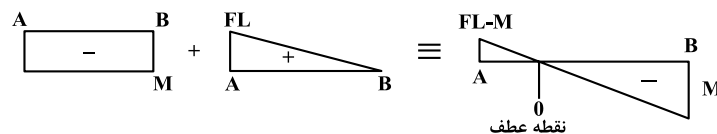
تیر مورد سؤال یک درجه نامعین است، لذا ابتدا فنر در نقطه  $B$  حذف شده و با نیروی متناظر  $(F)$  جایگزین می‌گردد. سپس با توجه به رابطه نیرو - تغییر مکان فنر و سازگاری تغییر شکل‌ها، نیروی  $F$  بر حسب  $M$  تعیین می‌گردد.



$$\left. \begin{aligned} \Delta_1 &= \frac{ML^2}{2EI} \\ \Delta_2 &= \frac{FL^3}{3EI} \end{aligned} \right\} \Rightarrow F = k \left( \frac{ML^2}{2EI} - \frac{FL^3}{3EI} \right) \Rightarrow \frac{\alpha FL^3}{EI} = \frac{ML^2}{2EI} - \frac{FL^3}{3EI} \Rightarrow F \left( \alpha + \frac{1}{3} \right) = \frac{M}{2L} \Rightarrow F = \frac{M}{2L \left( \alpha + \frac{1}{3} \right)}$$

$$F = k\Delta = k(\Delta_1 - \Delta_2)$$

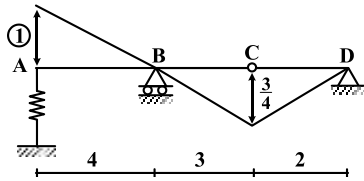
حال برای آنکه نقطه عطف روی تیر داشته باشیم، باید برآیند لنگرها در یک نقطه صفر شود.



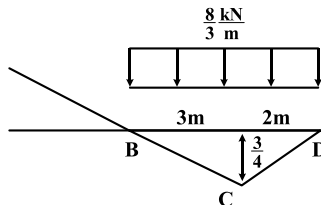
$$FL - M > 0 \Rightarrow FL > M \Rightarrow \frac{M}{2L \left( \alpha + \frac{1}{3} \right)} > M \Rightarrow 2 \left( \alpha + \frac{1}{3} \right) < 1 \Rightarrow \alpha < \frac{1}{6}$$

۱۲- گزینه «۳» برای تعیین حداکثر نیروی تکیه‌گاه A (نیروی فنر) می‌بایست خط تأثیر متناظر با این نیرو را رسم نمود. به این منظور شکل تیر را کشیده و تکیه‌گاه A را به اندازه واحد به سمت بالا جابه‌جا کرده و ادامه تغییرشکل را رسم می‌کنیم.

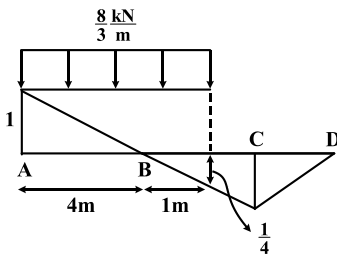
خط تأثیر نیروی تکیه‌گاه A



حال با توجه به شکل، خط تأثیر دو حالت بارگذاری متصور است.  
(۱) بار ۵ متری از B تا D قرار بگیرد.



(۲) بار ۵ متری از روی A تا ۱ متر بعد از تکیه‌گاه B قرار گیرد.  
 $F_A = \frac{1}{2} (\Delta \times \frac{3}{4}) \times \frac{1}{3} = \Delta \text{ kN}$



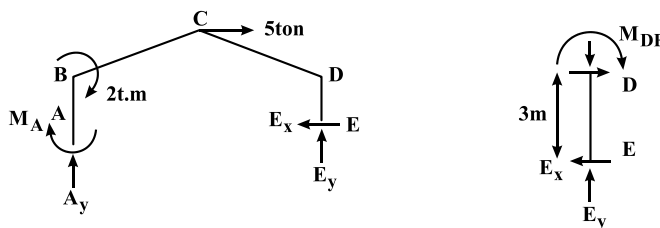
$$F_A = \left[ -\frac{1}{2} (4 \times 1) - \frac{1}{2} (1 \times \frac{1}{4}) \right] \times \frac{1}{3} = \Delta \text{ kN}$$

همان‌طور که ملاحظه می‌شود هر دو حالت بحرانی مقدار نیرویی برابر ۵kN را ایجاد می‌کنند. بنابراین خواهیم داشت:

$$(F_A)_{\max} = \Delta \text{ kN} \Rightarrow \Delta_{\max} = \frac{(F_A)_{\max}}{k} = \frac{\Delta}{\Delta} = 1 \text{ cm}$$

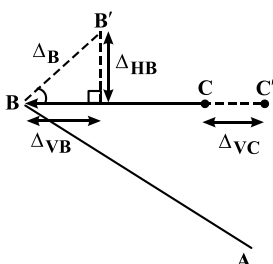
نکته: حالت بحرانی دیگری نیز متصور است که بار از روی تیر عبور کرده و تنها ۴ متر آن بین A و B مانده باشد که در این حالت گزینه (۴) پاسخ خواهد بود. اما با توجه به پاسخنامه سنجش، مدنظر طراح سؤال بوده که بار باید به‌طور کامل روی تیر باشد و پاسخ گزینه (۳) صحیح است.

۱۳- گزینه «۲» اگرچه قاب مورد سؤال یک درجه نامعین است، اما در جهت افقی معین می‌باشد و نیروی افقی تکیه‌گاه E قابل تعیین است. با تعیین  $E_x$  به راحتی لنگر  $M_{DC}$  تعیین می‌گردد.



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow E_x = \Delta \text{ ton}$$

$$M_{DC} = M_{DE} = E_x \times 3 \text{ m} = 1 \Delta \text{ ton.m}$$

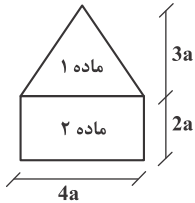


۱۴- گزینه «۱» با توجه به اینکه سختی محوری اعضا بسیار بیش از سختی خمشی است، بنابراین جابه‌جایی نقطه B لزوماً عمود بر AB خواهد بود تا باعث تغییر طول عضو AB نگردد. بر همین اساس برای آنکه عضو BC تغییر طول نداشته باشد، لزوماً جابه‌جایی افقی نقطه B برابر با جابه‌جایی افقی نقطه C است. حال با رسم سازه تغییرشکل یافته می‌توان تغییر مکان قائم نقطه B را تعیین کرد.

## سؤالات مهندسی عمران - زلزله

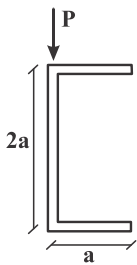
### مکانیک جامدات (مقاومت مصالح و تحلیل سازه‌ها)

۱- مقطع نشان داده شده متشکل از یک مستطیل و یک مثلث متساوی‌الساقین، از دو ماده با نسبت مدول  $E_1 = 2E_2$  ساخته شده است. نسبت سختی خمشی حول محور افقی در حالتی که دو بخش مقطع به یکدیگر چسبیده باشند، در قیاس با حالتی که نچسبیده و آزادانه در طول هم بلغزد، کدام است؟



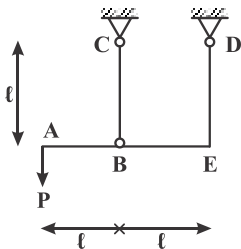
- (۱) عددی بین ۵ تا ۶
- (۲) عددی بین ۳ تا ۴
- (۳) عددی بین ۱ تا ۲
- (۴) ۱

۲- بر مقطع ناودانی متقارن شکل زیر، نیروی برشی  $P$  در امتداد نشان داده شده وارد می‌شود. چنانچه ضخامت جداره برابر  $\frac{a}{4}$  باشد، گشتاور پیچشی وارد بر این مقطع در اثر اعمال بار مذکور چه مضربی از  $Pa$  خواهد بود؟



- (۱) صفر
- (۲)  $\frac{3}{16}$
- (۳)  $\frac{3}{8}$
- (۴)  $\frac{3}{4}$

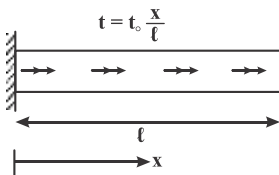
۳- در سازه شکل زیر، سطح مقطع و مدول یانگ میله‌های  $CB$  و  $DE$  را به ترتیب با  $\{A_2, A_1\}$  و  $\{E_2, E_1\}$  نشان می‌دهیم. در چه صورتی نیروهای پدیدآمده در دو عضو  $CB$  و  $DE$  با یکدیگر برابر خواهد بود؟



- (۱)  $\frac{E_1}{E_2} = 1$  و  $\frac{A_1}{A_2} = 2$
- (۲)  $\frac{E_1}{E_2} = 2$  و  $\frac{A_1}{A_2} = 1$
- (۳)  $\frac{A_1}{A_2} = \frac{E_2}{E_1}$
- (۴) در هیچ صورتی امکان پذیر نیست.

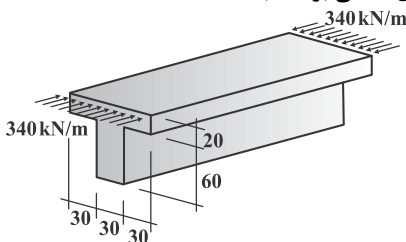
۴- تیر یک سرگیردار زیر با مدول برشی  $G$  و سطح مقطع دایره‌ای به شعاع  $R$ ، تحت گشتاور گسترده پیچشی که شدت آن در واحد طول تیر با

معادله  $t = t_0 \frac{x}{l}$  توصیف می‌شود، قرار دارد. زاویه پیچش سر آزاد تیر چند برابر  $\frac{t_0 l^2}{G\pi R^4}$  است؟



- (۱)  $\frac{2}{3}$
- (۲)  $\frac{4}{3}$
- (۳)  $\frac{2}{3}$
- (۴) ۲

۵- تیری  $T$  شکل به طول  $6m$  مطابق آنچه در تصویر آمده در بالایی ترین تراز مقطع خود تحت بار خطی یکنواختی در امتداد طولی خود قرار گرفته است. بزرگ‌ترین تنش نرمال فشاری پدیدآمده در مقطع، چند مگاپاسکال است؟ (ابعاد داده شده بر روی شکل همگی بر حسب  $cm$  هستند.)



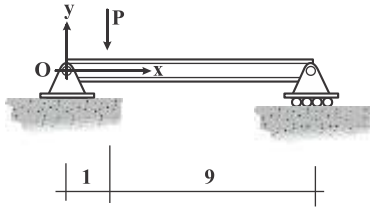
- (۱) ۲/۲۰۰
- (۲) ۵/۳۵۰
- (۳) ۲/۴۴۴
- (۴) ۵/۹۴۴



۶- تیری الاستیک با EI ثابت در تمام طول خود، مطابق شکل تحت باری متمرکز قرار گرفته است. این بار متمرکز سبب شده است که نقطه زیر محل اثر آن تغییر مکان واحدی را متحمل شود. برای تغییر شکل این تیر، تابع زیر را پیشنهاد داده ایم:

$$y(x) = \begin{cases} A_1x^3 + B_1x^2 + C_1x + D_1, & 0 < x < 1 \\ A_2x^3 + B_2x^2 + C_2x + D_2, & 1 < x < 10 \end{cases}$$

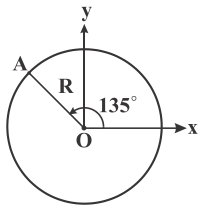
که در اینجا  $\{A_1, B_1, \dots, D_2\}$  مجموعه‌ای از ثوابت هستند که با اعمال شرایط مرزی به دست می‌آیند. تغییر مکان به سمت بالا را مثبت در نظر بگیرید. حاصل عبارت  $999A_2 + 99B_2 + 9C_2$  کدام است؟ (فواصل داده شده در شکل، اعداد بی بعد هستند).



- (۱) -۹
- (۲) -۱
- (۳) ۱
- (۴) ۹

۷- مقطعی دایروی مطابق شکل، تحت تأثیر لنگرهای خمشی  $M_x = M_y = -M_0$  و گشتاور پیچشی  $T_z = M_0$  واقع شده است. کدام گزاره، در

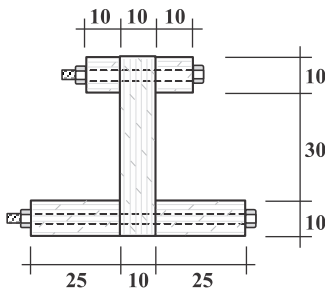
خصوص وضعیت تنش نقطه A درست است؟



- (۱) صفحه XY صفحه اصلی تنش است.
- (۲) صفحه XZ صفحه اصلی تنش است.
- (۳) صفحه YZ صفحه اصلی تنش است.
- (۴) هیچ یک از صفحات XY، XZ و YZ صفحه اصلی تنش نیست.

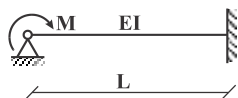
۸- تیری چوبی مطابق شکل از چند تکه الوار که با پیچ و مهره به هم بسته شده‌اند ساخته شده است. ابعاد بر روی شکل بر حسب cm هستند. ضمناً

می‌دانیم که گشتاور لختی حول محور مرکزواری قوی مقطع برابر با  $۳۶ \times ۱۰^۳ \text{ cm}^۴$  است. نیروی برشی قائم وارد بر این مقطع برابر با  $۴ \text{ kN}$  است. سطح مقطع پیچ‌ها و تنش مجاز برشی آن‌ها به ترتیب برابر با  $۲۵ \text{ MPa}$  و  $۹ \text{ MPa}$  است. فاصله دو پیچ متوالی از یکدیگر در امتداد طول تیر (عمود بر صفحه) برای بال بالایی و پایینی تیر عددی یکسان است. حداکثر مقدار این فاصله چند میلی‌متر است؟



- (۱) ۲۷۰
- (۲) ۴۰۵
- (۳) ۵۴۰
- (۴) ۸۱۰

۹- در تیر شکل زیر، اندازه تغییر مکان حداکثر، کدام ضریب از  $\frac{ML^2}{EI}$  است؟



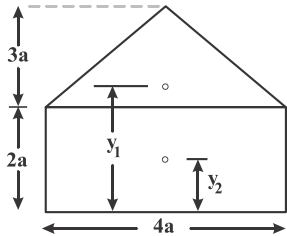
- (۱)  $\frac{5}{27}$
- (۲)  $\frac{1}{27}$
- (۳)  $\frac{1}{9}$
- (۴)  $\frac{3}{4}$



پاسخنامه مهندسی عمران - زلزله

مکانیک جامدات (مقاومت مصالح - تحلیل سازه‌ها)

۱- گزینه «۲» سختی خمشی هر مقطع تیر مرکب با حاصل ضرب EI نسبت مستقیم دارد. در ابتدا سختی خمشی مقطع تیر به صورت یکپارچه محاسبه می‌شود. برای این کار مختصات مرکز سطح مقطع تیر مرکب تعیین می‌شود.



$$\bar{y} = \frac{\sum A_i E_i y_i}{\sum A_i E_i} = \frac{A_2 E_2 y_2 + A_1 E_1 y_1}{A_2 E_2 + A_1 E_1} = \frac{(2a \times 4a) \times E_2 \times a + (\frac{3a \times 4a}{2}) \times 2E_1 \times 3a}{(2a \times 4a) \times E_2 + (\frac{3a \times 4a}{2}) \times 2E_1} = 2/2a$$

$$\sum E_i I_i = E_2 I_2 + E_1 I_1$$

$$\Rightarrow \sum E_i I_i = [\frac{1}{12} \times 4a \times (2a)^3 + (4a \times 2a)(2/2a - a)^2] \times E_2 + [\frac{1}{36} \times 4a \times (3a)^3 + (\frac{4a \times 3a}{2})(3a - 2/2a)^2] \times 2E_1$$

$$\Rightarrow \sum E_i I_i = 27/867 E_2 a^4 \quad (1)$$

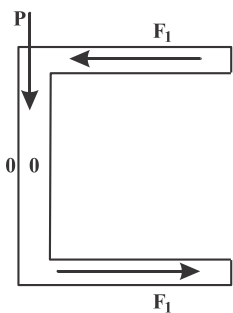
اما سختی خمشی دو مقطع هرگاه از یکدیگر جدا باشند برابر مجموع سختی هر یک از مقاطع‌ها می‌باشد. لازم به ذکر است که در این حالت هر مقطع به طور مجزا حول تار خنثی دچار خمش می‌شود.

$$\sum E_i I_i = E_1 I_1 + E_2 I_2 = 2E_2 \times \frac{4a \times (3a)^3}{36} + E_2 \times \frac{4a \times (2a)^3}{12} \Rightarrow \sum E_i I_i = \frac{26}{3} E_2 a^4 = 8/67 E_2 a^4 \quad (2)$$

از تقسیم دو مقدار به دست آمده، نسبت سختی خمشی آنها تعیین می‌شود.

$$\frac{\sum E_i I_i \text{ مقاطع به هم چسبیده}}{\sum E_i I_i \text{ مقاطع از هم جدا}} = \frac{27/867 E_2 a^4}{8/67 E_2 a^4} = 3/214$$

۲- گزینه «۳» نیروی ناشی از جریان برش در بال‌های افقی تولید جفت نیرو می‌کند که گشتاور پیچشی ناشی از آن برابر است با:



$$\sum M_O = F_1(2a) = T$$

$$F_1 = \int q ds = \int \frac{VQ}{I} ds = \frac{P}{I} \int A \bar{y} ds$$

$$\Rightarrow F_1 = \frac{P}{I} \int_0^a st \times a ds = \frac{a^2 t P}{2 I} \quad (1)$$

$$I = \frac{1}{12} t(2a)^3 + 2 \times [\frac{1}{12} at^3 + (at) \times a^2]$$

به دلیل کوچکی t، از جمله‌ی حاوی t<sup>3</sup> صرف نظر می‌شود.

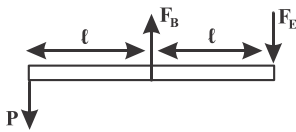
$$I = \frac{2}{3} a^2 t + 2a^2 t = \frac{8}{3} a^2 t \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} F_1 = \frac{a^2 t}{2} \times \frac{P}{\frac{8}{3} a^2 t} = \frac{3}{16} P$$

$$T = F_1 \times 2a = \frac{3}{8} Pa$$



۳- گزینه «۴» با نوشتن معادلات تعادل برای میله‌ی ABE صلب نتیجه می‌شود:

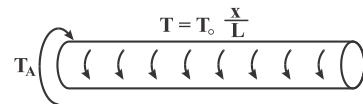


$$\sum M_B = 0 \Rightarrow P \times l - F_E \times l = 0 \Rightarrow F_E = P$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -P - F_E + F_B = 0 \Rightarrow F_B = 2P$$

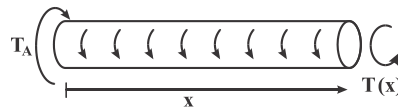
طبق معادلات تعادل تحت هیچ شرایطی نیرو در دو میله BC و ED برابر نمی‌شود.

۴- گزینه «۲» در ابتدا گشتاور تکیه‌گاهی محاسبه می‌شود.



$$T_A = \int_0^L t dx = \int_0^L t_0 \frac{x}{L} dx \Rightarrow T_A = t_0 \left[ \frac{x^2}{2L} \right]_0^L = \frac{t_0 L}{2}$$

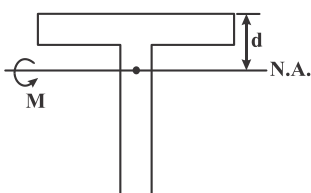
$$\sum M = 0 \Rightarrow T(x) - T_A + \int_0^x t_0 \frac{x}{L} dx = 0 \Rightarrow T(x) = \frac{t_0 L}{2} - \frac{t_0 x^2}{2L}$$



$$\phi = \int_0^L \frac{T(x) dx}{GJ} = \int_0^L \left[ \frac{t_0 L}{2} - \frac{t_0 x^2}{2L} \right] dx = \frac{1}{\pi G R^4} \left[ \frac{t_0 L}{2} \times L - \frac{t_0}{2L} \times \frac{L^3}{3} \right] = \frac{2}{3} \frac{t_0 L^3}{\pi G R^4}$$

۵- گزینه «۱» بار گسترده وارد بر بالاترین تراز مقطع تیر، حول تار خنثی یک گشتاور خمشی ایجاد می‌کند. برای تعیین گشتاور ابتدا موقعیت تار خنثی (مرکز سطح) تعیین می‌شود.

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^2 y_i A_i}{\sum_{i=1}^2 A_i} = \frac{(30 \times 60) \times 30 + (90 \times 20) \times 70}{30 \times 60 + 90 \times 20} = 50 \text{ cm}$$



$$F = 340 \frac{\text{kN}}{\text{m}} \times (0/3 + 0/3 + 0/3) \text{ m} = 306 \text{ kN}$$

$$M = Fd = 306 \times 10^3 \text{ (N)} \times 300 \text{ (mm)} = 918 \times 10^5 \text{ N.mm}$$

$$I = \left[ \frac{1}{12} \times 300 \times 600^3 + (300 \times 600) \times 200^2 \right] + \left[ \frac{1}{12} \times 900 \times 200^3 + (900 \times 200) \times 200^2 \right] = 204 \times 10^8 \text{ mm}^4$$

حداکثر تنش فشاری ناشی از بار فشاری و لنگر خمشی برابر است با:

$$(\sigma_{\max})_C = -\frac{F}{A} - \frac{MC}{I} = \frac{-306 \times 10^3}{300 \times 600 + 900 \times 200} - \frac{918000 \times 10^3 \times 300}{204 \times 10^8} = -2/2 \text{ MPa}$$



۶- گزینه «۳» خیز تیر در انتهای تیر برابر صفر است پس می‌توان نوشت:

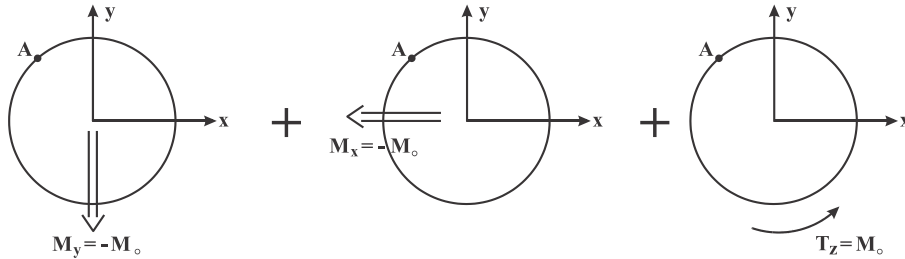
$$y_{\tau}(10) = 0 \Rightarrow A_{\tau}(10)^{\tau} + B_{\tau}(10)^{\tau} = C_{\tau}(10) + D_{\tau} = 0 \Rightarrow 1000A_{\tau} + 100B_{\tau} + 10C_{\tau} + D_{\tau} = 0 \quad (1)$$

از طرفی مقدار خیز تیر در زیر بار برابر ۱- است در نتیجه داریم:

$$y_{\tau}(+1) = -1 \Rightarrow A_{\tau}(1)^{\tau} + B_{\tau}(1)^{\tau} + C_{\tau}(1) + D_{\tau} = -1 \Rightarrow A_{\tau} + B_{\tau} + C_{\tau} + D_{\tau} = -1 \quad (2)$$

$$(1) - (2) \Rightarrow 999A_{\tau} + 99B_{\tau} + 9C_{\tau} = 1$$

۷- گزینه «۴» با توجه به نوع بارگذاری اعمال شده بر مقطع مطابق شکل، مؤلفه‌های تنش قائم و برشی به صورت زیر به دست می‌آیند:



$$\sigma_{z1} = \frac{M_y x}{I_y} = -\frac{M_o \times \frac{\sqrt{r}}{2} R}{\frac{\pi}{4} R^4} = -\frac{2\sqrt{2} M_o}{\pi R^3} \quad , \quad \sigma_{z2} = \frac{M_x y}{I_x} = \frac{-M_o \times \frac{\sqrt{r}}{2} R}{\frac{\pi}{4} R^4} = -\frac{2\sqrt{2} M_o}{\pi R^3} \quad , \quad \tau = \frac{T_z R}{J} = \frac{M_o R}{\frac{\pi}{2} R^4} = \frac{2M_o}{\pi R^3}$$

$$\Rightarrow \sigma_z = \sigma_{z1} + \sigma_{z2} = \frac{-2\sqrt{2} M_o}{\pi R^3} - \frac{2\sqrt{2} M_o}{\pi R^3} = \frac{-4\sqrt{2} M_o}{\pi R^3}$$

با توجه به مؤلفه‌های تنش می‌توان نتیجه گرفت که هیچ‌یک از صفحات  $XY$ ،  $XZ$  و  $YZ$  صفحه اصلی تنش نمی‌باشند.

۸- گزینه «۳» با توجه به مساحت مقطع پیچ و تنش مجاز برشی آن می‌توان حداکثر نیروی مجاز وارد بر پیچ را محاسبه کرد.

$$\tau_{all} = \frac{F_{max}}{A} \Rightarrow F_{max} = 90 \times 250 = 22500 \text{ N}$$

نیروی قابل تحمل توسط پیچ از رابطه  $F = qx$  به دست می‌آید که  $x$  فواصل طولی بین پیچ‌ها و  $q$  جریان برش در مقطع پیچ است. پیچ‌های ردیف پایینی از ردیف بالایی بحرانی‌تر می‌باشند چرا که مقدار  $Q$  در آن‌ها بیشتر است.

$$F = qx = \frac{VQ}{I} x = \frac{VAy}{I} x \Rightarrow 22500 = \frac{40000 \times (25 \times 10) y}{360 \times 10^3} \times x \quad (1)$$

برای محاسبه  $x$  از رابطه بالا، باید موقعیت مرکز سطح را تعیین کنیم:

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^3 A_i y_i}{\sum_{i=1}^3 A_i} = \frac{(60 \times 10) \times 5 + (30 \times 10) \times 25 + (30 \times 10) \times 45}{60 \times 10 + 30 \times 10 + 30 \times 10} = 20 \text{ cm}$$

با توجه به آن که فاصله تار خنثی از لبه پایینی تیر برابر ۲۰ cm است، فاصله تار خنثی از محور پیچ پایینی برابر ۱۵ cm خواهد بود؛ در نتیجه داریم:

$$y = \bar{y} - 5 = 20 - 15 = 15 \text{ cm}$$

$$\xrightarrow{(1)} x = 54 \text{ cm} = 540 \text{ mm}$$